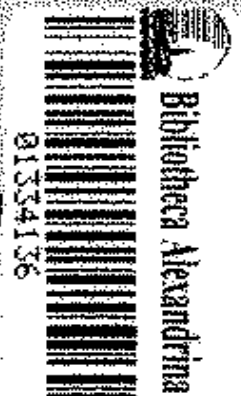


# مساقط الخرائط

عميد بحرى  
نقولا ابراهيم

الناشر  
مركز الدراسات والبحوث  
بجامعة القاهرة





# مِسَاقُ الْخِلَاطِ

عميد معرفت  
نقولا ابراهيم

بكالوريوس مع مرتبة الشرف في الرياضيات

نور المصوري  
Intellectual revolution

الناشر // منشأة الفكر بالأكاديمية  
بجلال حزي وشركاه



## تقديم

تثبت بهذا المؤلف ليحل محل كتابي السابق في نفس الموضوع بعنوان  
« مساقط الخرائط الجغرافية » . ولم أكن أنخيل أن نسخ الكتاب السابق جازفة  
بنك السرعة خصوصا وأن المهتمين بهذا الموضوع والدارسين له مازالوا قليلون .

وفي هذا المؤلف أضفت مجموعة المساقط الخاصة بخرائط الخرائط وخرائط  
المساحة الى مساقط خرائط الأطلس حتى يصبح الكتاب شاملا لجميع أنواع  
الخرائط .

وهذا الكتاب يشرح فكرة المساقط وطرق تشكيلها والقواعد الهندسية  
لإنشائها وطرق تنفيذ الأنواع الرئيسية منها وهي مادة ضرورية لدارسي الجغرافيا  
والخرائط والملاحة والمساحة كما يهتم بالدرجة الأولى المشتغلين بصناعة  
الخرائط .

والدراسة النظرية للمساقط المقدمة في هذا الكتاب تعتمد على بعض المراجع  
باللغة الانجليزية ذكرت في نهاية الكتاب . ولكن التطبيقات العملية هي حصيلة  
خبراتي الخاصة في مجال إنشاء الخرائط خلال ممارستي لأعمال المساحة  
والكارتوجرافيا بالإدارة الهيدروجرافية للادميرالية البريطانية بالقوات البحرية  
وبالمساحة المصرية وأبنا من خلال تدريس هذه المادة لسنوات عديدة .

والاسلوب العلي الذي يتبع معظم المساقط يعتمد على الرياضيات المبسطة  
خصوصا مساقط خرائط الأطلس وخرائط الخرائط . ولكن عند دراسة مساقط

الخرائط المساحية للأرض الشبه كروية فلا يوجد مفر من استخدام الرياضيات المتقدمة .

وتتميز الحسابات في أمثلة هذا الكتاب بسهولة إجرائها على الحاسب الإلكتروني اليدوي المعتاد بدلا من استخدام اللوغاريتمات كما كان متبعاً من قبل . ولذلك وضعت كثير من العلاقات التي تشكل المساقط في صورها الأصلية المبسطة دون تحويلها إلى الصور اللوغاريتمية المطولة ، كما تتميز الحسابات بالدقة العالية المتوفرة حالياً في الحاسبات الإلكترونية اليدوية — كذلك استخدمت اللوغاريتمات للأساس ١٠ بدلا من الأساس ١٠٠ لسهولة الحصول عليها .

ما زال هذا الكتاب الوحيد باللغة العربية ولذلك تم ترديد بقائمة المصطلحات المستخدمة وما يقابلها باللغة الإنجليزية . وبالكتاب ملحقين : الأول يشرح بعض طرق رسم القطع الناقص وهو الشكل الذي يظهر كثيرا في المساقط ، والثاني به بعض قوائم حساب المثلثات المستوية حتى تساعد على متابعة استخراج العلاقات الرياضية للمساقط .

أرجوا أن تكون مساهمى بتقديم هذا الكتاب قد سدت الفراغ الشاغر في المكتبة الجغرافية والمساحية والكارتوجرافية وأن أكون قد أمددت كل المتصلين والمشتغلين بصناعة الخرائط بمرجع كانوا دائما في حاجة إليه وأن أكون قد وفيت باحتياجات مدرسى ودارسى العلوم الكارتوجرافية في الجامعات العربية .

## محتويات الكتاب





## محتويات الكتاب

صفحة

### الباب الأول

تعريف

١

### الباب الثاني

أقسام المساقط

٢

### الباب الثالث

أنظمة الاحداثيات

٩

٩	.....	الشكل الهندسي لسطح الأرض
١١	.....	الاحداثيات على سطح مستوي
١٢	.....	الاحداثيات على سطح الأرض
١٤	.....	خطوط الطول
١٦	.....	زاوية الطول
١٦	.....	خطوط العرض
١٨	.....	زاوية العرض
١٨	.....	تحديد موقع مكان على سطح الأرض
١٩	.....	حساب المسافات والمساحات على سطح الأرض

## الباب الرابع

## المساقط المعدة

٢٥

٢٥	... ..	المسقط الكروي
٢٧	... ..	مسقط مولدايدى
٢٥	... ..	مسقط سائون فلامستيد (المسقط الجوى)
٤٠	... ..	مسقط كافرايسكى
٤٣	... ..	مسقط فاندري جريتن
٤٨	... ..	المساقط المتقطعة

## الباب الخامس

## المساقط الاسطوانية

٤٩

٤٩	... ..	المسقط الاسطوانى البسيط
٥١	... ..	المسقط الاسطوانى متساوى المساحات
٥٤	... ..	المسقط الاسطوانى التماشى (مسقط مركبوتور)

## الباب السادس

## المساقط الاتجاهية

٦١

٦٥	... ..	المسقط المركزى
٦٦	... ..	المسقط المركزى القطبى
٦٩	... ..	الطريقة البيانية لرسم المسقط المركزى القطبى
٧٠	... ..	المسقط المركزى الاستوائى

٧٨	... ..	الطريقة البيانية لرسم المسقط المركزي الاستوائى
٨٠	... ..	المسقط المركزي المنحرف
٨٢	... ..	الطريقة البيانية لرسم المسقط المركزي المنحرف
٨٤	... ..	المسقط الاستريوجرافى ( المجسم )
٨٦	... ..	المسقط الاستريوجرافى القطبي
٨٩	...	الطريقة البيانية لرسم المسقط الاستريوجرافى القطبي
٩٠	... ..	المسقط الاستريوجرافى الاستوائى
٩٣	...	الطريقة البيانية لرسم المسقط الاستريوجرافى الاستوائى
٩٥	... ..	المسقط الاستريوجرافى المنحرف
١٠٥	...	الطريقة البيانية لرسم المسقط الاستريوجرافى المنحرف
١٠٧	... ..	المسقط الأورثوجرافى
١٠٩	... ..	المسقط الأورثوجرافى القطبي
١١١	....	الطريقة البيانية لرسم المسقط الأورثوجرافى القطبي
١١٢	... ..	المسقط الأورثوجرافى الاستوائى
١١٦	... ..	المسقط الأورثوجرافى المنحرف
١٢٠	... ..	المسقط الاتجاهى متساوى المسافات
١٢٢	... ..	المسقط الاتجاهى متساوى المسافات القطبي
١٢٦	...	المسقط الاتجاهى متساوى المسافات الاستوائى
١٣٠	... ..	المسقط الاتجاهى متساوى المسافات المنحرف
١٣٣		المساقط الاتجاهية باستخدام الأبعاد والاتجاهات على سطح الأرض

## الباب السابع

١٤٣	المساقط المخروطية
١٤٥	المسقط المخروطى البسيط
١٤٨	المسقط متعدد المخاريط
١٥١	المسقط المخروطى بعرضين رئيسيين
١٥٥	المساقط المخروطية متساوية المساحات
١٥٨	مسقط لامبرت المخروطى متساوى المساحات الأول
١٦٢	مسقط لامبرت المخروطى متساوى المساحات الثانى
١٦٦	مسقط بونت
١٧١	المسقط المخروطى متساوى المساحات بعرضين رئيسيين
١٧٥	المسقط المخروطى التناهى
١٨٠	المسقط المخروطى التناهى بعرضين رئيسيين
١٨٥	النشاء المساقط المخروطية باستخدام الاجداثيات المتعامدة

## الباب الثامن

٢١١	مساقط الخرائط المساحية
٢١٢	زاوية العرض الجغرافى
٢١٤	زاوية العرض المرىكى
٢١٦	المسافة على خط الطول
٢٢١	المسافة على دائرة عرض

٢٢٥	مسقط مركبتور للأرض الشبه كروية
٢٣١	المسقط الاستروجرائي للأرض الشبه كروية
٢٤٠	المسقط المخروطي التشايعي للأرض الشبه كروية
٢٤٨	مسقط مركبتور المستعرض للأرض الشبه كروية
٢٥٥	تطبيق مسقط مركبتور المستعرض في المساحة المصرية
٢٥٨	حساب الاحداثيات في المساحة المصرية

## الباب التاسع

٢٦٢	تاريخ مساقط الخرائط
٢٦٣	مساقط بطليموس
٢٦٦	مساقط عصر النهضة
٢٦٧	مسقط مركبتور
٢٦٩	مساقط القرن الثامن عشر

## الباب العاشر

٢٧١	اختيار المسقط
٢٧١	علاقة المسقط بالموقع
٢٧٣	علاقة المسقط بالتعرض المطلوب منه عمل الخريطة
٢٧٧	علاقة المسقط بالتساع وشكل المنطقة المطلوب رسمها
٢٧٩	اختيار المسقط مع مراعاة شكل ميكلة الجغرافى

## أبواب الحادي عشر

طريقة رسم قطع ناقص	٢٨١
بعض قوانين حساب المثلثات المستوية	٢٨٥
قائمة المصطلحات	٢٨٨
المراجع	٢٩١

## الباب الأول

### تعريف

الأرض كروية الشكل . ولكي يوجد لدينا نموذجاً للأرض نتدارس عليه معالمها وخصائصها ، يحسن أن يكون هذا النموذج كروي الشكل أيضاً .

ولكن عند استخدام سطح كروي كنموذج للأرض ، نتعرض لبعض المشاكل والمقاييس . فالنموذج الكروي المناسب الحجم الذى يبين بعض تفاصيل حدود القارات والمحيطات يجب ألا يقل حجمه عن حجم غرفة مثلاً . وبالتالي لبيان تفاصيل أكثر — كتلك الموجودة داخل القارات أو فى قاع المحيطات — يجب أن يتزايد حجم النموذج الكروي ويصبح غير عملياً .

والنموذج الذى يمثل سطح الأرض يستخدم عادة لتخطيط بعض العمليات — كرسم خطوط ملاحية للطائرات مثلاً ، — أو التعرف على مساحة منطقة من العالم — أو لقياس المسافات بين العواصم المختلفة — الى آخر ذلك من الاستخدامات المعروفة . والنموذج الكروي لا يساعد على اتمام هذه العمليات إذ أن أجهزة وأدوات الرسم والقياس كالسطرة والبرجل والمنقلة لا تستخدم إلا على السطوح المستوية .

من هنا ظهرت الحاجة الى رسم الخرائط على السطوح المستوية . فعلى سطح مستوى يمكن رسم العالم كله أو أجزاء منه بالقياس المطلوب وبالابعاد المطلوبة .

من التحويل تطبيق سطح مقوى مثل سطح الخريطة على سطح كروي  
مثل سطح الأرض ، ولذلك أصبح العالم المرسومة على سطح الخريطة غير مطابقة  
تماما للعالم المرسومة على سطح الكرة الأرضية ، ويقصد بعدم التطابق أن  
العناصر الهندسية للعالم سطح الأرض لا بد وأن يصحبها بعض التغير عند تمثيلها  
على سطح الخريطة .

والعناصر الهندسية لآى شكل هي :

١ — المسافات

٢ — الاتجاهات

٣ — المساحات

ولقد تبين أنه على سطح الخريطة يمكن الاحتفاظ ببعض العناصر الهندسية  
مطابقة لتطبيقاتها على سطح الأرض ، ولكن لا يمكن الاحتفاظ بجميع العناصر  
الهندسية بالصورة المطابقة .

هذه العملية تشبه الى حد كبير العلاقة بين شكل مجسم وصورته الفوتوغرافية  
فالصورة لن تمثل المجسم كما يمثله تمثال ، كما وأنه على الصورة الفوتوغرافية  
لا يمكن بيان جميع العناصر الهندسية للمجسم مطابقة تماما للأصل .

تسمى عملية نقل شكل العالم من سطح الأرض الكروي الى سطح الخريطة  
المستوى بعملية الإسقاط — وهو تعبير هندسى — .

ويسمى الشكل الناتج على الخريطة بالنقطة .



## الباب الثاني

### أقسام المساقط

كلمة أسقاط المستخدمة في هذا العلم لها معنى شامل ويقصد بها التمثيل على السطح المستوي للخريطة سواء أكان هذا التمثيل بطريقة الاسقاط المنظور أو الاسقاط الهندسي أو بغيرهما .

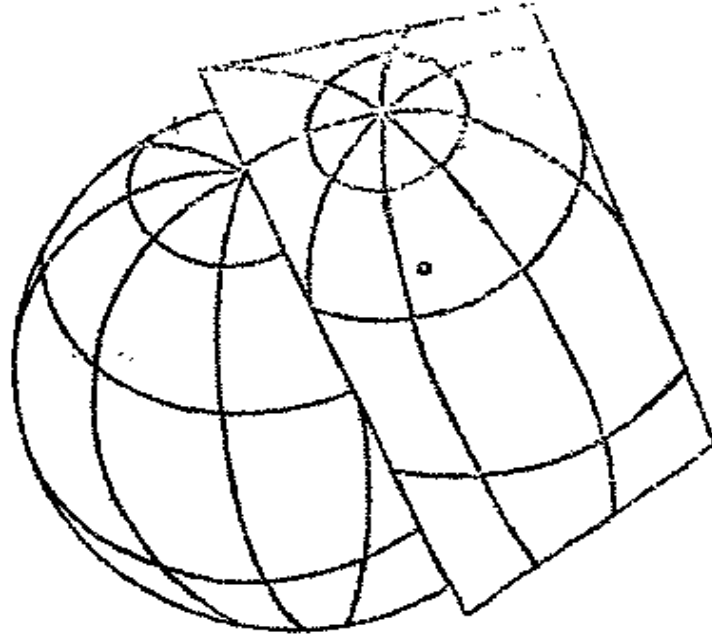
لنأخذ مثالا : دعنا نتصور وجود مصدر ضوئي مشع عند مركز الكرة الأرضية وتتصور أيضا وجود لوحة مستوية عند القطب الشمالي . يلقى مصدر الضوء ظلالات لخطوط الطول والعرض على اللوحة المستوية ، كما يلقى أيضا ظلالات لحدود القارات مع المحيطات .

ستظهر خطوط الطول على اللوحة المستوية بخطوطا مستقيمة متقابلة عند نقطة القطب ، وستظهر دوائر العرض على هيئة دوائر مركزها القطب . ولو أن دوائر العرض متساوية البعد على سطح الأرض إلا أن ظلالاتها الناتجة على اللوحة المستوية ستباعد كلما ابتعدنا عن نقطة القطب .

يمكن تغيير موضع مصدر الضوء ويمكن أيضا تغيير موضع اللوحة المستوية ومع كل تغيير نحصل على شكل جديد من الظلال . فمصدر الضوء يمكن نقله إلى القطب الآخر للأرض كما يمكن وضعه خارج الكرة الأرضية على امتداد خط القطبين وفي مواضع مختلفة . ومع كل موضع جديد لمصدر الضوء نحصل على شكل جديد من الظلال .

تسمى الاشكال الهندسية الناتجة بتلك الطرق بالمساقط المنظورة لأنها تأخذ شكل

المنظور من العين كما تسمى مصافط اتجاهية لأن الانعكاسات على سطح اللوحة المستوية عند موضع تماس اللوحة مع سطح الأرض ، تكون مطابقة للاتجاهات على سطح الأرض .



شكل (١)

مسطط منظور

يمكن تغيير موضع اللوحة المستوية على سطح الأرض . فعندما تكون اللوحة عند القطب يسمى المسقط الناتج قطبي ، وعندما تكون اللوحة ملاصقة لخط الاستواء يسمى المسقط الناتج استوائى ، وعندما تماس اللوحة مع سطح الأرض عند موضع بين القطب والاستواء يسمى المسقط الناتج منحرف .

في المثال السابق يتضح معنى الإسقاط . ولكن المساقط المنظورة لا تفي بالأغراض المختلفة لعدد المطلوب من أجل عمل الخرائط ؛ لذلك تعدل

المساقط بطرق هندسية لتأخذ أشكالاً جديدة نقي بالاعراض المطلوبة . وهذه التعديلات تحقق خصائص جديدة مثل الاحتفاظ بالمساحات الصحيحة ، بمعنى أن مساحة منطقة على الخريطة تساوى مساحة المنطقة المناظرة على سطح الأرض كما تحقق تلك التعديلات أحياناً الاحتفاظ بالمسافات الصحيحة .

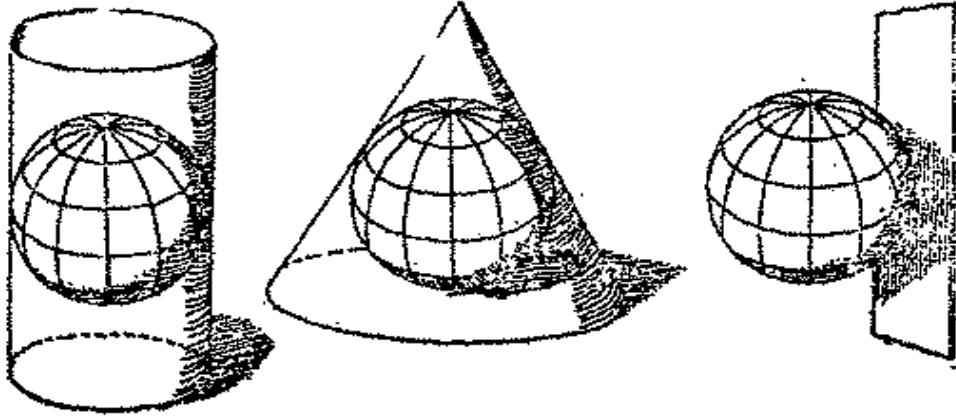
في المساقط الاتجاهية كان مستوى الخريطة عماساً لمستوى سطح الأرض عند نقطة . ولذلك تسقط المنطقة الصغيرة من سطح الأرض حول تلك النقطة إلى سطح الخريطة ممثلة تمثيلاً جيداً . وكلما ابتعدنا عن نقطة التماس تأخذ الأخطاء سبيلها للظهور تدريجياً ويختلف الشكل على الخريطة عن الشكل الأصلي على الأرض ويرصف الشكل بالتشويه .

ولزيادة الرقعة الممثلة على الخريطة تمثيلاً جيداً يمكن لف الخريطة حول سطح الأرض لتأخذ شكل أسطوانة وعندئذ تظهر المنطقة المحيطة بدائرة التماس في أحسن شكل ثم يبدأ التشويه تدريجياً ويتزايد بالابتعاد عن دائرة التماس . وبالطبع لا تستخدم الخريطة وهي في الشكل الاسطوانى بل يعاد تسطيحها ثانية . ويسمى المسقط الناتج بذلك الطريقة مسقط أسطوانى .

يتم الحصول على المساقط المخروطية بطريقة مماثلة للمساقط الاسطوانية ولكن في تلك الحالات تلف الخريطة متخذة شكل مخروط وعندئذ تكون دائرة التماس بين الخريطة والأرض دائرة ضغرى .

هناك إلى جانب هذه الأنواع من المساقط ، مساقط أخرى يتم تصميمها لتحقيق خصائص معينة ومعظم تلك المساقط على غاية من الأهمية . وتسمى المساقط بتلك الطريقة مساقط معدلة وهي تختلف في طريقة انشائها عن المساقط الاتجاهية

والاصطوانية والمنحروبية . ونتم بوضع قواعد هندسية تتحكم في الشكل الناتج وأحيانا تأخذ المساقط المعدلة اشكالا غير الاشكال المألوفة في المساقط المعتادة .



مسقط اسطوانى

مسقط مخروطى

مسقط اتجافى

### شكل (٢)

لا يوجد تقسيم واضح وقاطع لمجموعات المساقط ولكن يمكن تقسيمها من نواحي مختلفة .

اولا : تبعا للمنطقة التى يمكن بيانها على المسقط :

- ١ - مساقط خاصة برسم العالم
- ٢ - مساقط خاصة برسم نصف الكرة الارضية
- مساقط خاصة برسم قارة أو محيط أو إقليم

ثانيا : تبعا لشكل لوحة الاسقاط

- مساقط مخروطية
- ٢ - مساقط اسطوانية

### ٣ - مساط مستوية ( اتجاهية )

ثالثا : تبعا لمطقة تماس لوحة الاسقاط مع سطح الارض

١ - مساط قطبية

٢ - مساط اسطوانية

٣ - مساط منحرفة

رابعا : تبعا لطريقة الاسقاط

١ - مساط متطابقة

٢ - مساط معدلة

٣ - مساط تجمع بين المنظور والمعدل

خامسا : تبعا للخصائص الهندسية للشكل الناتج

١ - مساط اتجاهية

٢ - مساط تشعبيه

٣ - مساط متساوية المسافات

٤ - مساط متساوية المساحات

وعادة يخضع المسقط لصفتين من الصفات الميينة في الاقسام الخلية السابقة  
وتكون اسم المسقط من مقطعين . فيقال المسقط المخروطي المتساوي المساحات  
ويقال المسقط الاتجاهي متساوي المسافات

وكثير من المساط لا يزال يحتفظ باسم صانعه الاول مثل مسقط مركبتور  
ومسقط مولفاندى .



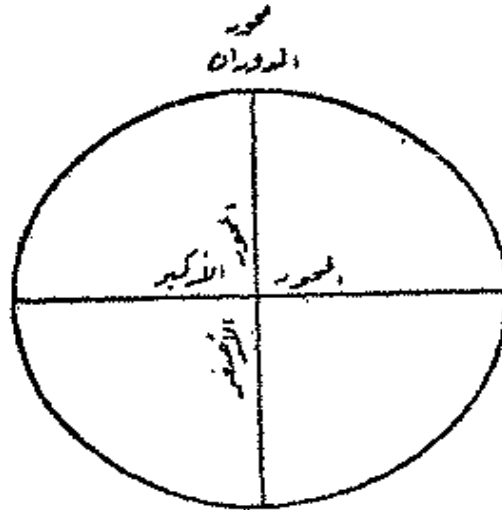
## الباب الثالث

### انظمة الاحداثيات

الشكل الهندسي لسطح الارض

لأن قصد بـ سطح الأرض ذلك السطح الذي يمر بالجبال وقاع البحر والمحيطات  
ولكن يقصد به سطح تخيلي يمر قريباً جداً من سطح المياه التي تغطي البحار  
والمحيطات ويقطع القارات أسفل مستوى اليابس ليلاقى سطح مياه المحيطات  
مرة أخرى .

هذا السطح قريب الشبه بـ سطح كرة وأقرب شكل هندسي يمثل سطح الأرض  
هو السطح الناتج من دوران قطع ناقص حول محوره الأصغر .



شكل ٣

في كثير من العلوم يعتبر سطح الأرض — للسهولة — بمثابة سطح كرة ولكن في علوم المساحة الجيوديسية والملاحة يلزم الأخذ بالشكل الحقيقي للأرض. وهناك قيم مختلفة لطول نصف المحور الأكبر والمحور الأصغر الذي يمثل قطاع في سطح الأرض يمر بالقطبين. ولقد توصل علماء الجيوديسيا والجاذبية الأرضية لتلك القيم بعد إجراء قياسات كثيرة وحسابات معقدة وبعضها مبين في الجدول الآتي :

شكل الأرض	طول نصف المحور الأكبر	طول نصف المحور الأصغر
أفرست ١٨٣٠	٣٠٤ ٣٧٧ م	١٠٦ ٣٥٦ م
بسل ١٨٤١	٢٩٧ ٣٧٧ م	٧٠٩ ٣٥٦ م
كلارك ١٨٦٦	٢٠٦ ٣٧٨ م	٥٨٤ ٣٥٦ م
كلارك ١٨٨٠	٢٤٩ ٣٧٨ م	٥١٥ ٣٥٦ م
هلمرت ١٩٠٦	٢٠٠ ٣٧٨ م	٨١٨ ٣٥٦ م

وتم الاتفاق بين العلماء عام ١٩١٠ على القيم التي قام بحسابها هايفورد وأصبحت تستخدم منذ ذلك الوقت باعتبارها أقرب القيم إلى الشكل الحقيقي وقيم هايفورد تعطى :

طول نصف المحور الأكبر	٣٨٨ ٣٧٨ م
طول نصف المحور الأصغر	٩١٢ ٣٥٦ م

في علم المساحة الجغرافية أي المسافات المستخدمة لرسم الخرائط الجغرافية والتي لا يزيد القياس فيها عن ١ : مليون يعتبر سطح الأرض بمثابة سطح كرة



نصف قطرها ٦٣٧٠ كيلو متر وتم اختيار هذه القيمة التي تتوسط نصفى المحورين الأكبر والأصغر مع تقريبها الى رقم دائرى عشرى .

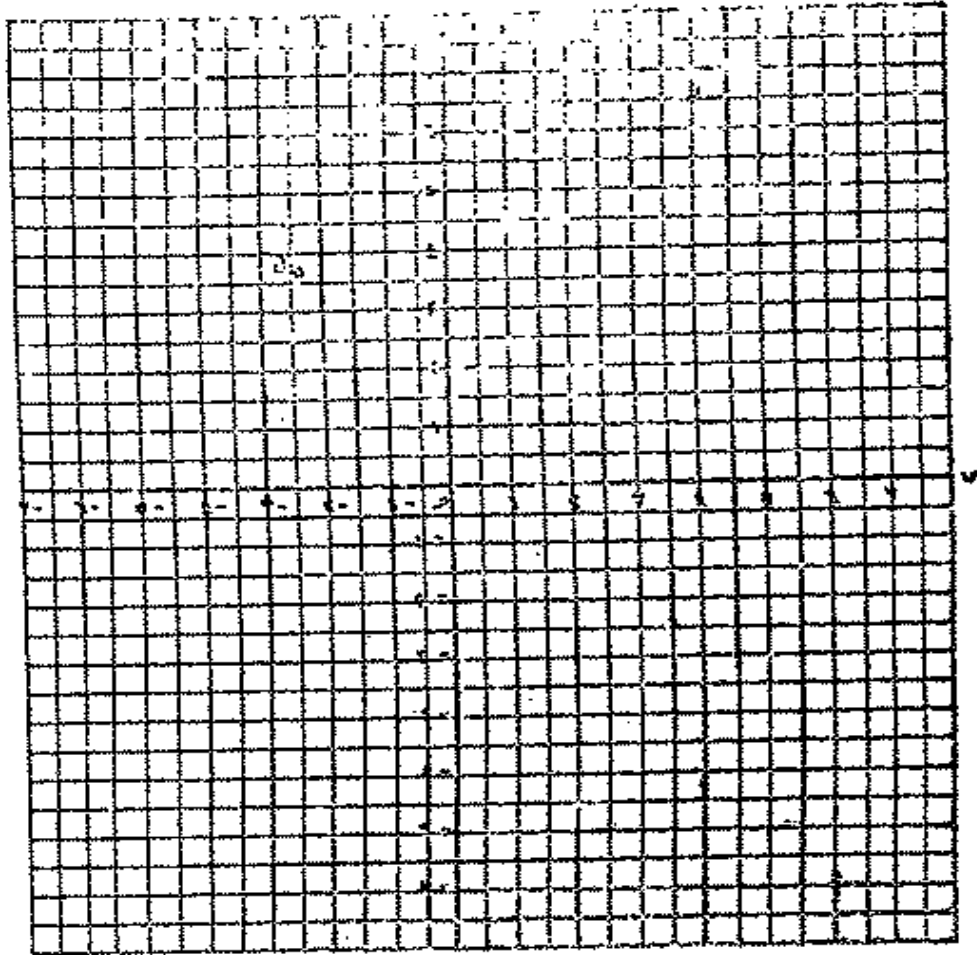
وباستخدام تلك القيمة لن يكون هناك خطأ ملموس فى أبعاد أى خريطة فإذا كان هناك خطأ مقداره واحد كيلو متر بين نصف القطر الكروى المستخدم والقيمة الحقيقية للأرض فلن يظهر هذا الخسلاف على الخريطة بأكثر من ١/٣٠٠٠٠٠ مليمتر إذا كانت الخريطة بمقياس ١ : مليون :

عند إنشاء ورسم المساقط الجغرافية تتخذ القيم المبينة فى الجدول الآتى أساساً للعمل .

نصف قطر الأرض	المقياس
٢٠١٨٥ سم	٢٠٠ : ١ مليون
٦٣٧٠	١٠٠ : ١ " "
١٢٧٤٠	٥٠ : ١ " "
٣١٨٥٠	٢٠ : ١ " "
٦٣٧٠٠	١٠ : ١ " "
١٢٧٤٠٠	٥ : ١ " "

#### الاحداثيات على سطح مستوى

لتعريف موقع مكان على سطح مستوى ، اتفق على وجود خطين مستقيمين أساسيين يدرطان هذا المستوى فى اتجاهيه الرئيسيين .



شكل ٤

الاحداثيات على سطح مستوى

المحطان الاساسيان الافقى والرأسى فى شكل ٤ والمقسمان الى سنتيمترات ولأجزاء  
السنتيمتر يمكننا من التعرف على أى مكان على هذا السطح .

لتعريف موقع النقطة ل مثلا : يقاس بعدها عن نقطة الاصل (م) فى الاتجاه  
الافقى ( - ٢٠٤ ) . كما يقاس بعدها عن نقطة الاصل فى الاتجاه الرأسى ( ٢٠٧ ) .

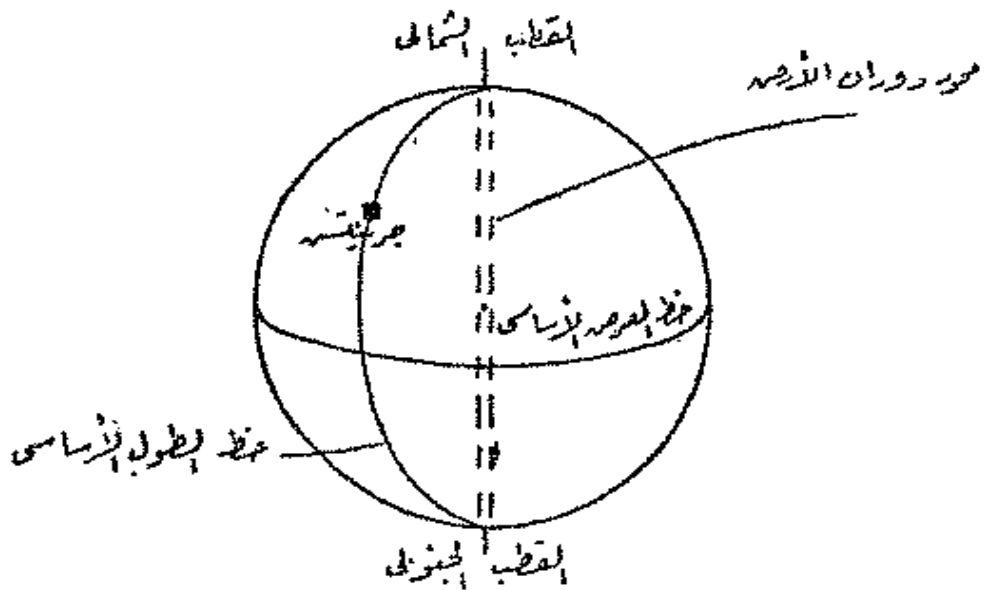
إذا ذكرنا البعدين الافقى والرأسى ( - ٢٠٤ ، ٢٠٧ ) ، فاننا نحدد موقع

النقطة ل . وإن توجد نقطة أخرى سوى النقطة ل على ال . طمح لمسافة نفس البعد الأفقى - ٢٤ سم ونفس البعد الرأسى ٣٦ سم . ويسمى البعدان الأفقى والرأسى بالاحداثيان الأفقى والرأسى .

سهولة قياس الأبعاد الأفقية والأبعاد الرأسية ولسهولة تحديد المرافق ترسم مجموعة من الخطوط الرأسية المتوازية تعطى المسافات بينها الاحداثيات الأفقية . كما ترسم مجموعة أخرى من الخطوط الأفقية المتوازية تعطى المسافات بينها الاحداثيات الرأسية .

### الاحداثيات على سطح الأرض

#### المحاور الأساسية



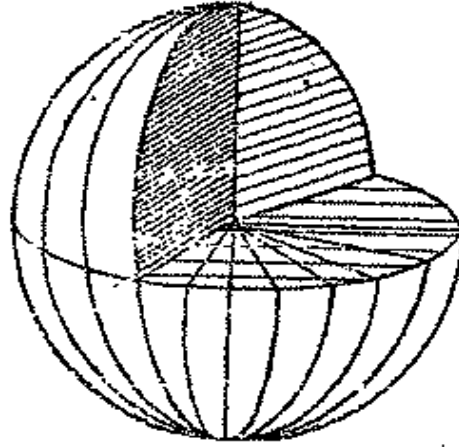
شكل ٥

لتعريف مواقع الأماكن على سطح الأرض تم اتخاذ الخط الأساسى الأفقى

تلك الدائرة العظمى المرسومة على سطح الأرض ، التي تقع عند منتصف المسافة بين القطبين الشمالي والجنوبي وسميت بدائرة الاستواء .

كما اتخذ الخط الأساسي الرأسى ، نصف الدائرة المرسومة على سطح الأرض التي تصل القطب الشمالى بالقطب الجنوبى وتمر ببلدة جرينتش بانجلترا .

خطوط الطول



شكل ٦

قسمت دائرة الاستواء إلى ٣٦٠ قسما متساويا ، ورسم على سطح الأرض ٣٦٠ نصف دائرة ، تصل كل منها القطب الشمالى بالقطب الجنوبى وتمر بإحدى نقطه التقسيم على دائرة الاستواء .

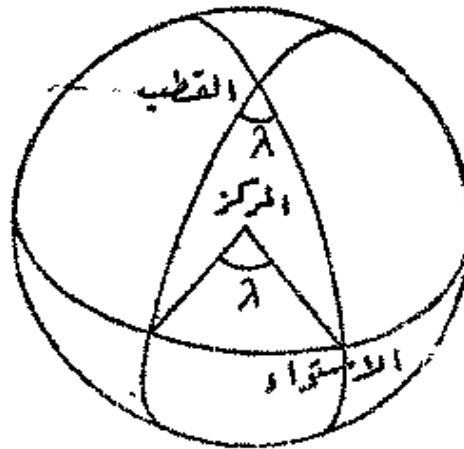
تسمى كل نصف دائرة خط طول .

ويتمتع أن الزاوية عند مركز الأرض بين نقطتي تقسيم متجاورتين تساوى (١°) درجة واحدة لأن ٣٦٠ درجة تقابل ٣٦٠ قسما . وأطلق على نصف مجموع

خطوط الطول الواقعة لليمين من خط طول جرينتش اسم خطوط الطول الشرقية — وأطلق على النصف الآخر اسم خطوط الطول الغربية .

وتم ترقيم خط طول جرينتش بالرقم ( صفر ) وخط الطول الشرق المجاور ( ١° شرق ) ، ثم ( ٢° شرق ) ، ثم ..... إلى ( ١٨٠° شرق ) . وبذلك الطريقة رقت خطوط الطول الغربية من ( ١° غرب ) إلى ( ١٨٠° غرب ) ، وبذلك ينطبق خط الطول ١٨٠° شرق على خط الطول ١٨٠° غرب ويكون هو نصف الدائرة التي تكمل خط طول جرينتش من الناحية المقابلة على سطح الأرض .

وخطوط الطول على سطح الأرض تماثل الخطوط الرأسية المتوازية في حالة السطح المستوي والتي تسمى قياساً للبعد الأفقي . وفي حالة الكرة الأرضية يكون البعد الأفقي هو الزاوية عند مركز الكرة الأرضية ابتداء من خط طول جرينتش وتسمى زاوية الطول .



شكل ٧

ويلاحظ أيضا و شكل ٧ أن خطوط الطول تقابل عند القطبين وتكون الزوايا بينها عندئذ متساوية للزوايا المناظرة عند مركز الأرض .

### زاوية الطول

هي الزاوية الواقعة في مستوى دائرة الاستواء ورأسها عند مركز الدائرة ومضامها الأساس يمر في خط طول جرينتش والضلع الآخر يمر في خط من خطوط الطول . وهي أيضا الزاوية عند أحد القطبين بين خط طول جرينتش وخط طول آخر .

ولما كانت الزوايا لا تقاس بالدرجات فقط ولكن أيضا بكمور الدرجات ، لذلك يتضح من التعريف السابق أن عسدد خطوط الطول على سطح الأرض ليس ٣٦٠ بل أن خطوط الطول وهي خطوط وهمية يمكن رسمها في أى مكان على سطح الأرض وتحدد قيمة خط الطول بالزاوية المذكورة في التعريف تبعاً لمستوى الدقة .

مثال (١) زاوية الطول  $350619^{\circ}$   $47'$   $118''$  شرق بالتقدير الستيني

(٢)  $350622187$  • • • • • جرادة • • • • • غرب

### خطوط العرض

تم تقسيم خط الطول الأساسى ويسمى خط طول جرينتش إلى ١٨٠ قسماً متساوياً ورسم على سطح الأرض دوائر صغيرة توازى دائرة الاستواء تمر كل دائرة منها بأحدى نقط تقسيم خط جرينتش .

ويتضح أن الزاوية عند مركز الكرة الأرضية بين نقطتين متجاورتين من

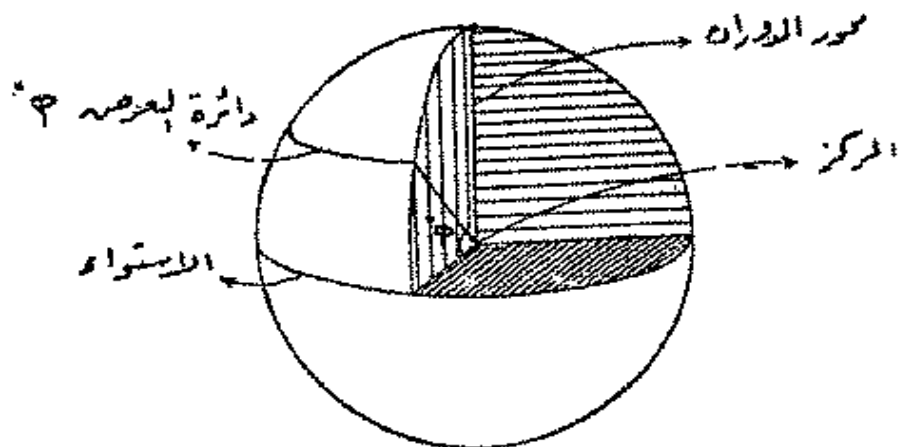
لفظ التقسيم تساوى ( ١° ) درجة واحدة لأن ١٨٠ درجة تقابل ١٨٠ قسمًا .

وأطلق على نصف مجموعة دوائر العرض الواقعة للشمال من دائرة الاستواء اسم دوائر العرض الشمالية - وأطلق على النصف الآخر اسم دوائر العرض الجنوبية .

وتم ترقيم دائرة عرض الاستواء بالرقم ( صفر ) ودائرة العرض الشمال المجاورة بالرقم ( ١° شمال ) ثم ( ٢° شمال ) ثم ... إلى ( ٩٠° شمال ) وهي نقطة القطب الشمال .

وبنفس الطريقة دقت دوائر العرض الجنوبية من ( ١° جنوب ) إلى ( ٩٠° جنوب ) وهي نقطة القطب الجنوبي .

ودوائر العرض على سطح الأرض تتألف الخطوط الأفقية المتوازية في حالة السطح المستوي والتي تعطى قياساً للبعد الرأسى . وفي حالة الكرة الأرضية يكون البعد الرأسى هو الزاوية عند مركز الأرض ابتداء من الاستواء وتسمى زاوية العرض .



شكل ٨

### زاوية العرض

هي الزاوية الواقعة في مستوى دائرة من دوائر الطول ورأسها عند مركز الدائرة وضلعها الأساسي يمر في مستوى الاستواء والضلع الآخر يمر في دائرة من دوائر العرض .

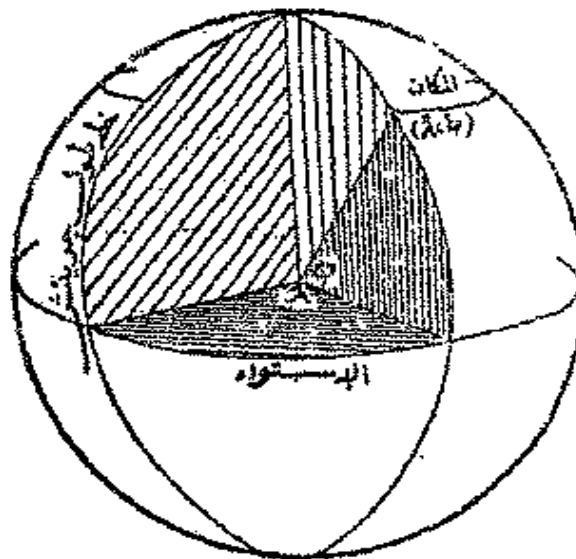
ويتضح من هذا التعريف أن عدد دوائر العرض على سطح الأرض ليس ١٨٠ ، بل يمكن رسم دائرة عرض في أي مكان على سطح الأرض وتحدد قيمتها بالزاوية المذكورة في التعريف .

مثال (١) زاوية العرض  $39^{\circ} 18'$   $52''$  شمال  $74^{\circ}$  شمال

مثال (٢)  $68^{\circ} 34' 09''$  جراحة جنوب

### تعيين موقع مسكن على سطح الأرض

للتعرف على موقع مكان على سطح الأرض عرضه  $\phi$  من الدرجات شمال الاستواء وطوله  $\lambda$  من الدرجات شرق جرينتش يبع الآتي :



شكل ٩



١ - ترسم زاوية في مستوى الاستواء مركزها عند مركز دائرة الاستواء وضامها الاساسي يمر في خط طول جرينتش ، ومقدارها  $\lambda$  من الدرجات . وعند تقابل الضلع الآخر للزاوية مع سطح الأرض يرسم خط الطول يمر بالقطبين.

٢ - في مستوى خط الطول ترسم زاوية رأسها عند مركز الأرض وضامها الاساسي في مستوى الاستواء ومقدارها  $\phi$  من الدرجات . يتقابل الضلع الآخر للزاوية مع سطح الأرض عند الموقع المطلوب .

وبتعبير آخر يتحدد الموقع عند نقطة تقاطع خط الطول  $\lambda$  درجة شرق جرينتش مع دائرة العرض  $\phi$  درجة شمال الاستواء .

### حساب المسافات والمساحات على سطح الأرض

نسمى شبكة خطوط الطول والعرض المرسومة على الخريطة باسم الهيكل الجغرافي . ولذلك يلزم التعرف على أطوال خطوط الطول والعرض المرسومة أصلا على سطح الأرض وكذلك التعرف على المساحات المحصورة بينها .

#### أولا : أطوال الأقواس

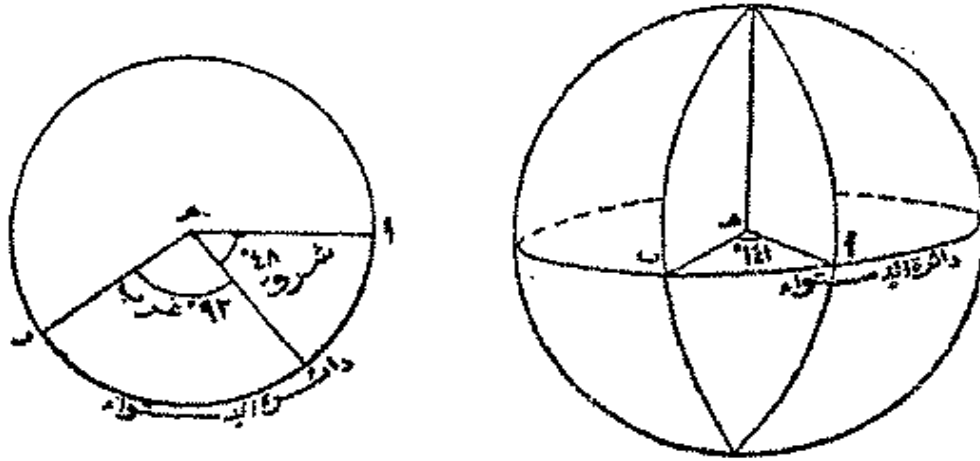
طول قوس من دائرة يقابل زاوية مقدارها  $\theta^\circ$

$$\text{عند مركز الدائرة حيث نصف قطرها } r = \frac{r}{180} \times \theta^\circ \times \pi$$

#### مثال ( ١ )

لإيجاد طول قوس على دائرة الاستواء يقع بين نقطتي تقاطع الاستواء مع

خطى الطول ٤٨° شرق (١) ، ٩٣° غرب (ب)



شکل ١١

شکل ١٠

الزاوية عند مركز الأرض بين النقطتين  $١٤١^\circ = ٩٣ + ٤٨ = م$

نصف قطر دائرة الاستواء = ٦٣٧٠ كيلومتر

طول القوس  $ب$   $١٤١ \times \frac{\pi}{180} \times 6370 = 15676$  كيلومتر تقريبا

مثال (٢)

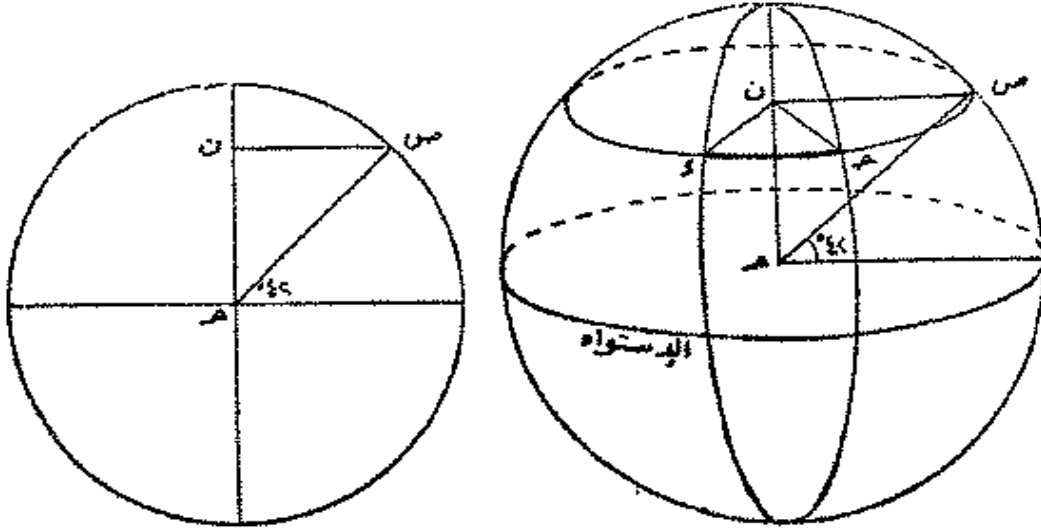
لايجاد طول قوس على دائرة العرض ٤٢° شمال بين نقطتي تقاطعها

مع خطى الطول ٢٧° شرق (ح) ، ٩٨° غرب (د)

زاوية  $ح$   $١٢٥ = ٩٨ + ٢٧ = د$

نصف قطر دائرة العرض ٤٢° (صن)  $= صن \times جتا ٤٢^\circ$

$= ص \times جتا ٤٢^\circ$



شکل ١٣

شکل ١٢

$$\text{طول القوس هـ و} = ١٢٥^\circ \times \frac{\text{ط}}{١٨٠} \times \text{ص ن}$$

$$= ١٢٥ \times \frac{\text{ط}}{١٨٠} \times \text{ص} \times \text{جنا } ٤٢^\circ =$$

$$= ١٠٣٢٧٧٦ \text{ كيلومتر}$$

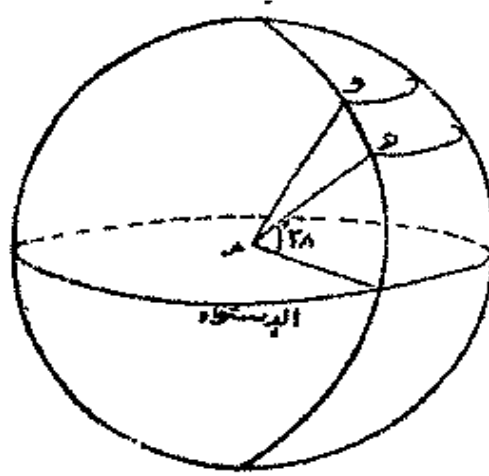
مثال ( ٣ )

لايجاد طول قوس على أى خط طول ( وجميع خطوط الطول منسارية )

بين نقطتي تقاطعه مع دائرتي العرض ٣٨° شمال ( هـ ) ، ٥٣° شمال ( و )

$$\text{زاوية هـ و} = ٣٨ - ٥٣ = ١٥^\circ$$

$$\text{نصف قطر دائرة الطول} = \text{ص} = ٦٣٧٠ \text{ كيلومتر}$$



شكل ١٤

$$\text{طول القوس } \theta = 10 \times \frac{\pi}{180} \times 10 = 1.745 \text{ كيلومتر}$$

لانيا : مساحة منطقة

مساحة منطقة محصورة بين دائرتي العرض  $\phi_1$  ،  $\phi_2$

$$= 2\pi r^2 (\cos \phi_1 - \cos \phi_2)$$

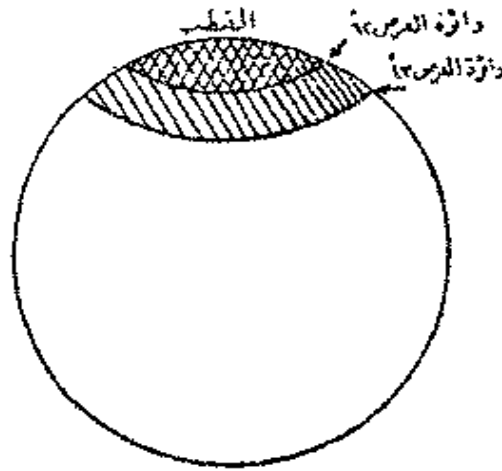
مثال (١)

لإيجاد مساحة المنطقة المحصورة بين دائرتي العرض  $43^\circ$  شمال ،

$62^\circ$  شمال .

$$\text{المساحة} = 2\pi r^2 (\cos 62^\circ - \cos 43^\circ)$$

٥١٢٢٣ مليون كيلومتر مربع



شكل ١٥

سؤال (٢)

لايجاد مساحة المنطقة المحصورة بين دائرتي العرض ١٧° جنوب ،  
٢° شمال .

$$\text{المساحة} = ٢ \text{ ط } ١٧^\circ (\text{جا } ١٧^\circ - \text{جا } ٢^\circ)$$

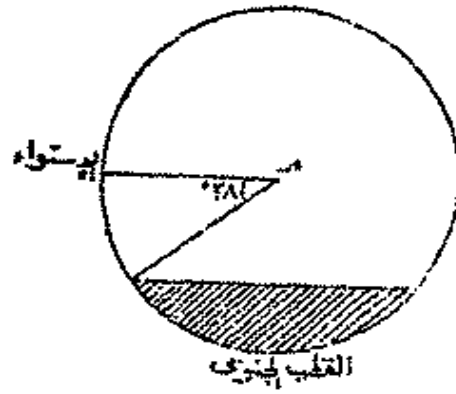
$$= ٢ \text{ ط } ١٧^\circ (\text{جا } ١٧^\circ + \text{جا } ٢^\circ)$$

$$= ٢٠٦٥٢٢ \text{ مليون كيلومتر مربع}$$

سؤال (٣)

لايجاد مساحة المنطقة القطبية (طافية كروية) التي يحدها دائرة  
عرض ٣٨° جنوب الاستواء

$$\text{المساحة} = ٢ \text{ ط } ٣٨^\circ (\text{جا } ٣٨^\circ - \text{جا } ٩٠^\circ)$$



شكل ١٦

$$= ٢ ط ص (١ - ج ٢٨^\circ)$$

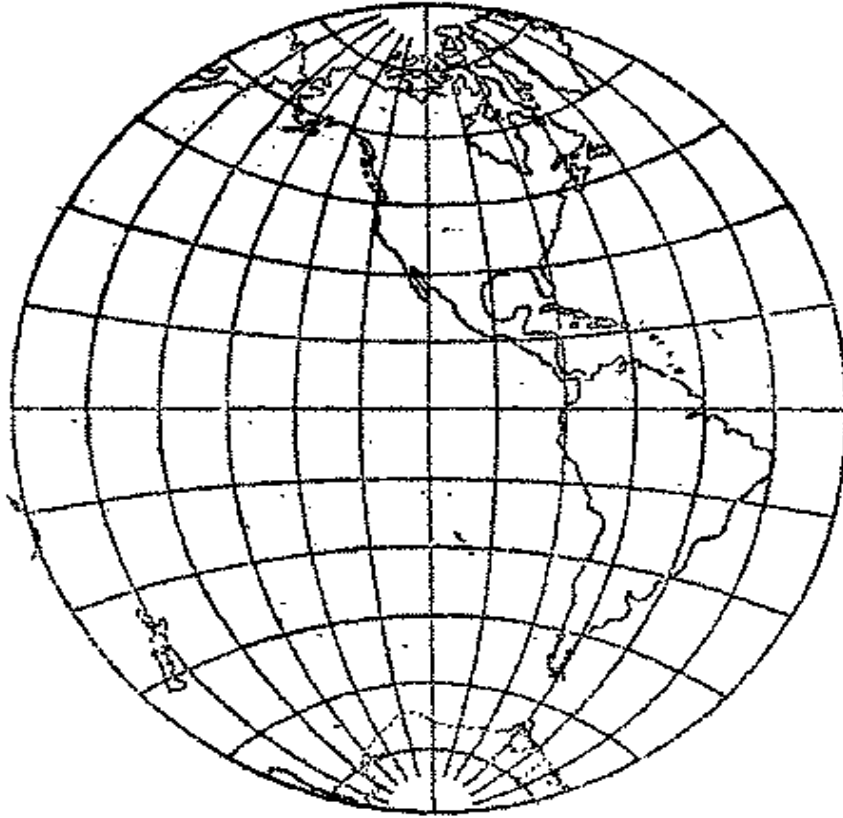
$$= ٩٨ \text{ مليون كيلو متر مربع تقريبا}$$

## الباب الرابع

### المساقط المعدلة

#### المسقط الكروي

يستخدم هذا المسقط لبيان نصف العالم، أو لبيان المعالم كلة في مقطعين متجاورين . ولا يتميز هذا المسقط بأى من الخصائص الهندسية المميزة مثل تساوى المساحات أو تساوى المسافات ولكنه يتميز بسهولة الرسم كما وأنه يعطى شكلا جيدا للأرض .



شكل ١٧ نصف الكرة الغربى على مسقط كروي

## طريقة الرسم

- ١ - يرسم دائرة تمثل نصف الكرة المطلوب
- ٢ - يرسم القطر الرأس ليمثل خط الطول الأوسط وتمثل نهايته القطبين كما يرسم القطر الأفقي ليمثل نصف الإستواء الأرضي - أي ١٨٠° درجة طولية.
- ٣ - يقسم القطر الرأس إلى عدد من الأقسام المتساوية ، وتمثل كل نقطة منها تقاطع خط من خطوط العرض مع خط الطول الأوسط .
- كذلك يقسم الإستواء إلى نفس العدد من الأقسام المتساوية ، وتمثل كل نقطة تقسيم منها تقاطع خط من خطوط الطول مع الإستواء ( كل نقطة في شكل ١٧ تمثل ١٥° )
- ٤ - يقسم كلا من النصف الشرقي والنصف الغربي من محيط الدائرة المحددة للمسقط إلى نفس العدد من الأقسام المتساوية ، وتمثل كل نقطة تقسيم نهاية خط من خطوط العرض .
- ٥ - ترسم خطوط الطول على شكل أقواس دوائر يمر كل منها بالقطبين وبإحدى نقط التقسيم على خط الإستواء .
- ٦ - ترسم دوائر العرض على شكل أقواس دوائر يمر كل منها بزوج من النقط المتناظرة على محيط الدائرة المحددة كما يمر بنقطة التقسيم المقابلة على خط الطول الأوسط .

## حجم الدائرة المحددة للمسقط الكروي .

توجد ثلاثة طرق لتحديد حجم الدائرة المحددة للمسقط .



١ - في الطريقة الأولى يسكون نصف قطر الدائرة المحددة للمسقط مساويا لنصف قطر الأرض ٦٣٧٠ كيلو متر .

٢ - في الطريقة الثانية تكون المسافة بين القطبين على المسقط مساوية للمسافة بين القطبين على سطح الأرض .

نصف قطر الدائرة المحددة للمسقط  $= \frac{1}{2}$  ط نق  $= ١٠٠٠$  كيلومتر

٣ - في الطريقة الثالثة تكون مساحة النائرة المحددة للمسقط مساوية لمساحة نصف الكرة الأرضية .

فإذا كان نصف قطر الدائرة المحددة للمسقط نق م

$$\text{ط نق}^2 \text{ م} = ٢ \text{ ط نق}^2$$

$$\text{ط م} = \sqrt{٢} \times ٦٣٧٠$$

$$= ٩٠٠٠ \text{ كيلومتر تقريبا}$$

٢ - مسقط مولفايدى

يستخدم هذا المسقط في خرائط التوزيعات للعالم كله أو لأجزاء من العالم يتوسطها خط الاستواء مثل المحيط الهادى أو المحيط الأطلسى أو قارة إفريقيا .

ويتميز بتساوى المساحات كما وأن شكله العام لطيف



شكل ١٨

العالم على مسقط مولغايدى

الخصائص الهندسية للبيكل الجغرافى

١ - المسقط متساوى المساحات

٢ - خطوط العرض مستقيمة ومتوازية

٣ - خطوط الطول على شكل قطاعات ناقصة ما عدا خط الطول الأوسط فهو مستقيم عمودى على الاستواء وكذلك خطى الطول اللذين يعتمدان  $90^\circ$  عن خط الطول الأوسط فهما يشكلان الحالة الخاصة للقطع الناقص الذى يتخذ فيها شكل دائرة .

٤ - طول خط الاستواء على المسقط يساوى ضعف طول خط الطول الأوسط .

طريقة الإنشاء

١ - يرسم القطع الناقص المحدد للمسقط والذى فيه طول المحور الأكبر

( ٢ ) : أرى ضعف طول المحور الأصغر ( ٢ ب ) ، وبخيث تكون مساحة القطع كله مساوية لمساحة سطح الأرض كلها .

فإذا كانت مساحة القطع المحدد  $ط \times ١ \times ب = ط \times ٢ \times ب \times ب$

وكانت مساحة سطح الأرض  $ط \times ب = ط \times ب$

$$ط \times ب = ط \times ب$$

$$ط \times ب = ط \times ب$$

نصف طول المحور الأصغر للقطع ( ب )  $ط \times ب = ٩٠٠٨٥٠$  كيلومتر

نصف طول المحور الأكبر ( ١ )  $ط \times ب = ١٨٠١٧٠٠$

٢ - يقسم المحور الأكبر للقطع والذي يمثل الاستواء الأرضي ( ٣٦٠ طوليه ) إلى عدد من الأقسام المتساوية ( ١٨ ) قسما في شكل ١٨ وتمثل كل نقطة تقسيم ( ٢٠ طوليه )

٣ - ترسم خطوط الطول على شكل قطاعات ناقصة يمر كل منها بالفطين وبأحدى نقط التقسيم على الاستواء .

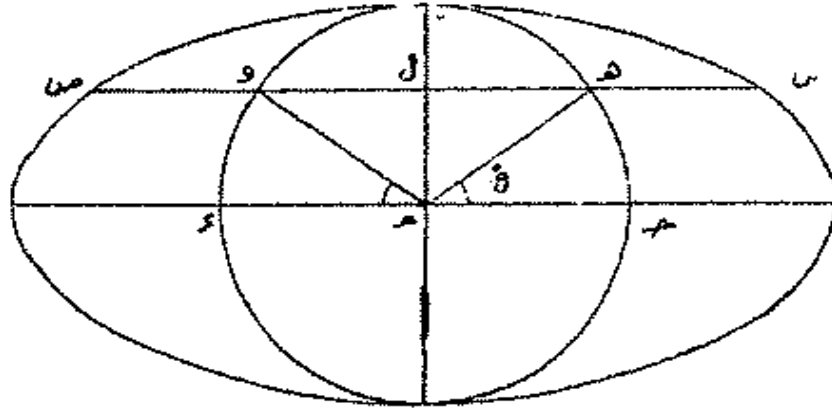
( تكون المساحات المحصورة بين خطوط الطول على المسقط مساوية للمساحات المناظرة على سطح الأرض )

٤ - ترسم خطوط العرض مستقيمة موازية للاستواء وعلى أبعاد منه تحقيق خاصية تماوى المساحات

وللتعرف على تلك الأبعاد :

( ١ ) نعرض أن الخط من ص المرسوم موازيا للاستواء في شكل ١٩ يمثل خط

العرض  $\phi$  شمال الاستواء .



شكل ١٩

( ب ) اذا رسمنا الدائرة التي تشترك مع القطع النافص المحسود في المركز ( م ) ونصف قطرها يساوى طول نصف المحور الأصغر للقطع  $\sqrt{2} \times م هـ$  فإن هذه الدائرة تمثل خطى الطول  $90^\circ$  شرق ،  $90^\circ$  غرب الطول الأوسط .

( جـ ) نفرض أن دائرة الطول  $90^\circ$  تقطع الاستواء في النقطتين ح ، و كما تقطع خط العرض  $\phi$  المارضى للاستواء في هـ ، و

ونفرض أن هـ م يصنع زاوية مقدارها  $\theta$  مع خط الاستواء .

المساحة على الرسم بين خط العرض  $\phi$  والاستواء = ضعف مساحة الشكل هـ و هـ

$$2 \times م هـ^2 \text{ جا } \phi = 4 \times \text{مساحة الشكل ح م ل هـ}$$

$$2 \times م هـ^2 \text{ جا } \phi = 4 \times (\text{مساحة القطاع ح م هـ} + \text{مساحة المثلث هـ ل م})$$

$$= 4 \times \left( \frac{1}{2} \times م هـ^2 \times \theta + \frac{1}{2} \times م هـ^2 \times \frac{1}{180} \times \frac{\pi}{2} \right)$$

$$= ( \frac{1}{4} \times 5 \times 2 \times \frac{\pi}{180} ) \times \frac{\pi}{180}$$

$$+ \frac{1}{4} \times 2 \times \frac{\pi}{180} \times \cos \theta$$

$$= 2 \times \frac{\pi}{180} \times ( \cos \theta + \frac{1}{4} )$$

$$\phi \times \frac{\pi}{180} = 2 \times \frac{\pi}{180} \times ( \cos \theta + \frac{1}{4} )$$

$$\phi = \frac{2 \cos \theta + \frac{1}{2}}{1}$$

( ب ) بعد إيجاد قيمة  $\theta$  من العلاقة السابقة يرسم خط العرض بحيث يبعد عن

خط الاستواء بمسافة  $m = 2 \cos \theta$

$$m = 2 \cos \theta$$

الجدول الآتي يعطى قيم الزوايا  $\theta$  المقابلة لقيم  $\phi$  والتي يمكن الحصول عليها من حل المعادلة المذكورة في ( هـ ) بيانيا . كما يعطى الجدول أيضا قيم أبعاد خطوط العرض عن خط الاستواء . ويعطى الجدول أيضا طول المسافة على خط العرض  $\phi$  والتي تمثل  $90^\circ$  طولية وهذه يمكن استخدامها لإيجاد المسافة على خطوط العرض لأي عدد من الدرجات الطولية .

المعرض	بمد خط العرض	طول مسافة على خط
عرض	عن الاستواء	عرض ٩٠°
عرض	٢٢° ٢٧' جا	طولية ٢٧° ٢٧' جا
٥٠	٢٠٩٢٢ = ٣	٨٩٨٨
١٠	٧٨٦٦ ٧	٨٩٢٤
١٥	١١٥٨١٦ ١١	٨٨١٦
٢٠	١٥٧٨٢ ١٥	٨٦٧٠
٢٥	١٩٧٨٢ ١٩	٨٤٧٨
٣٠	٢٣٨٢٢ ٢٣	٨٢٣٦
٣٥	٢٧٩١٦ ٢٧	٧٩٥٦
٤٠	٣٢٠٦٦ ٣٢	٧٦٣١
٤٥	٣٦٢٠٠ ٣٦	٧٢٦٢
٥٠	٤٠٦٣٢ ٤٠	٦٨٢٥
٥٥	٤٥٠٨٢ ٤٥	٦٣٥٧
٦٠	٤٩٦٨٢ ٤٩	٥٨٢٩
٦٥	٥٤٤٦٦ ٥٤	٥٢٣٦
٧٠	٥٩٥٣٢ ٥٩	٤٥٦٧
٧٥	٦٤٩٦٦ ٦٤	٣٨٠٩
٨٠	٧٠٩١٦ ٧٠	٢٩٤٢
٨٥	٧٨٠٦٦ ٧٨	١٨٦٠
٩٠	٩٠٠٠٠ ٩٠	صفر
		٩٠٠٨

مثال

حساب الأبعاد الأساسية في مسقط مولفاردى بقياس ١ : ٥٠ مليون  
للعالم كله .

$$= ١٢٧٤ \text{ سم}$$

م

طول نصف المحور الأصغر للقطع المحددة  $\sqrt{2}$  أقي  $= ١٨٠.١٧ \text{ سم}$

طول نصف المحور الأكبر  $= ٢٦٧.٢٤ \text{ سم}$

بعد خط العرض  $١٠^\circ$  عن الاستواء  $= \frac{١٠٠٠٠٠ \times ١٢٣٦}{٥٠ \dots \dots} = ٢٤٧٢ \text{ سم}$

$= \frac{١٠٠٠٠٠ \times ٢٤٥٢}{٥٠ \dots \dots} = ٤٩٠٤ \text{ سم}$       د د د د

بعد خط العرض  $٣٠^\circ$  عن الاستواء  $= \frac{١٠٠٠٠٠ \times ٢٦٣٧}{٥٠ \dots \dots} = ٧٢٧٤ \text{ سم}$

بعد خط العرض  $٧٠^\circ$  عن الاستواء  $= \frac{١٠٠٠٠٠ \times ٧٧٦٥}{٥٠ \dots \dots} = ١٥٧٥٢٠ \text{ سم}$

$= \frac{١٠٠٠٠٠ \times ٨٥١٠}{٥٠ \dots \dots} = ١٧٧٠٢٠ \text{ سم}$       د د د د  $٨٠^\circ$

طول مسافة على خط العرض  $١٠^\circ$  تمثل  $١٨٠^\circ$  طولية

$= \frac{١٠٠٠٠٠ \times ٢ \times ٨٩٢٤}{٥٠ \dots \dots} = ٣٥٧٩٩٦ \text{ سم}$

طول مسافة على خط العرض  $٣٠^\circ$  تمثل  $١٨٠^\circ$  طولية

$$٣٠٢٤٥٦٨٠ = \frac{١٠٠٠٠٠ \times ٢ \times ٨٠٧٠}{٥٠٠٠٠٠٠} =$$

طول مسافة على خط العرض ٢٠° تمثل ١٨٠° طولية

$$٣٣٢٢٩٤٤ = \frac{١٠٠٠٠٠ \times ٢ \times ٨٢٢٦}{٥٠٠٠٠٠٠} =$$

⋮ ⋮ ⋮ ⋮

طول مسافة على خط العرض ٧٠° تمثل ١٨٠° طولية

$$٣١٨٠٢٦٨ = \frac{١٠٠٠٠٠ \times ٢ \times ٤٥٦٧}{٥٠٠٠٠٠٠} =$$

طول مسافة على خط العرض ٨٠° تمثل ١٨٠° طولية

$$٣١١١٧٧٢ = \frac{١٠٠٠٠٠ \times ٢ \times ٢٩٤٣}{٥٠٠٠٠٠٠} =$$

### مثال

مسقط مولفابدى للبحر المحيط الهندي بمقياس ١ : ١٠ مليون. خط الطول الأوسط ١٦٠° غرب وتمتد الخريطة من العرض ٧٠° شمال إلى العرض ٧٠° جنوب ، كما تمتد من الطول ٧٠° غرب إلى الطول ١١٠° شرق

نق = ١٣,٧٠ سم

والامتداد الطولي للخريطة ١٨٠° طولية

$$٣٦١٨ = \frac{١٠٠٠٠٠ \times ٦١٨}{١٠٠٠٠٠٠} =$$

بعد خط العرض ٠° عن الاستواء



بعد خط العرض ١٠ عن الاستواء = ١٢,٢٦ سم

١٥ " " " " = ١٨,٤٧ سم

٢٠ " " " " = ٢٤,٥٢ سم

طول مسافة على خط الاستواء تمثل ٩٠ طولية

$$\sqrt{2} \text{ ثي} = ٩٠,٠٠٨٥ \text{ سم}$$

طول مسافة على خط العرض ٥° تمثل ٩٠ طولية

$$٨٩,٥٨٨ \text{ سم} = \frac{١٠٠,٠٠٠ \times ٨٩,٨٨}{١٠,٠٠٠,٠٠٠} =$$

طول مسافة على خط العرض ١٠° تمثل ٩٠ طولية = ٨٩,٢٤ سم

١٥ " " " " = ٨٨,١٦ سم

٢٠ " " " " = ٨٦,٧٠ سم

### ٣ - مسقط سانسون فلامستيد

(المسقط الجيبي)

يشترك مسادا المسقط في بعض خصائص مسقط مولفايدى ويستخدم لنفس الأغراض التي يستخدم فيها مسقط مولفايدى ولكنه يتميز على مسقط مولفايدى بسهولة حساباته . ويتعرض مسقط سانسون فلامستيد لقشوريه كبيره في المناطق البعيدة عن المركز .



شكل ٢٠

العالم على مسقط سانون فلامستيد

الخصائص الهندسية للهيكل الجغرافي

١ - المسقط متساوي المساحات

٢ - خطوط العرض مستقيمة ومتوازية وتبعد عن بعضها بنفس المسافات المتساوية التي تبعد بها على السطح الكروي للأرض

٣ - كل خط عرض يساوي في طوله محيط دائرة العرض المناظرة على سطح الأرض

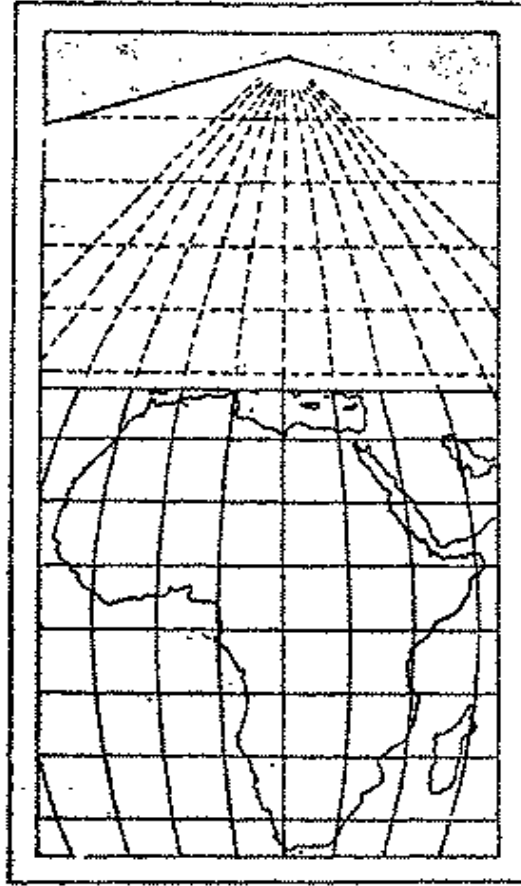
٤ - خطوط الطول على شكل منحنيات الجيب ما عدا خط الطول الأوسط فهو مستقيم عمودي على الاستواء

• خط الطول الأوسط يساوي في طوله ، أحد خطوط الطول الأصلية على سطح الأرض . أي يساوي نصف طول خط الاستواء المرسوم على الخريطة .

طريقة الإنشاء







شكل ٢٢

افريقيا على مسقط. سالون فلامتيد

$$\text{طول خط الاستواء على الخريطة} = ٨٠ \times \frac{\text{ط}}{١٨٠} \times ٦٣٧٧$$

٨٨,٩٤٢ سم

$$\text{طول خط العرض } ١٠^\circ = ٨٨,٩٤٢ \times \text{جتا } ١٠ = ٨٧,٥٩١$$

$$\text{طول خط العرض } ٢٠^\circ = ٨٨,٩٤٢ \times \text{جتا } ٢٠ = ٨٣,٥٧٨$$

$$\text{طول خط العرض } ٣٠^\circ = ٨٨,٩٤٢ \times \text{جتا } ٣٠ = ٧٧,٠٢٦$$

$$\text{طول خط العرض } ٤٠^\circ = ٨٨,٩٤٢ \times \text{جتا } ٤٠ = ٦٨,١٢٤$$

طول خط الطول الأوسط من العرض ٤٠° شمال إلى العرض ٤٠° جنوب

$$= 6370 \times \frac{\pi}{180} \times 80 = 3589942 \text{ م}$$

يتم خط الطول الأوسط إلى أقسام متساوية

٤ — مسقط كافرايسكى

يتلافى هذا المسقط التشويه الزائد الذى يظهر فى مسقط مولفايدى وايضا فى مسقط سانسون فلامستيد بعيدا عن مركز الخريطة . ويستخدم لتمثيل العالم على لوحة واحدة كما يستخدم أيضا لخرائط أجزاء من العالم لا يدخل فيها المنطقة القطبيتين

الخصائص الهندسية للبيكل الجغرافى

١ — خطوط العرض مستقيمة ومتوازية وتبعد عن بعضها بنفس المسافات التى تبعد بها على السطح الكروى للأرض .

٢ — خطوط الطول على شكل قطاعات ناقصة ماعدا الطول الأوسط فهو على شكل مستقيم عمودى على الاستواء . وخط الطول الذى يبعد ١٢٠° عن الطول الأوسط على شكل دائرة مركزها هو مركز الخريطة .

٣ — خط الطول الأوسط هو الخط الوحيد فى المسقط الذى يساوى طوله الحقيقى على سطح الأرض

٤ — القطب يمثل بخط مستقيم موازى للاستواء ولذلك يترأى التشويه كلما اقتربنا من القطب



٤ - يرسم مستقيم يمر بالمركز م ونصف زاوية ٦٠° مع الاستواء ليقابل  
ك ل عند نقطة س .

نقطة س تمثل تقاطع خط الطول ١٢٠° شرق الطول الأوسط مع خط القطب

هـ - من المركز م ونصف قطر يساوي م س ترسم دائرة . جزء هذه  
الدائرة المحصوران بين القطبين يمثلان خطي الطول ١٢٠° شرق ، ١٢٠° غرب  
الطول الأوسط .

هذه الدائرة تقطع الاستواء ا ب في نقطتي هـ ، و  
وتقطع القطب الشمالي ك ل في نقطتي س ، ص  
وتقطع امتداد الطول الأوسط هـ و في نقطتي ي ، ن

٦ - عين النقطتين ح ، ط على المستقيم ا ب تمسلا ن نهايتي الاستواء  
بحيث تكون م ح = م ط

( يصبح طول الاستواء ح ط ٢ أمثال م هـ = م ص )

طول الاستواء = م هـ ٣ قتا ٦٠°

$$= 2 \times \frac{1}{4} \text{ ط س } \times \text{ قتا } 60 = 3,662 \text{ كيلو متر }$$

٧ - عين النقطتين ر ، ز على الخط ك ل تمسلا ن نهايتي القطب الشمالي

بحيث تكون هـ ر = هـ ز = م هـ ٣

( يصبح طول خط القطب ٣ أمثال هـ س )

طول القطب = م هـ ٣ ظنا ٦٠°

$$= 2 \times \frac{1}{4} \text{ ط س } \times \text{ ظنا } 60 = 1,731 \text{ كيلو متر }$$



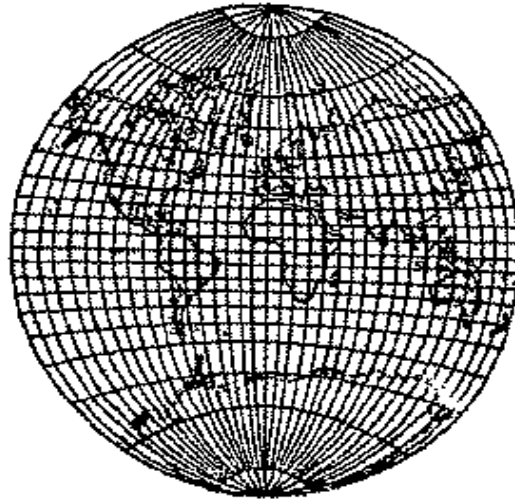
وطول القطب يعادل نصف طول الاستواء

٨ - يقسم ح ط إلى أقسام الطول المتساوية .

٩ - ترسم القطاعات التي تقسم ح ط إلى أقسام الطول المتساوية والتي تشترك في المحورين ويمر كل قطاع منها بنقطتين متماثلتين من نقط تقسيم الاستواء ح ط .  
١٠ - ترسم خطوط العرض مستقيمة ومتوازية ويمر كل منها بإحدى نقط تقسيم خط الطول الأوسط ه و .

٥ - مسقط فاندرجرين

ولو أن هذا المسقط قليل الاستخدام إلا أنه يعطى تمثيلاً جيئداً للعالم الأرضية . فهو يتلافى التضاعط المتزايد للعالم في المناطق القطبية والذي يشاهد في مسقط مولفايدى ومسقط مالدون فلاميتيد ؛ كما يتلافى التبعاض المتزايد للعالم في المناطق القطبية في مسقط كافرايسكى .

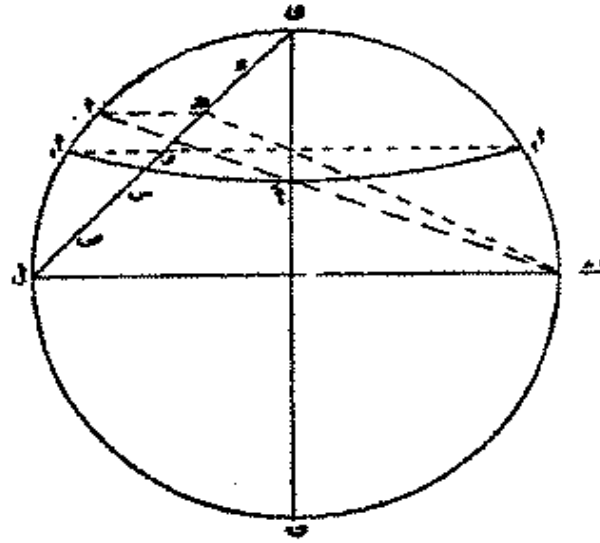


شكل ٢٤

العالم على مسقط فاندرجرين

ومن مميزات هذا المسقط على المساقط السابقة الذكر الخاصة برسم العالم أن دوائر الطول تظهر على شكل أقواس داوئر وليست على شكل قطاعات وأقواس الدوائر على المسقط أقرب إلى الشكل الحقيقي لها على سطح الأرض .

لا يتميز هذا المسقط بأى من الخصائص الهندسية مثل تساوى المساحات أو غيرها ، ولكنه يتميز بسهولة الرسم .  
طريقة الإنشاء



شكل ٢٥

- ١ — رسم دائرة نصف قطرها يساوى قطر الأرض = ١٢٧٤٠ كيلو متر .
- ٢ — رسم القطر الأفقى ك ك ل يمثل الاستواء ويرسم القطر الرأسى ن ن ي يمثل خط الطول الأوسط . ونسكن ن ، ي نقطتي القطبين .

٣ — يقسم الاستواء إلى أقسام متساوية . وتمثل كل نقطة تقسيم تقاطع الاستواء مع خط من خطوط الطول .

٤ — ترسم خطوط الطول على شكل أقواس دوائر تمر بالقطبين وينقط التقسيم على خط الاستواء .

٥ — ترسم دوائر العرض على شكل أقواس دوائر مركزها على خط الطول الأوسط أو امتداده بحيث يمر كل قوس منها بثلاثة نقط مثل ( ١ ، ١ ، ١ ) يتم تحديدها كما يلي :

( ١ ) يقسم  $ي ل$  إلى عدد من الأقسام المتساوية عند النقط  $و ، هـ ، و ،$   $س ، ص ، ...$  بحسب عدد دوائر العرض المطلوب رسمها .

( ب ) من كل نقطة تقسيم يرسم خط يوازي القطر  $ك ل$  . كل من تلك الموازيات يقطع محيط الدائرة في نقطة قريبة . ( في شكل ٢٥ الموازي من نقطة  $هـ$  يقطع محيط الدائرة في ١ ) .

( جـ ) نصل النقطة  $ك$  بالنقطة ١ ( وكذلك يباقي النقط على المحيط ) فيقطع هذا الخط ١ القطر الرأسى  $ي ن$  في نقطة ١ ( كما نتج أيضا نقط مماثلة ) .

( د ) نصل النقطة  $ك$  بالنقطة  $هـ$  ( وكذلك يباقي النقط المماثلة ) ومن نقطة تقاطع  $ك هـ$  مع القطر الرأسى  $ي ن$  نرسم خطا افقيا موازيا للإستواء يقطع محيط الدائرة في ١ ، ١ ، ١ .

( هـ ) بحدد قوس الدائرة ١ ، ١ ، ١ دائرة العرض المطلوبة ( ٦٠° في شكل ٢٥ ) .

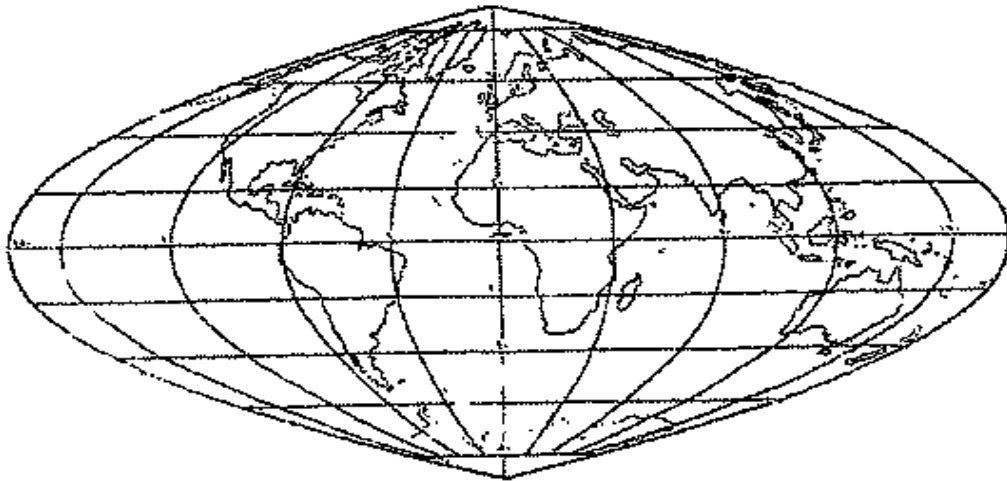
## ٦ - ماسقط معدلة أخرى

صممت ماسقط أخرى لتمثل العالم كله في صور أحسن من الماسقط السابق ذكرها . ولكن مازالت الماسقط المذكورة وهي الكروي ومولة سايدى وسانسون فلامستيد تحظى بشهرة كبيرة .  
يبين الأشكال الآتية بعض الماسقط المعدلة

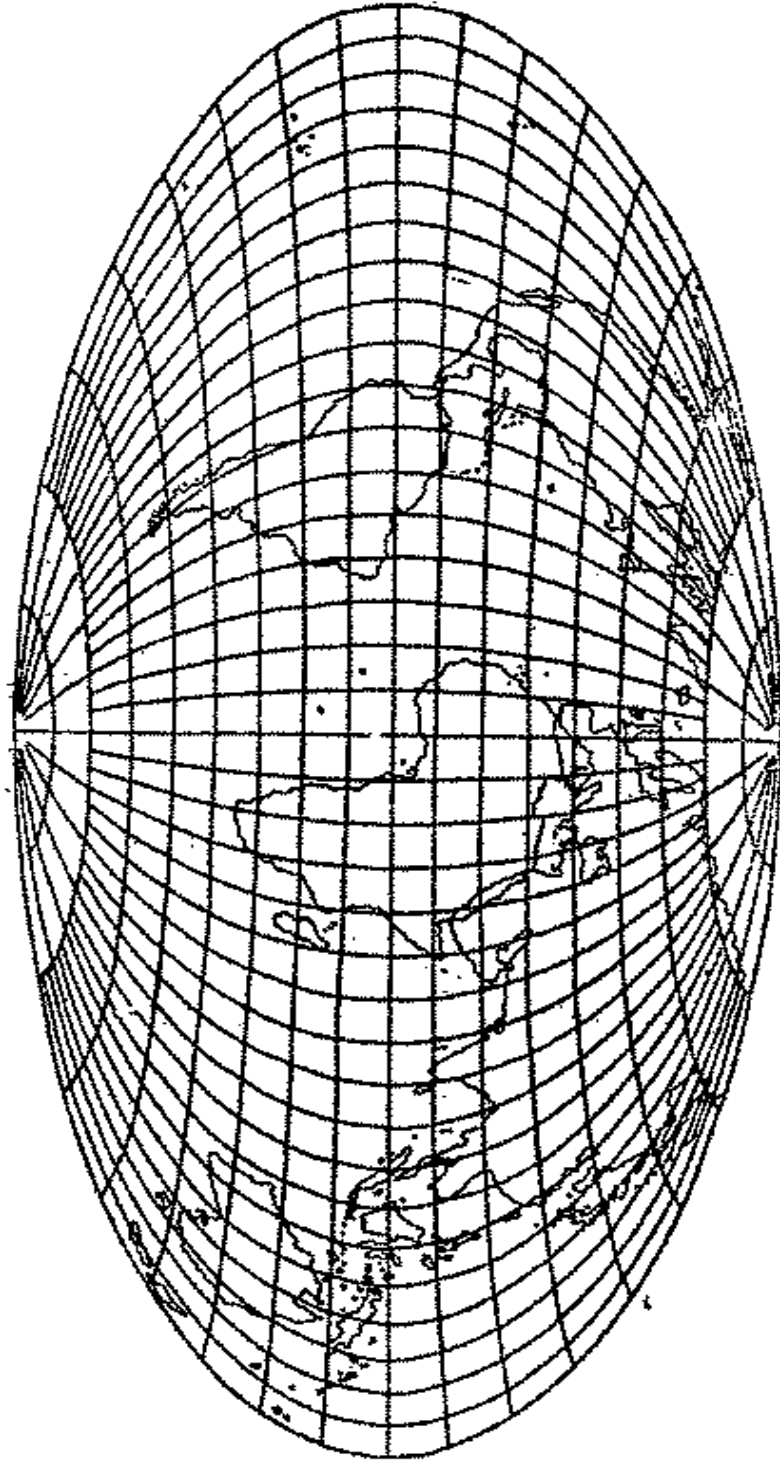


شكل ٢٦

العالم على مسقط وينكل



شكل ٢٧



شکل ٧٨

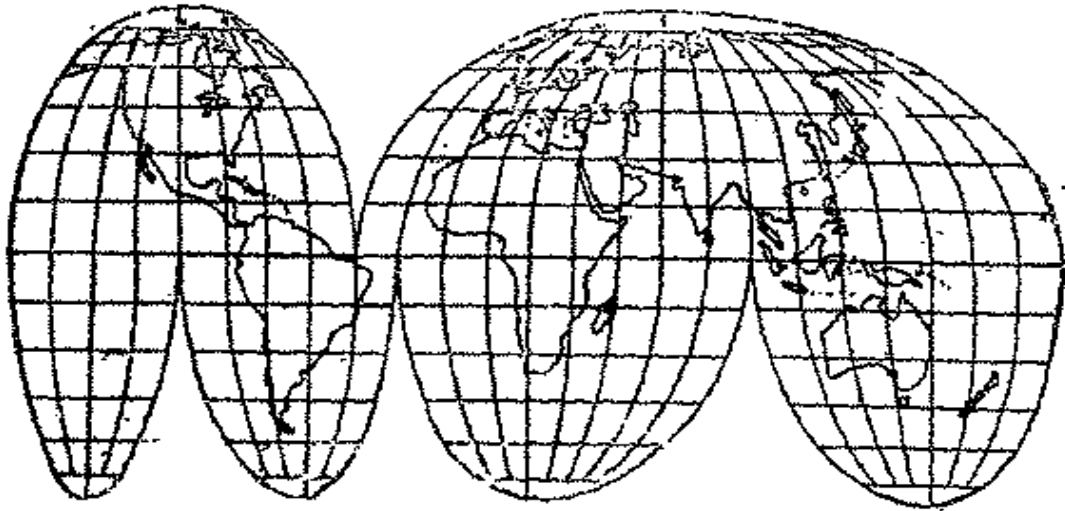
المساحه على مناطق مختلفه

### ٧ - المساقط المنتظمة

يمكن قطع المسقط الذي يمثل العالم كله والذي تظهر فيه خطوط العرض خطوطاً مستقيمة مثل مسقط موالفايدي ومسقط انسون فلامستيد لأنه كما ذكرنا وكما يوضح من أشكال تلك المساقط يوجد تشويه كبير يتزايد مع الابتعاد عن مركز الخريطة .

يتم قطع المسقط على نصف خط من خطوط الطول - النصف الشمالي أو النصف الجنوبي .

وسيبقى خط الاستواء وحدة كاملة تصل أجزاء العالم ببعضها . عند بيان القارات في هذه الحالة يتم قطع المسقط على خطوط الطول التي تمر في المحيطات وعند بيان المحيطات يتم قطع المسقط على خطوط الطول التي تمر في القارات .  
بحسن عدم قطع المسقط على خط الطول كله شمال وجنوب الاستواء إذ أن ذلك يبين الشكل الناتج وكأنه مقطعين متجاورين ويغير من الشكل المتكامل للمسقط .



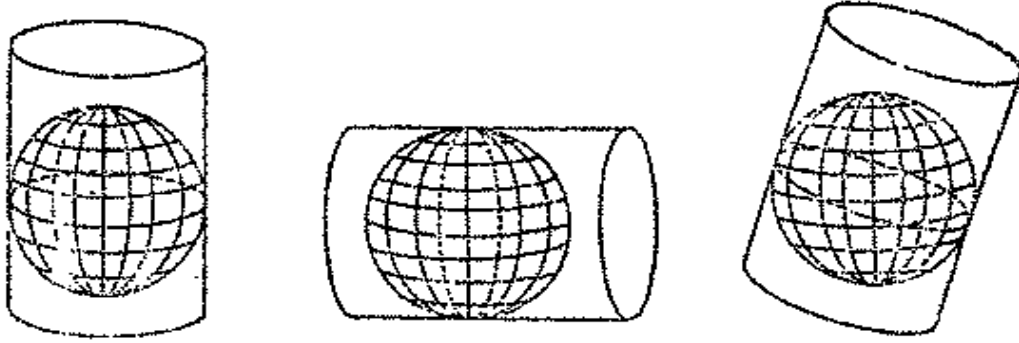
شكل ٣٩

مسقط موالفايدي المنتظم

## الباب الخامس

### المساقط الإسطوانية

في هذه المجموعة من المساقط تبدأ بإسطوانة تمس الكرة الأرضية حول دائرة عظمى يمر مستواها بمركز الكرة الأرضية .



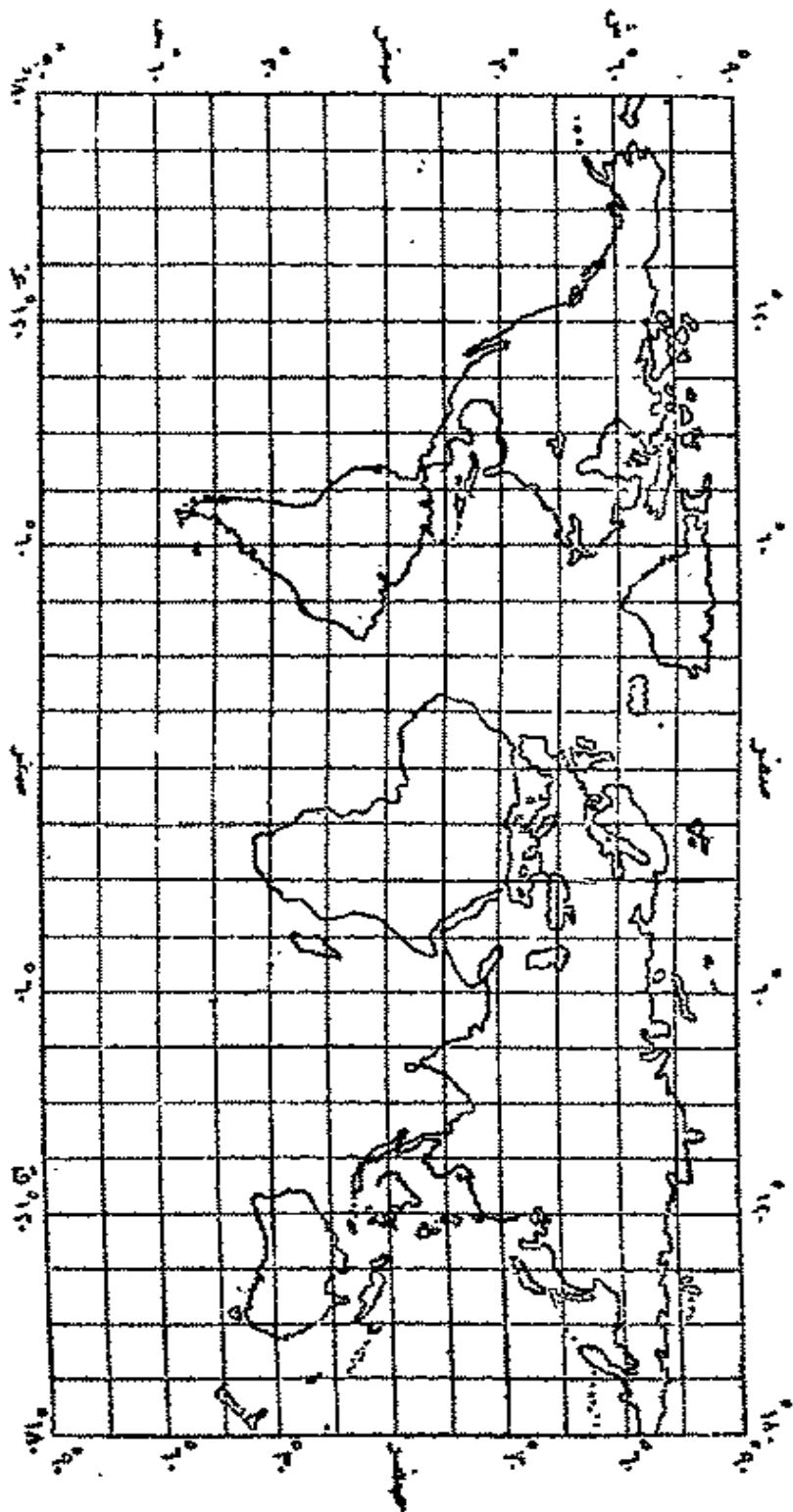
شكل ٣٠

هذه الاسطوانة قد تمس الأرض حول الاستواء وهي الحالة الشائعة ، وقد تمس الاسطوانة سطح الأرض حول أحد خطوط الطول ويسمى المسقط الناتج في هذه الحالة ، مسقط اسطوانى مستعرض ، وقد يسكون القياس حول أى دائرة عظمى وعندئذ يسمى المسقط الناتج ومسقط اسطوانى منحرف .

في كل مسقط اسطوانى تكون دائرة القياس على الخريطة مطابقة تماماً لنفس الدائرة على سطح الأرض .

#### ١- المسقط الاسطوانى البسيط

هذا المسقط قليل الاستخدام ولكنه يوضح طريقة إنشاء أى مسقط اسطوانى . والمساقط الاسطوانية عامة تتفق مع بعضها في أن خطوط العرض



شکل ۲۱

الهام علی مستط اسطرائی بسط



على المسقط تساوى فى أطرافها خط الاستواء . ومن هنا يتبين التشويه المتزايد الناتج مع الابتعاد عن الاستواء شمالا وجنوبا .

طريقة الرسم

ترسم شبكة من المربعات داخل مستطيل طوله يساوى طول خط الاستواء أى ٢ ط نق = ٤٠٠٢٤ كيلومتر وعرض المستطيل يساوى طول أحد خطوط الطول = ٢٠٠١٢ كيلومتر .

٢ - المسقط الاسطواني متساوى المساحات

يشبه هذا المسقط الى حد ما المسقط الاسطواني البسيط ولكنه يتميز عليه بخاصية تساوى المساحات . والمسافات بين خطوط الطول متساوية وتساوى المسافات المناظرة على خط الاستواء الأرضي ويتم التحكم فى المسافات بين خطوط العرض حتى تكون المساحات على المسقط مساوية للمساحات المناظرة على سطح الأرض .

يستخدم هذا المسقط فى خرائط التوزيعات لمناطق من العالم يتوسطها الاستواء .

ويتميز بسهولة إنشائه .

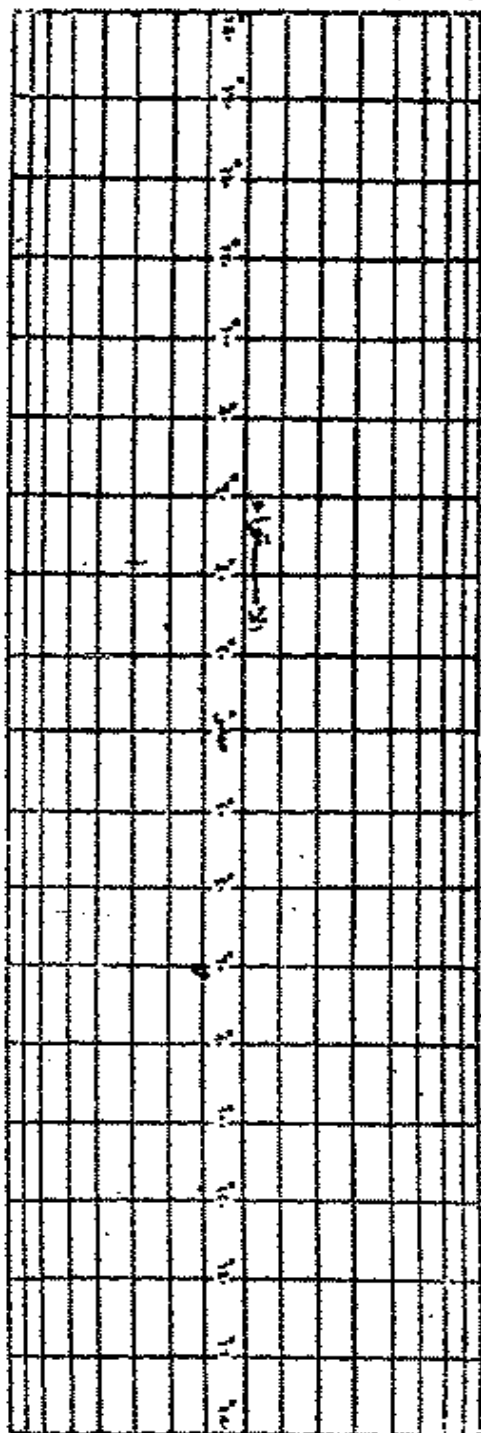
طريقة الإنشاء

١ - يرسم خط أفقى يمثل الاستواء طوله ٢ ط نق = ٤٠٠٢٤ كيلومتر

٢ - يقسم الاستواء الى اقسام متساوية ، تمثل كل نقطة اقسام منها تقاطع خط

الاستواء مع أحد خطوط الطول

١٠٠ ٩٠ ٨٠ ٧٠ ٦٠ ٥٠ ٤٠ ٣٠ ٢٠ ١٠ ٠



شكل ٣٢  
النموذج الجبراني لـ  $10 \times 10$  مستطوي المماسات

٣ - لما كانت مساحة منطقة على سطح الأرض بين الاستواء والعرض  $\phi$   
 $= ٢ ط ق جا \phi$  وهذه تنأى مساحة المستطيل المناظر على المسقط وطوله  
 يساوى طول الاستواء  $= ٢ ط ق$

∴ عرض المستطيل أى بعد العرض  $\phi$  عن الاستواء  $= \frac{٢ ط ق جا \phi}{٢ ط ق}$   
 $= ق جا \phi$

وعلى تلك الأبعاد ترسم خطوط العرض

مثال : مسقط أطوال متساوى المساحات للعالم كله بقياس ١ : ٢٠٠ مليون

لق  $= ٣٠١٨٥$  سم

طول الاستواء  $= ٢ ط ق = ٢٠٠١٢$  سم

بعد العرض  $١٠^\circ$  عن الاستواء  $= ق جا ١٠ = ٥٥٣$  سم

د د  $٢٠^\circ$  د د  $= ق جا ٢٠ = ١٥٨٩$  سم

د د  $٣٠^\circ$  د د  $= ق جا ٣٠ = ١٥٩٢$  د

د د  $\vdots$  د د  $\vdots$  د د  $\vdots$

د د  $٧٠^\circ$  د د  $= ق جا ٧٠ = ٢٠٩٩٢$  د

د د  $٨٠^\circ$  د د  $= ق جا ٩٠ = ٣٠١٨٥$  د

### ٣ — المسقط الاسطواني التشابهي

أو

#### مسقط مركبتور

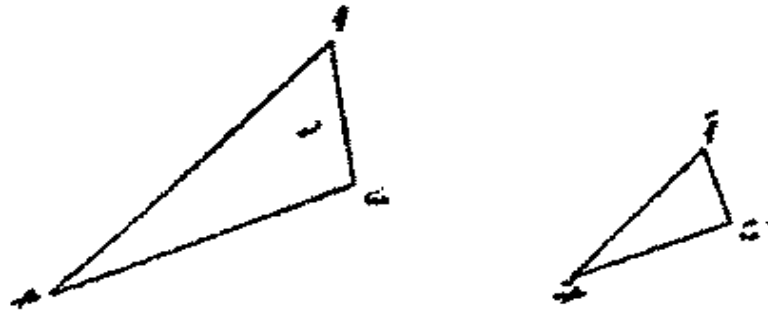
هو أول مسقط تم تصميمه في صورة عليية . وهو أهم مسقط في المجموعة الاسطوانية وأكبر المساقط شهرة وهو الوحيد المستخدم في خرائط الملاحة . صمم جيراردوس مركبتور هذا المسقط ليحظى للملاحين خريطة تسهل لهم التعرف على خطوط السير بالبحار

ولما كان الخط المستقيم هو أسهل الخطوط التي يمكن رسمها بين مكانين على الخريطة ، لذلك صمم مركبتور مسقطه بحيث أن الخط المستقيم المرسوم عليه يمثل خط اتجاه ثابت — وبذلك توصل إلى أن خطوط الطول وهي التي تتحدد اتجاه الشمال لا بد وأن تظهر على المسقط مستقيمة ومتوازية . وبلغة المساقط يكون المسقط اسطوانيا :

#### خاصية التشابه

تتحقق هذه الخاصية في هذا المسقط وفي مساقط أخرى أيضا .

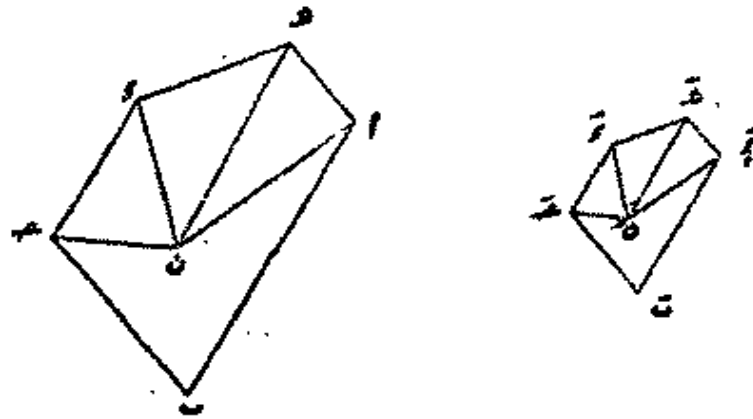
والتشابه الهندسي في المساقط هو تشابه شكل منطقة صغيرة من سطح الخريطة مع شكل المنطقة المناظرة على سطح الأرض .



شكل ٢٢

يتشابه المثلثان : ب ح ، ب ح' إذا تساوت الزوايا فيها . وفي هذه الحالة تناسب الأضلاع المتناظرة ويكون

$$\frac{ب' ح'}{ب ح} = \frac{ب' ح'}{ب ح} = \frac{ب' ح'}{ب ح}$$

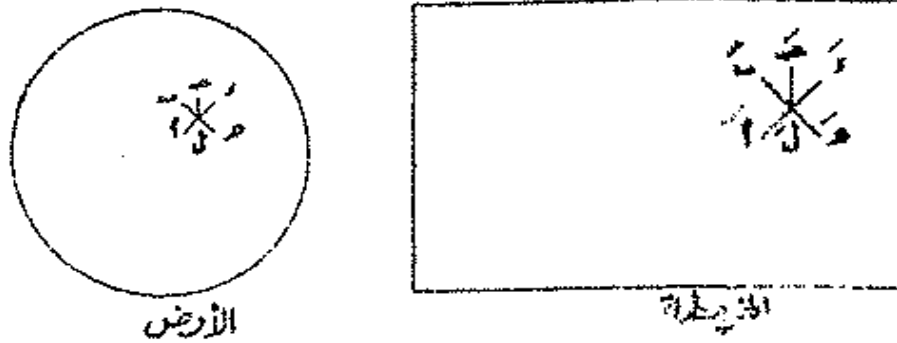


شكل ٣٤

وعندما يتشابه المثلثان : ب ح و ه ، ب ح' و ه' ، تتساوى الزوايا المتناظرة .

كذلك لو أخذت نقطتان في كل مضلع منها مثل ن ، ن' فكانتا في موضعين متناظرين بالنسبة للمضلعين فتكون الزوايا بين ن ، ب ، ن ح ، ن و ... مساوية للزوايا بين ن' ، ب' ، ن' ح' ، ن' و ...

$$\frac{ن' ح'}{ن ح} = \frac{ن' ب'}{ن ب} = \frac{ن' ح'}{ن ح} \quad \text{ويكون}$$



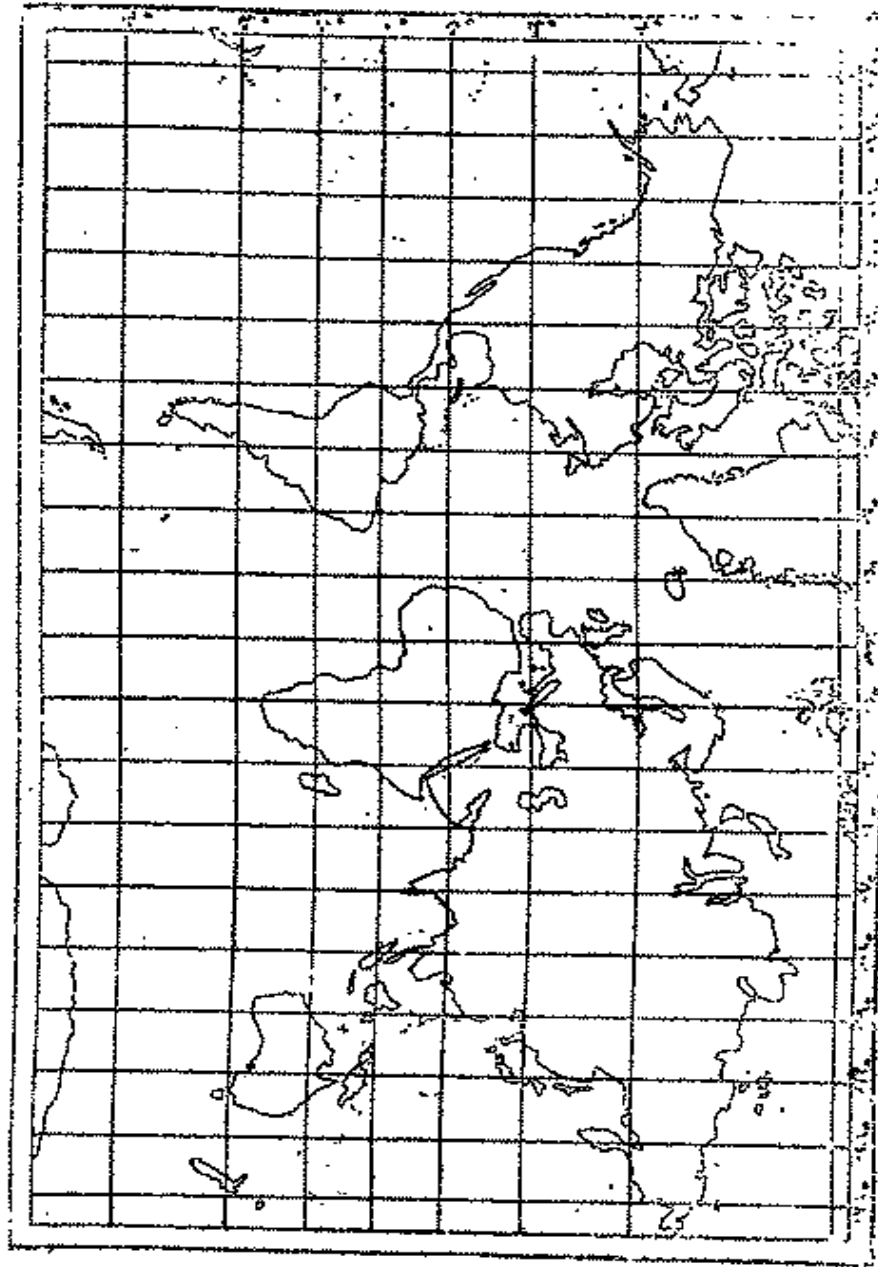
شكل ٣٥

وعندما نلقاه، نقطة من سطح الأرض عند النقطة ل مع المنطقة المناظرة من سطح الخريطة عند النقطة ل' ، تكون الزوايا المرسومة عند ل على سطح الأرض مساوية الزوايا المناظرة المرسومة عند ل' على سطح الخريطة .

$$\dots = \frac{\overline{ل' ح'}}{\overline{ل ح}} = \frac{\overline{ل' ب'}}{\overline{ل ب}} = \frac{\overline{ل' أ'}}{\overline{ل أ}}$$

طريقة الإنشاء

كما يتبين من اسم المسقط « استوائى » يتكون الهيكل الجغرافى من مجموعتين من الخطوط المتوازية المتعامدة . المجموعة الأولى تمثل خطوط الطول وتكون على أبعاد من بعضها تساوى أبعادها الحقيقية على خط الاستواء الأرضى . والمجموعة الثانية تمثل خطوط العرض وتكون متعامدة مع مجموعة خطوط الطول . وكما يتبين من اسم المسقط « تشابهى » يلزم أن تشابه المنساق الصغير من سطح الخريطة مع المنساق المناظرة من سطح الأرض . وهذه الخاصية التى تعنى تساوى الزوايا المناظرة وأيضا تناسب الأضلاع المناظرة تحدد أماكن خطوط العرض .



شكل ٣٦

العالم على مسقط مركبتور

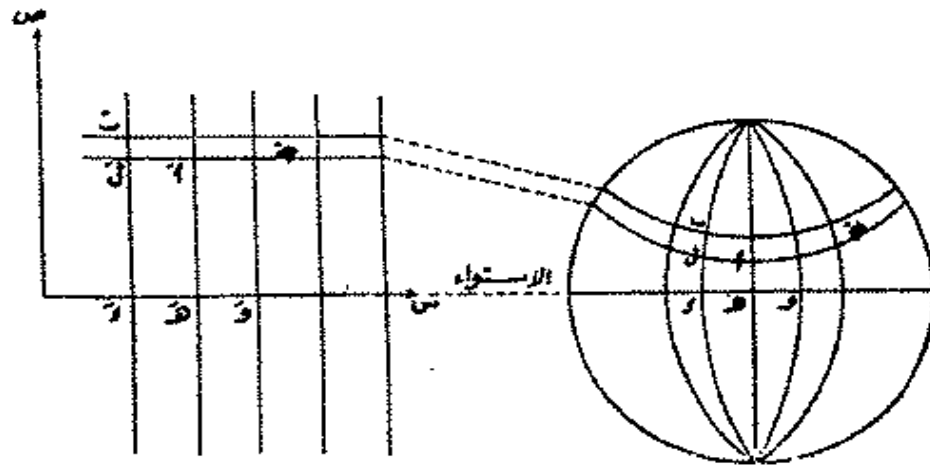
أولاً : خطوط الطول

١ - يرسم خط أفقي يمثل الاستواء وطوله = ٢ سم تق = ٤٠٠٢٤ كيلومتر

٢ - يقسم الاستواء الى عدد من الاسام المتساوية ، تمثل كل نقطة تقسيم منها تقاطع خط الاستواء مع أحد خطوط الطول .

٣ - ترسم خطوط الطول مارة بنقط تقسيم خط الاستواء وعمودية عليه

ثانيا : خطوط العرض



شكل ٢٧

لايجاد البعد على المقياس بين خط العرض  $\phi$  وخط الاستواء أن نفرض هذا البعد  $x$  من

ل ،  $\lambda$  نقطتان على دائرة العرض  $\phi$  وتبعدان عن بعضهما بزاوية طول صغيرة مقدارها  $\Delta \lambda$

ب نقطة على خط طول  $\lambda$  وتبعد عن ل بزاوية عرض صغيرة مقدارها

$\Delta \phi$

نفرض أن ل ، ل' ، ب هي مقاطع ل ، ل' ، ب على الخريطة .



نفرض أن  $L'$ ،  $I'$  تبعثان عن بعضهما بمسافة  $\Delta$  من

.....  $L'$ ،  $B'$  .....  $\Delta$  من

للتشابه بين الخريطة والأرض يسكون

$$(1) \quad \frac{L'I'}{L'I} = \frac{L'B'}{L'B}$$

$$L'I' = H'W' = HW = \lambda \Delta \text{ نق}$$

$$\text{كذلك } L'I = \text{نق جتا } \phi \Delta$$

$$\text{وأيضاً } L'B = \text{نق } \phi \Delta$$

وبالتعويض من العلاقات الثلاثة السابقة في العلاقة (١)

$$\frac{\lambda \Delta \cdot \text{نق}}{\text{نق جتا } \phi \Delta} = \frac{\Delta \text{ من}}{\text{نق } \phi \Delta}$$

$$\Delta \text{ من} = \text{نق قا } \phi \Delta$$

بانتفاذ الاستواء على الخريطة محورا للديانات وأي خط من خطوط الطول

محورا للصادات وإجراء التكامل .

$$\int_{\phi}^{\phi} \text{نق قا } \phi \Delta = \int_{\phi}^{\phi} \Delta \text{ من}$$

$$\Delta \text{ من} = \text{نق لوه } \Delta (\frac{\phi}{\gamma} + ٤٥) = \text{نق لوه } (\phi + \phi \text{ ظا } \phi)$$

وبالطبع  $s = \lambda \cdot \text{نق}$   
 وحساب مسقط مركتيور لمنطقة من سطح الأرض بعيدة عن الاستواء نجد  
 أن جميع الأطوال على المسقط أكبر بكثير من الأطوال المناظرة على سطح الأرض  
 لذلك من المعتاد تصغير حجم الخريطة بنسبة جيب تمام العرض الأوسط للمنطقة  
 وعندئذ تقرب الأطوال على المسقط من القيم الحقيقية لها على سطح الأرض .

مثال

لإيجاد أبعاد خريطة بمسقط مركتيور لمنطقة من سطح الأرض يحددها شمالا  
 العرض  $58^\circ$  شمالا ويحددها جنوبا العرض  $36^\circ$  شمال . كما يحددها شرقا الطول  
 $10^\circ$  غرب ويحددها غربا الطول  $48^\circ$  غرب . والمقياس ١ : ٢ مليون  
 الانساع الطول  $= 48 - 10 = 38^\circ$  طولية

$$\text{العرض الأوسط} = \frac{36 + 58}{2} = 47^\circ$$

$$\text{نق} = 318500 \text{ سم}$$

$$\text{امتداد الخريطة مع درجات الطول} = \text{نق} \cdot \Delta \lambda \cdot \frac{\pi}{180} \cdot \cos 47^\circ$$

$$= 1449063 \text{ سم}$$

المسافة المركتيورية من الإستواء إلى العرض  $58^\circ$  شمال

$$= \text{نق} \cdot \text{لر} \cdot \left( \frac{58}{2} + 45 \right) = 3970808 \text{ سم}$$

المسافة المركتيورية من الاستواء إلى العرض  $36^\circ$  شمال

$$= \text{نق} \cdot \text{لر} \cdot \left( \frac{36}{2} + 45 \right) = 2149757 \text{ سم}$$

امتداد الخريطة مع درجات العرض

$$= (2149757 - 3970808) \cdot \cos 47^\circ = 1249874 \text{ سم}$$

# الباب السادس

## المساقط الاتجاهية

ترسم هذه المساقط على سطح مستوى يمس الكرة الأرضية عند نقطة محددة. وعادة يتم اختيار نقطة التماس بحيث تتوسط المنطقة المطلوب بيانها على الخريطة. وفي أغراض خاصة ، كما في خرائط تحديد الاتجاهات اللاسلكية مثلا ، تكون نقطة التماس عند موقع جنرافي محدد هو موقع محطة الإرسال اللاسلكي .

تسمى نقطة تماس سطح الخريطة مع سطح الأرض مركز الخريطة .

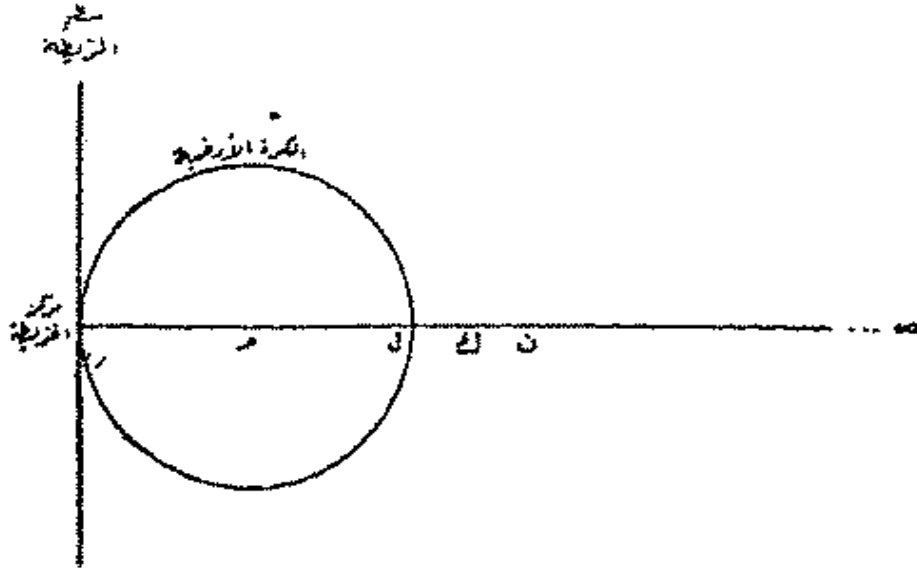
تنقسم المساقط الاتجاهية إلى قسمين رئيسيين : منظور وغير منظور .  
والقسم المنظور منها يوضح صورة الإسقاط من سطح الأرض إلى سطح الخريطة

### أولا : المساقط الاتجاهية المنظورة

تتصور أن سطح الأرض جسم شفاف تنفذ منه الأشعة الضوئية .

ويوجد هناك مصدر ضوئي مشع تنفذ أشعته من سطح الأرض وتسقط على السطح المستوي المطلوب الإسقاط عليه وتترك ظلالا تمثل شبكة خطوط الطول والعرض .

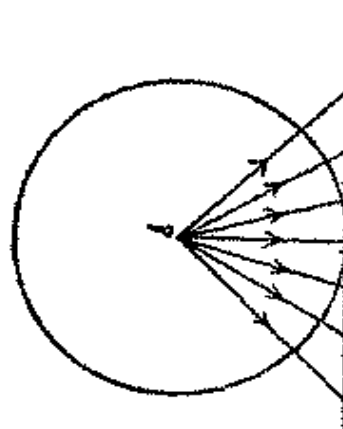
في جميع حالات المساقط الاتجاهية المنظورة تكون نقطة الإشعاع ، وتسمى مركز الإسقاط ، إحدى نقط القطر الذي يمر بمركز الخريطة . وفي كل مرة يأخذ مركز الإسقاط موقعا معينا ، ينتج مسقط له خصائص معينة .



شكل ٣٨

هناك ثلاثة حالات رئيسية للمساقط الاتجاهية المنظورة (بالإضافة إلى حالات أخرى) نذكرها فيما يلي

### الحالة الأولى



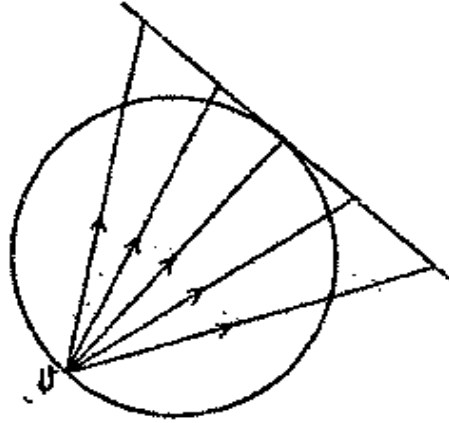
شكل ٣٩

اسقاط مركزي

يكون مركز الإسقاط عند مركز الكرة الأرضية (م) ويسمى الإسقاط

الناتج مسقط مركزي

الحالة الثانية :



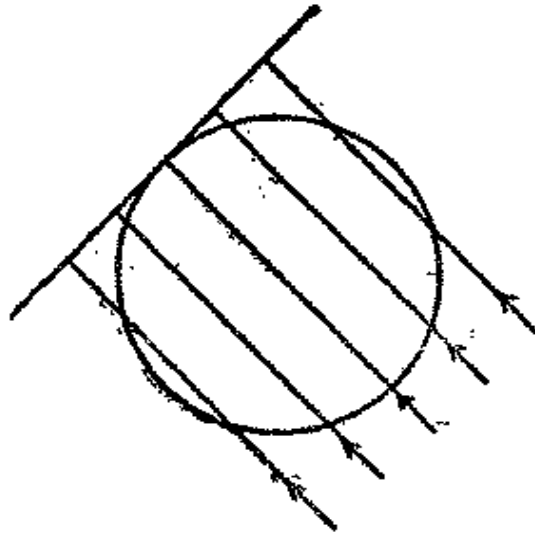
شكل ٤٠

إسقاط استريوجرافي

يكون مركز الإسقاط عند النهاية الأخرى (ل) للقطر الذي يمر بمركز الخريطة.

ويسمى المسقط الناتج مسقط مجسم أو استريوجرافي

الحالة الثالثة :



شكل ٤١

إسقاط أوزوجرافي

يسكون مركز الاسقاط على امتداد القطر الذي يمر بمركز الخريطة وعلى  
مسافة لانهائية . ويسمى المسقط الناتج مسقط صحيح أو اردنوجرافى  
الحالة الرابعة

يسكون مركز الاسقاط عند نقطة (ك) شكل - ٣٨ - التى تبعد عن مركز الارض  
بمسافة  $K = 1367$  كم  
ويسمى المسقط الناتج مسقط هزى جيمس .

#### الحالة الخامسة

يسكون مركز الاسقاط عند نقطة ( ن ) - شكل ٣٨ - التى تبعد عن مركز  
الارض بمسافة  $N = 171$  كم  
ويسمى المسقط الناتج مسقط لاهير  
ثانيا : المساقط الاتجاهية الغير منظورة  
فى هذه المساقط تنقل المعالم الجغرافية من سطح الارض الى سطح الخريطة  
طبقا لإحدى القاعدتين الآتيتين :

#### الحالة الأولى

تسكون المسافة على الخريطة بين أى موقع ومركز الخريطة مساوية للمسافة  
على سطح الارض بين نظير هذا الموقع ومركز الخريطة .  
ويسمى المسقط الناتج مسقط اتجاهى متساوى المسافات

#### الحالة الثانية

تسكون المساحة على الخريطة لمنطقة معينة مساوية للمساحة المناظرة على  
سطح الارض .

ويسمى المسقط الناتج مسقط اتجاهى متساوى المساحات  
تحتاج دراسة بعض المساقط الاتجاهية الى معرفة رياضية أعلى من مستوى

الدراسة في هذا الكتاب . ولذلك سوف لا نتطرق دراسة المسافات الاتجاهية الى الحالات التي تحتاج الى رياضيات معقدة . وسنذكر في بعض الحسابات الطريقة البينائية لرسم المسقط وهي الطريقة التي لا تعتمد على الحسابات المطولة بقدر ما تعتمد على الدقة في الرسم .

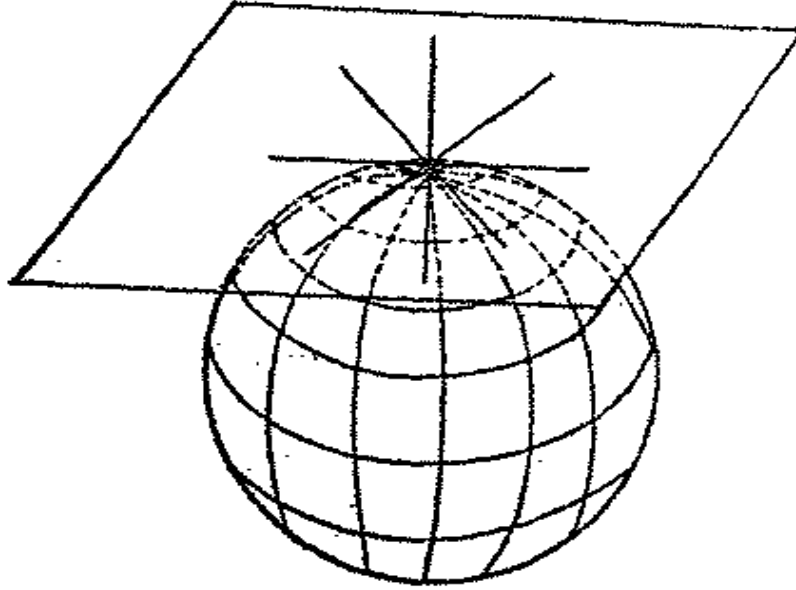
### ١ - المسقط المركزي

يستخدم المسقط المركزي في خرائط الملاحة البحرية والجسرية إذ أن الخط المستقيم الذي يصل بين مكانين مرسومين على الخريطة يمثل أقصر مسافة بين هذين المكانين على سطح الأرض .

بين نقطتين على سطح الأرض يمكن رسم عدد لا نهائي من أقواس الدوائر ولكن قوس الدائرة العظمى يكون أقصرها . والدائرة العظمى على سطح الأرض هي الدائرة التي يمر بمستواها بمركز الأرض وبذلك يكون قطرها مساويا لقطر الأرض . فدائرة الاستواء دائرة عظمى ولكن دوائر العرض الأخرى دوائر صغيرة . بالمثل خطوط الطول تكون أنصاف دوائر عظمى .

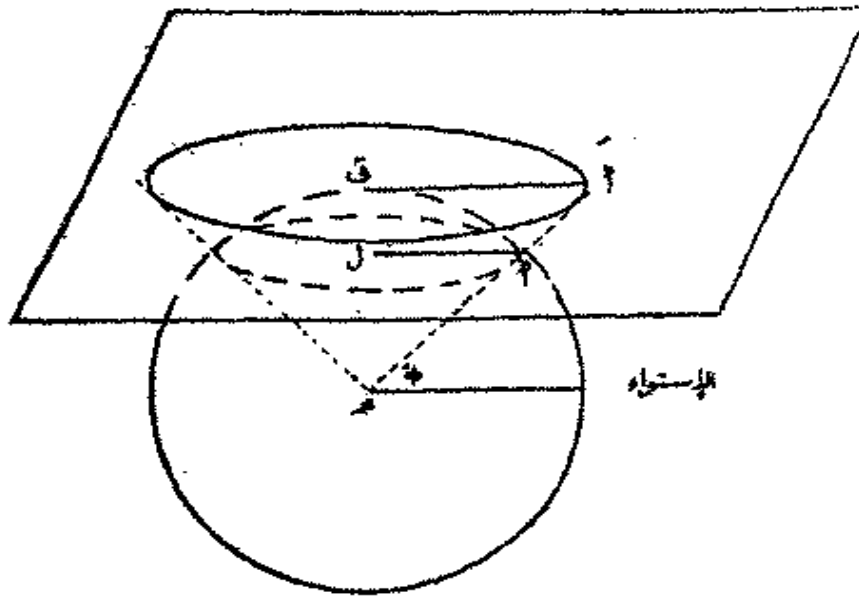
ولإسقاط دائرة عظمى مرسومة على سطح الأرض من مركز الإسقاط موجود عند مركز الأرض ، تمر أشعة الإسقاط في نفس مستوى الدائرة العظمى الى أن تقابل مستوى الخريطة في خط مستقيم يمثل تلك الدائرة العظمى . ومن هنا يتضح أن كل خط مستقيم على سطح الخريطة المرسومة بالمسقط المركزي يمثل دائرة عظمى على سطح الأرض .

أولاً - المقطع المركزي القطبي



شكل ٤٢

سطح الخريطة يس سطح الأرض عند القطب  
والإسقاط يتم من نقطة عند مركز الأرض



شكل ٤٣



واضح أن خطوط الطول تنسقط الى خطوط مستقيمة ، وتكون الزوايا بينها مساوية للزوايا الاصلية بين خطوط الطول عند القطب .

وواضح أيضا أن دوائر العرض تسقط إلى دوائر مركزها هو نقطة القطب  
ولكن بأقطار أكبر من الأقطار لأصابع على سطح الأرض .

الخصائص الهندسية للهيكل الجغرافي

١ - خطوط الطول مستقيمة متلاقية عند القطب والروايات بينهما مساوية للروايات الأصلية على سطح الأرض . وخطوط العرض تسقط إلى دوائر مركزها نقطة القطب .

٢ - لإيجاد قيمة نصف قطر دائرة العرض  $\phi$  (نقطة)

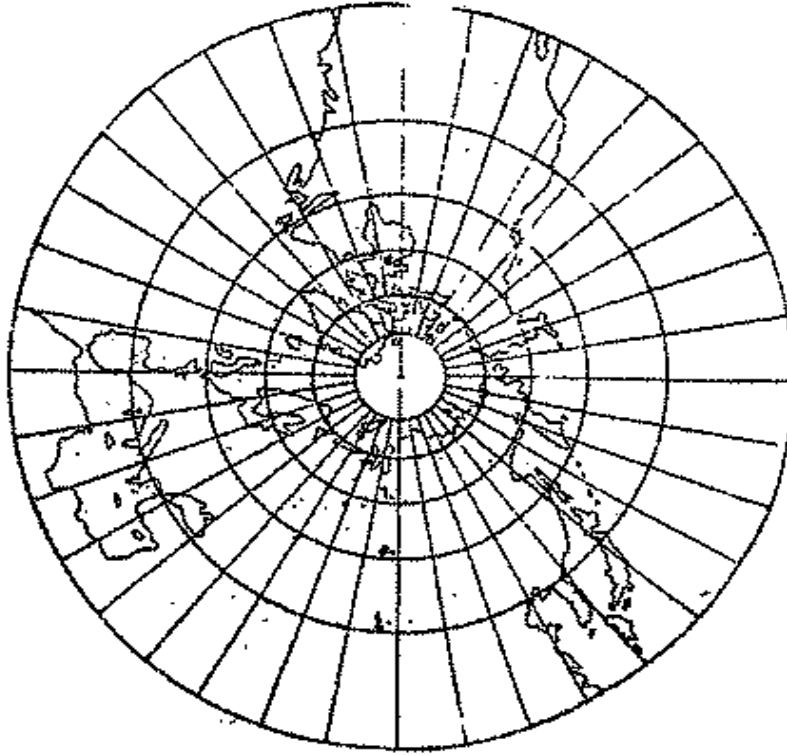
في شكل ٤٣ م مركز الأرض ، ق نقطة القطب ، ل مركز دائرة العرض  $\phi$  المرسومة على سطح الأرض .

في المثال م ١٠ =  $\frac{١٠}{١٠} = \frac{١٠}{١٠} = ١$   $\phi$   $\phi$   $\phi$

نق = نق ظنا

٣ - واضح أن المقياس يتزايد مع الابتعاد عن نقطة القطب ويمعز  
عن بيان دائرة الاستواء .

طريقة الانشاء



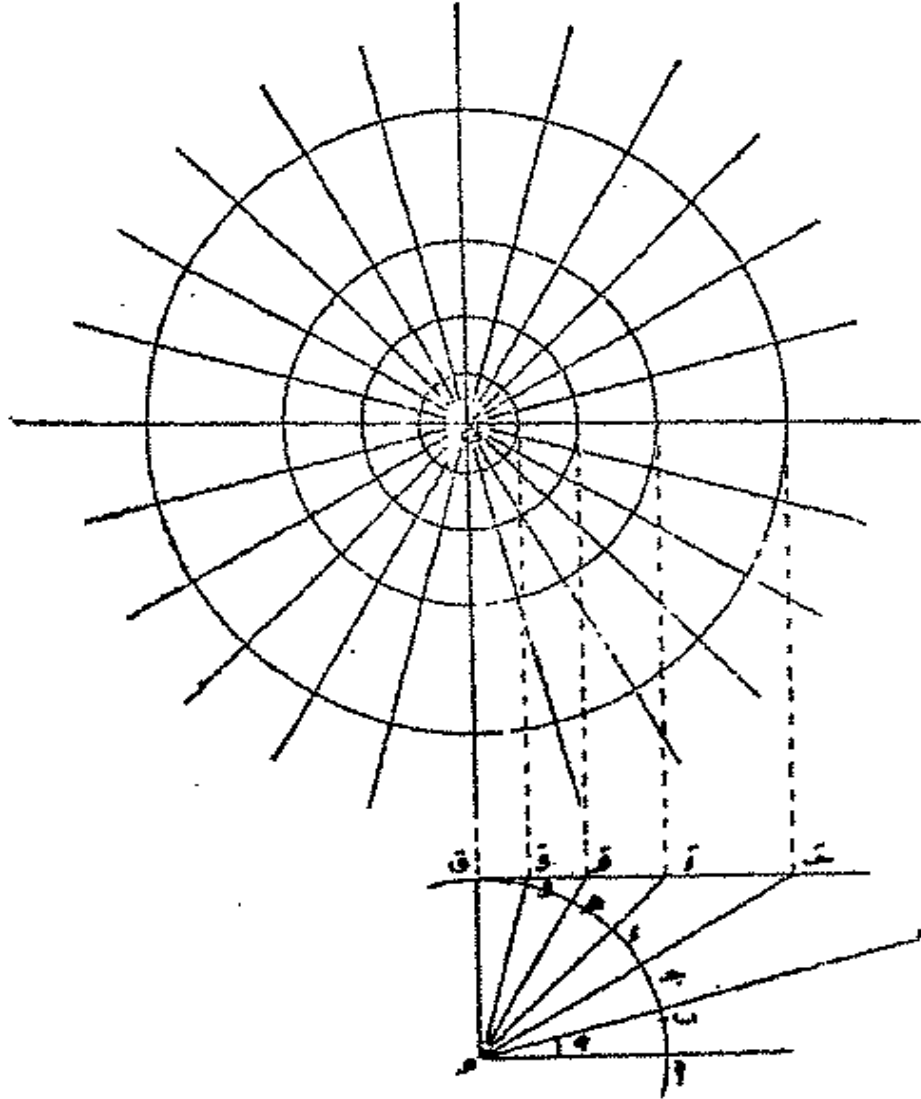
شکل ٤٤

المناطق الشمالية من العالم على مسقط مركزي

١ — ترسم مجموعة من الخطوط المتقابلة في نقطة تصبح فيها بينها زوايا متساوية ( ١٠° في شكل ٤٤ ) . هذه الخطوط تمثل خطوط الطول

٢ — من نقطة تقابل خطوط الطول ( التي تمثل القطب ) كمركز — ترسم دوائر العرض بأصاف أقطار تساوي  $\phi$  ( نقي طنا ٨° ، نقي طنا ٧° ، ... في شكل ٤٤ ) . هذه الدوائر تمثل دوائر العرض

الطريقة البيانية لرسم المسقط المركزي القطبي



شكل ١٥

١ - من المركز م رسم نصف دائرة تمثل خط طول على سطح الأرض ويكون قطرها مطابقا للقياس المطلوب .

- ٢ — نأخذ نقطة القطب ق أعلا القوس وعندنا نرسم مماساً لقوس الدائرة
  - ٣ — نمد م ق على استقامته الى نقطة ق' تمثل القطب على المسقط .
  - ٤ — عند ق' نرسم مجموعة خطوط الطول تصنع فيها بينها الزوايا المطلوبة .
  - ٥ — نحدد النقط ا ، ب ، ج ، د ، هـ ، ... على قوس خط الطول تمثل تقاطعات خطوط العرض المختلفة .
  - ٦ — نمد الخطوط المستقيمة م ب ، م ج ، م د ، م هـ ، ... الى أن تقابل المماس عند ق' في النقط ب' ، ج' ، د' ، هـ' ، ... على التوالي .
  - ٧ — من المركز ق' نرسم دوائر العرض بـانصاف أقطار تساوى ق' ب ، ق' ج ، ق' د ، ق' هـ ، ... ينتج المسقط المطلوب .
- ملحوظة : كما يتضح من الطريقة السابق شرحها ، تتلخص الطريقة البيانية في إيجاد الأبعاد المطلوبة للمسقط عن طريق الرسم وبدون اللجوء الى الحساب .
- فتلا اوجدنا طول نصف قطر دائرة العرض ق' ع' باستخدام طولاً مرسوماً يـاوى نصف قطر الأرض وهو م ق' وباستخدام زاوية مرسومة تساوى زاوية العرض ا م د . وبذلك أصبح ق' د' يمثل تقاطعاً .
- يطبق نفس المبدأ في الطرق البيانية المستخدمة لرسم المساقط الأخرى أى نحصل بطريق الرسم على أطوال بدلاً من الحصول على قيمتها بالحساب .
- نمياً المسقط المركزى الاستوائى
- سطح الخريطة يـس . سطح الأرض عند نقطة على الاستواء مثل ب





بالرجوع الى شكل ٤٦

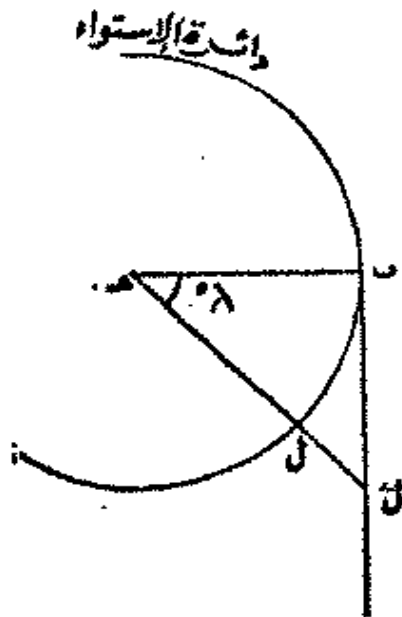
على سطح الخريطة نأخذ محورا للمعادات الخط ب ص وهو ممقط خط طول نقطة للنحاس ، ونأخذ محورا للسينات الخط ب ص وهو ممقط خط الاستواء .

يتحدد موقع النقطة ن ( وهي ممقط النقطة ن على سطح الارض والتي تقع على خط الطول الذي يبعد برأوية طول  $8^\circ$  عن خط النحاس ، كما تقع على العرض  $\phi$  ) ؛ بدلالة الاحداثيات :

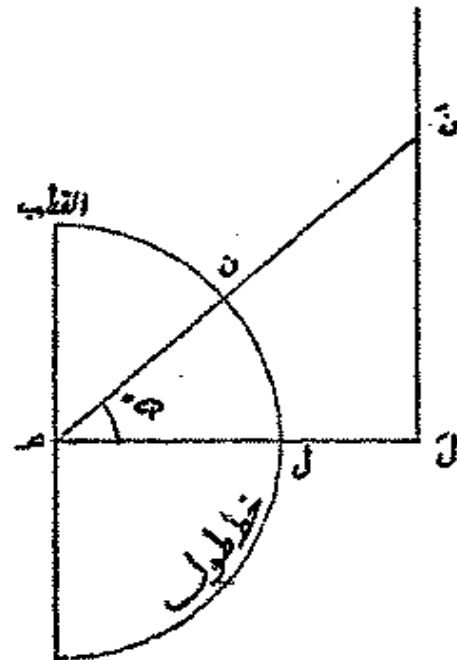
$$س = ب ل^{\circ} ، ص = ل^{\circ} ن^{\circ}$$

على الكرة الأرضية زاوية  $\lambda$  هي الزاوية ب م ل

وزاوية  $\phi$  د د ن م ل



شكل ٤٩



شكل ٤٨

١ — في المثلث  $ب م ل$  القائم عند  $ب$   
والذي فيه  $ب م =$  نصف قطر الأرض  $س$

$$ب ل = س \sin \lambda$$

$$س = س \sin \lambda \quad (١)$$

$$كذلك م ل = ب م \cos \lambda = س \cos \lambda \quad (٢)$$

٢ — في المثلث  $ن ل م$  القائم عند  $ل$

$$ن ل = م ل \sin \phi$$

وبالتعويض عن قيمة  $م ل$  بما يساويها من العلاقة (٢) ينتج أن :

$$ن ل = س \sin \lambda \sin \phi \quad (٣)$$

تعطى المعادلتان (١) ، (٣) موقع النقطة  $ن$  على الخريطة .

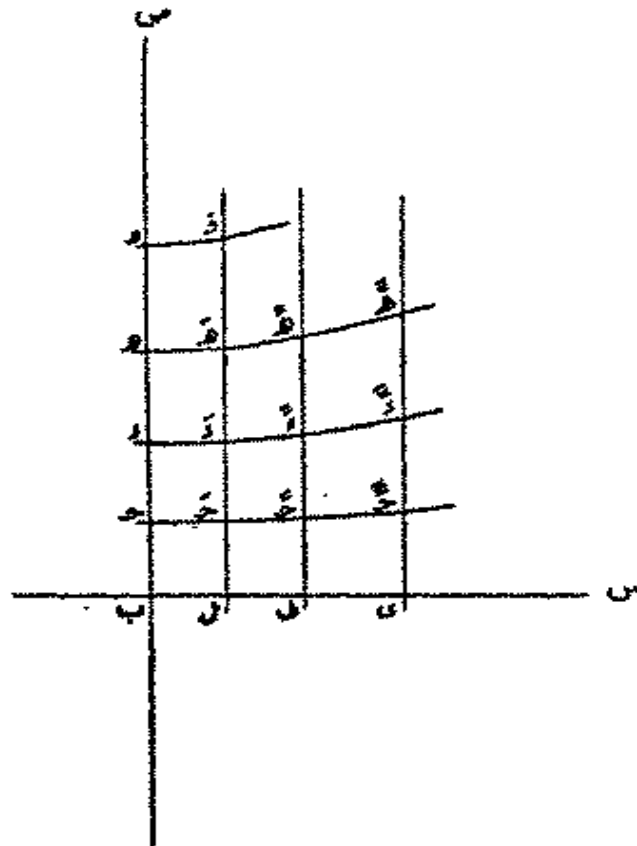
٣ — واضح أن كلا من  $س$  ،  $ص$  تمثلان قيا أكبر من الأبعاد الأصلية على سطح الأرض . أى أن المقياس على الخريطة يكون أكبر ويزيد مع الابتعاد عن مركز الخريطة  $ب$  .

طريقة الإلشاء

١ — نرسم خطين متعامدين الأفقى  $ب س$  يمثل الاستواء والرأسى  $ب ص$  يمثل خط الطول الأوسط .

٢ — نحدد مواقع النقط  $ل$  ،  $ف$  ،  $ي$  ، ... على الاستواء التى تمثل تقاطع خطوط الطول . كل نقطة منها تبعد عن مركز الخريطة  $ب$  بمسافة  $س \sin \lambda$  حيث  $\lambda$  هو فرق الطول بين النقطة ومركز الخريطة .





شكل ٥٠

فإذا كانت خطوط الطول مثلة على المسقط كل ١٠ درجات

$$ب ل = س ظا ١٠ = ١١٢٢٢٠ كم$$

$$ب ف = س ظا ٢٠ = ٢٢١٨٢٩$$

$$ب ي = س ظا ٣٠ = ٣٦٧٧٧٢$$

٣ — عند التقاط ل ، ف ، ي ، ... ز - م خطوط مستقيمة موازية لخط الطول الأوسط . هذه الخطوط تمثل خطوط الطول .

٤ — نحدد مواقع النقاط ح ، و ، هـ ، على خط الطول الأوسط والتي تمثل تقاطع دوائر العرض . كل نقطة منها تبعد عن مركز الخريطة ب مسافة = نق فا صفر ظا  $\phi$  . حيث  $\phi$  هو قيمة العرض .

فإذا كانت خطوط العرض ممثلة على المقياس كل ١٠ درجات

ب ح = نق فا صفر ظا ١٠ = ١١٢٣٢٠ كم

ب و = نق فا صفر ظا ٢٠ = ٢٣١٨٥٤٩ م

ب هـ = نق فا صفر ظا ٣٠ = ٣٦٧٧٧٢ م

٥ — نحدد مواقع النقاط ح' ، و' ، هـ' على خط الطول الذي يمر بنقطة ل

وكذلك مواقع النقاط ح'' ، و'' ، هـ'' على خط الطول الذي يمر بنقطة ف

وكذلك مواقع النقاط ح''' ، و''' ، هـ''' ... وهكذا

بحيث تبعد كل نقطة عن الاستواء بمسافة = نق فا  $\lambda$  ظا  $\phi$  . حيث  $\lambda$  هو

فرق الطول بين النقطة وخط الطول الأوسط وحيث  $\phi$  هو قيمة العرض .

وبذلك نحصل على الأبعاد الآتية :

ل ح' = نق فا ١٠ ظا ١٠ = ١١٤٠٥٢

ل و' = نق فا ١٠ ظا ٢٠ = ٢٣٥٤٧٦

ل هـ' = نق فا ١٠ ظا ٣٠ = ٣٧٢٤٧٤٦

ويكون

$$ف ح^{\circ} = تق ق^{\circ} ظا ٢٠ = ١٠ = ١١٩٥٣٠$$

$$ف و^{\circ} = تق ق^{\circ} ظا ٢٠ = ٢٠ = ٢٤٦٧٣٩$$

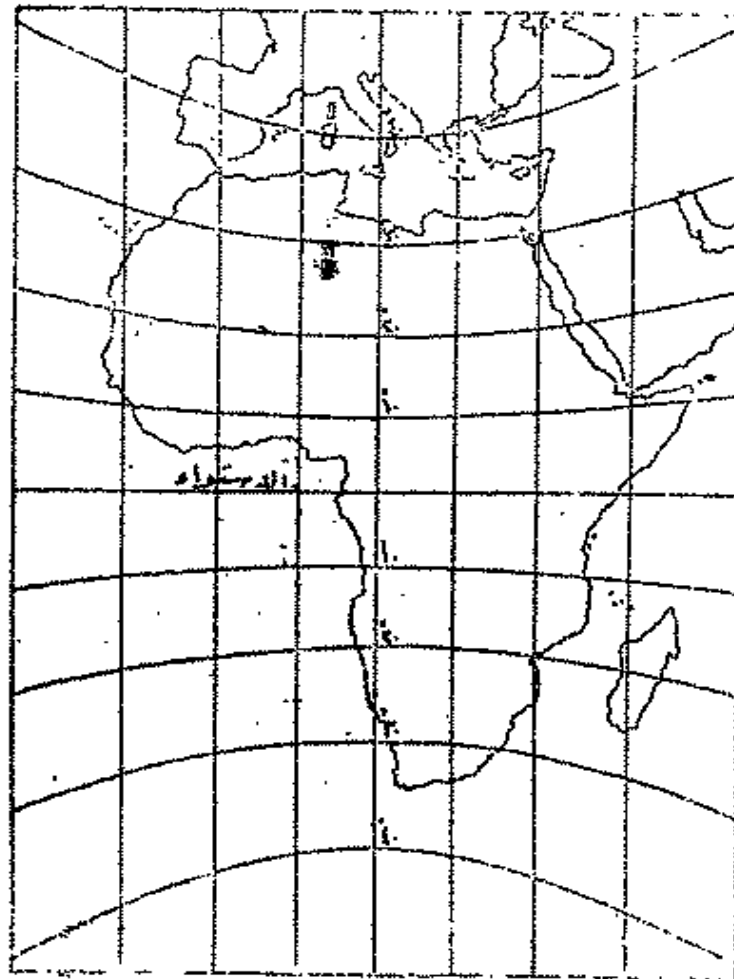
$$ف ه^{\circ} = تق ق^{\circ} ظا ٢٠ = ٣٠ = ٣٩١٣٧٥ \dots الخ$$

٦ - لما كان المسقط متماثلاً بالنسبة لخط الطول الأول بطر بالنسبة للاستواء،

لذلك توقع النقاط السابقة في الأرباع الثلاثة الباقية من الخريطة .

٧ - ترسم منحنيات العرض تمر بالنقط المتناظرة على كل خط طول ممثل

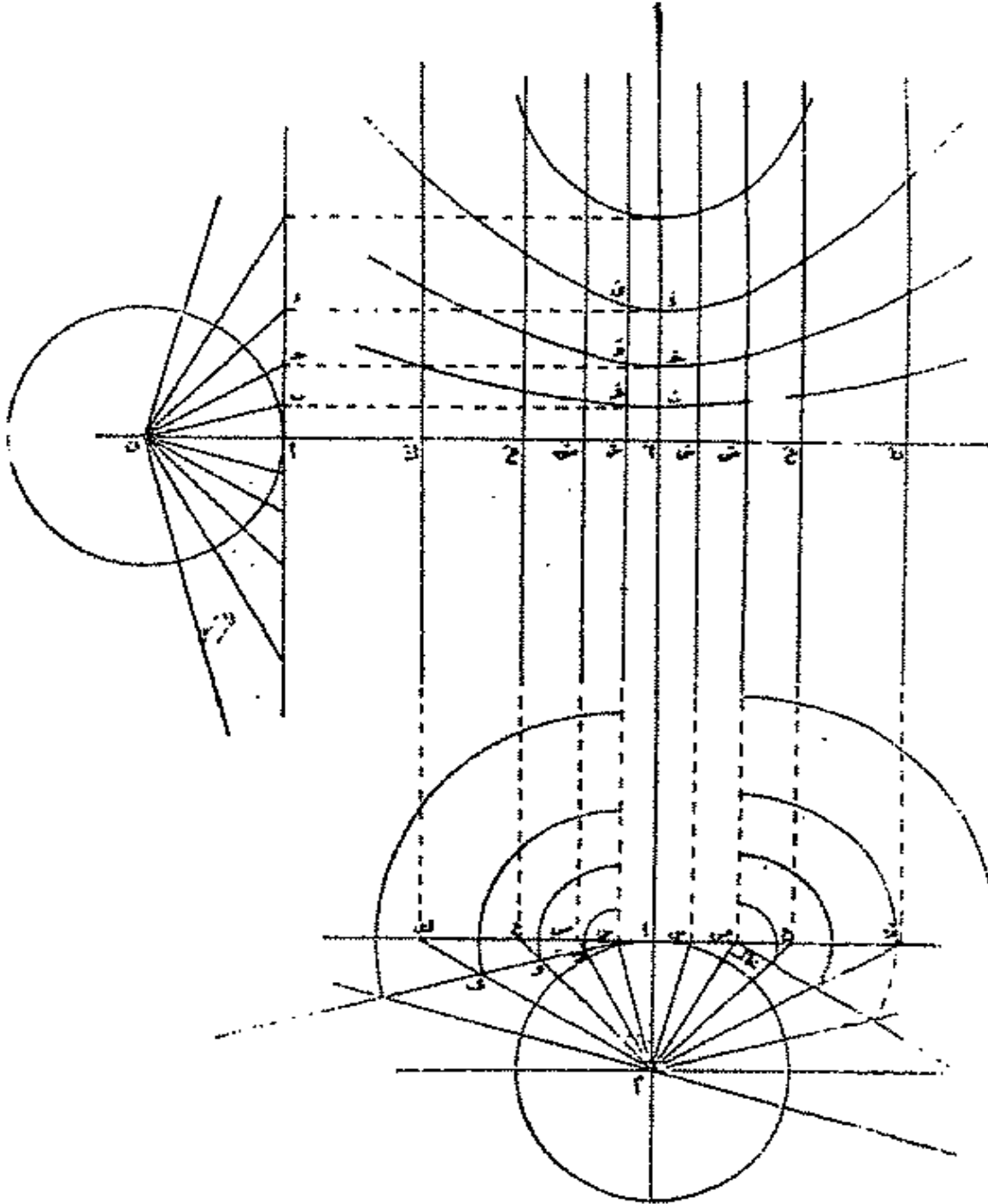
ح ح^{\circ} ، ح و^{\circ} ، ح ه^{\circ} ، ... وكذلك و و^{\circ} ، و ه^{\circ} ، ...



شكل ٥١

أفريقيا على مركزي استوائى - المركز عند الطول ١٥° شرق

الطريقة البيانية لرسم المسقط المركزى الاسـمـوائى



شكل ٥٢

## طريقة الرسم

١ — نرسم دائرتين متساويتين قطر كل منهما يساوى قطر الأرض تبعاً للقياس المطلوب .

الدائرة التي مركزها م تمثل الاستواء والآخرى ومركزها ن تمثل خط الطول الأوسط .

٢ — نرسم خطاً أفقياً من ن يمثل الاستواء على المسقط .

٣ — نرسم خطاً رأسياً من م يمثل خط الطول الأوسط على المسقط يقابل الاستواء في نقطة ١ .

٤ — نرسم زوايا العرض من المركز ن شمال وجنوب الاستواء ، ونمد أضلاع الزوايا إلى أن تقابل المماس الرأسى للدائرة ن عند النقط ب ، ح ، و ، وتكون النقط المقابلة ب' ، ح' ، و' ، ... على خط الطول الأوسط هي مواقع تقابله مع دوائر العرض .

٥ — نرسم زوايا الطول من المركز م شرق وغرب الطول الأوسط ، ونمد أضلاع الزوايا إلى أن تقابل المماس الأفقى للدائرة م عند النقط س ، ص ، ع ، ... وتكون النقط المقابلة س' ، ص' ، ع' ، ... على الاستواء هي مواقع تقابله مع خطوط الطول .

٦ — نرسم خطوط الطول تسمى بالنقط س' ، ص' ، ع' ، ... موازية لخط الطول الأوسط .

٧ — لإيجاد نقط تقابل دوائر العرض مع خط من خطوط الطول ، وليكن خط الطول الذي يمر بالنقطة من مثلاً : نرسم عند النقطة من خطاً عمودياً على م من يقابل الخطوط المجرورة م ص ، م ع ، م ل ، ... في النقط ه ، و ، ي ، ... تكون من ه ، س ، و ، س ي ، ... هي أبعاد دوائر العرض عن الاستواء .

٨ — على خط الطول الذي يمر بالنقطة من نحدد المسافات

من ه ، س ، و ، س ي ، ... مساوية للمسافات

من ه ، س ، و ، س ي ، ... على الترتيب

٩ — نكرر الخطوتين ٧ ، ٨ مع باقى خطوط الطول ، نحصل على نقط تقابلها مع دوائر العرض المختلفة .

١٠ — نصل بمجموعات النقط المتناظرة لنشكل منحنيات العرض .

### ثالثاً : المسقط المركزى المنحرف

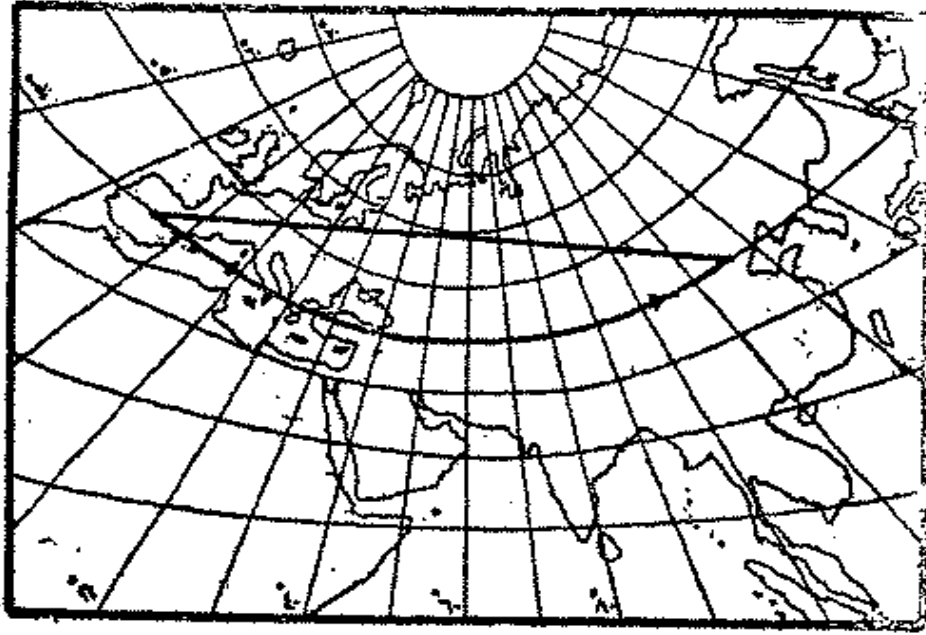
يرسم المسقط للمركزى المنحرف بالطريقة الحسابية وذلك للخرائط ذات المقياس الكبير .

وفى هذه الحالة يتم حساب المسافة القوسية ( مقسرة بالدرجات ) على سطح الأرض من مركز الخريطة إلى جميع المواقع التى تشكل الهيكل الجغرافى للمسقط . كما يتم حساب انحرافات تلك المواقع عن اتجاه الشمال عند مركز الخريطة .

ويتكون الهيكل الجغرافى المطلوب من مساواة تلك النقط . ويعمد مسقط

كل نقطة عن مركز الخريطة بمسافة تساوى تق طاً ( المسافة القوسية مقسومة بالدرجات ) ويكون على نفس الانحراف الاصلى على سطح الارض .

واعلول الحسابات الخاصة بهذا المسقط لا يستخدم إلا قليلاً في الخرائط الجغرافية . ولكنه واجب الاستخدام فى الخرائط ذات الأغراض الخاصة مثل خرائط الملاحة البحرية والجوية عندما يلزم التعرف على مسار أقصر الطرق .



شكّل ٥٣

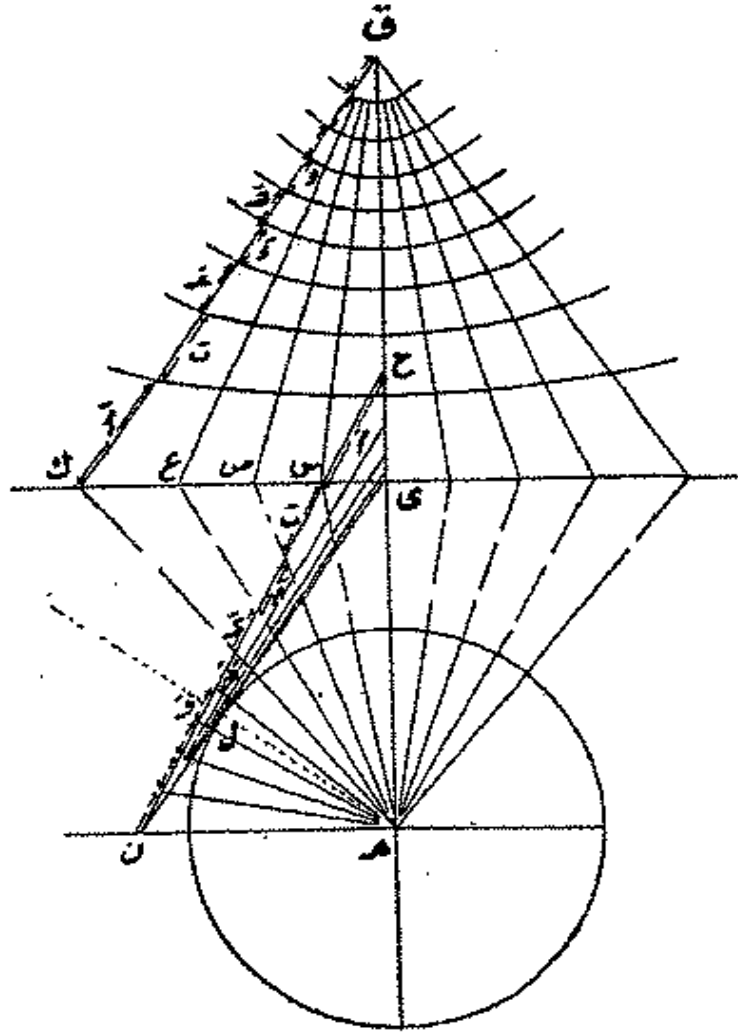
أوروبا وآسيا على مسقط مركزى منحرف  
الخط المستقيم بين مدريد وبيكين يمثل المسار على الدائرة العظمى  
الخط المنحنى بينهما يمثل المسار فى اتجاه الشرق .

وفى نهاية هذا الباب يرجد مثال محسوب لمسقط مركزى منحرف باستخدام

المسافات والاتجاهات على سطح الأرض من مركز الخريطة إلى باقى النقط  
المطلوب بيانها على الهيكل الجغرافى .

لرسم المسقط المركزى المنحرف بـ قياس صغير تستخدم الطريقة البيانية .

الطريقة البيانية لرسم المسقط المركزى المنحرف





- ١ — نرسم دائرة تمثل الكرة الأرضية تبعاً للقياس المطلوب .
- ٢ — نرسم قطرين متعامدين في الدائرة أحدهما رأسي والآخر أفقي .
- ٣ — عند المركز م نرسم زاوية مسع القطر الرأسي تساوي زاوية عرض مركز الخريطة . فيقابل ضلع الزاوية محيط الدائرة عند نقطة ل .
- ٤ — نرسم مماساً للدائرة عند ل يقابل امتداد القطر الأفقي عند ن ويقابل امتداد القطر الرأسي عند ي .
- ٥ — نرسم خطاً أفقياً عند ي يمثل خط الاستواء على المسقط .
- ٦ — عند القطر الرأسي م ي على استقامته إلى نقطة ق بحيث يكون ق ي = ن ي . نقطة ق تمثل القطب على المسقط .
- ٧ — من مركز الدائرة م نرسم زوايا الطول المطلوبة للسمين واليسار من القطر الرأسي م ي فتقابل مسقط الاستواء في النقط م ، ص ، ع ، ...
- ٨ — نصل القطب ق بالنقط م ، ص ، ع ... وتصبح تلك الخطوط خطوط الطول .
- ٩ — لإيجاد نقط تقاطع خط طول مثل ق ك مع باقي خطوط العرض، نرسم من النقطة ن مستقيماً ن ح طوله يساوي طول ق ك ويقع طرفه ح على الخط ق ي ( خط الطول الأوسط ) . يتقاطع الخط ن ح مع خطوط زوايا التماسول وهي م س ، م ص ، م ع ، ... في نقط تمثل أبعادها عن نقطة ح ( ب ، ج ، د ، ... ) أبعاد خطوط العرض المختلفة عن نقطة ك .
- ١٠ — نكرر الخطوة السابقة (٩) مع باقي خطوط الطول ثم نصل النقط المتناظرة على خطوط الطول فننتج منحنيات العرض .

## ٢ - المسقط الاستريوجرافي ( المجسم )

في هذا المسقط الانجاسي المنظور يسكون مركز الإسقاط عند نهاية القطر الذي يمر بمركز الخريطة . وجميع الدوائر المرصومة على سطح الأرض تسقط الى دوائر على سطح الخريطة فيما هذا تلك الدوائر التي تمر بمركز الإسقاط والتي تسقط الى خطوط مستقيمة .

ففي الحالة القطبية تسكون جميع خطوط الطول مستقيمة أما دوائر العرض فتسقط الى دوائر .

وفي الحالة الاستوائية تسكون جميع خطوط الطول والعرض دوائر ، ما عدا الطول الأوسط والاستواء فهما مستقيمان .

وفي الحالة المنحرفة تسكون جميع خطوط الطول والعرض دوائر ، بما عدا الطول الأوسط وخط العرض المار بمركز الإسقاط فهما مستقيمان .

### خاصية التشابه

ولو أن المسقط الاستريوجرافي ينتج بطريقة الإسقاط المنظور إلا أنه يحقق خاصية التشابه . فالزاوية على المسقط بين أي خطين تساوي الزاوية الأصلية على سطح الأرض بين الخطين المناظرين . وعلى ذلك : تتمتع خطوط الطول والعرض على المسقط مثلاً كانت متعامدة على سطح الأرض ، وكذلك تسكون الزوايا على المسقط بين خطوط الطول وبعضها مساوية للزوايا الأصلية المناظرة على سطح الأرض .

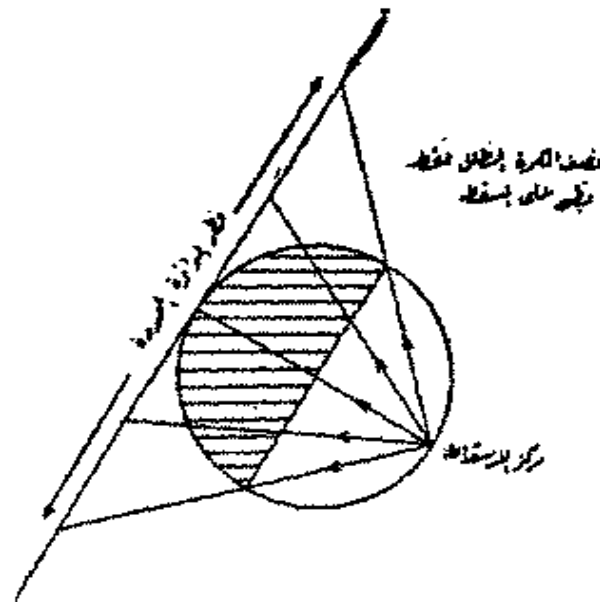
يستخدم المسقط الاستريوجرافي في الخرائط الفايكسية وذلك لسهولة حل

المسائل بيانياً . والمعروف أن المسار الظاهري البوصي لأي جرم سماوي هو دائرة وعلى ذلك يكون مسقط هذا المسار على الخريطة دائرة . ومن هنا نثبتين - - - - - بوجهة الحل البيانى على هذا المسقط .

يستخدم أيضا هذا المسقط في خرائط الملاحة والمساحة للمنطقة التي يظهر فيها القطب .

#### الدائرة المحددة للمسقط

في المسقط الاستريوجرافى واضح أن المقياس على الخريطة يكون مساوياً للمقياس على سطح الأرض وذلك عند نقطة المماس ( مركز الخريطة ) ، وبأخذ المقياس على المسقط في السكبر كلما ابتعدنا عن مركز الخريطة . لذلك اتفق على رسم نصف الكرة الأرضية ( التي يقع مركز الخريطة عند منتصفها ) دون النصف الآخر . ولما كان أى نصف للكرة الأرضية تحدده دائرة ، والدائرة على



شكل ٥٥

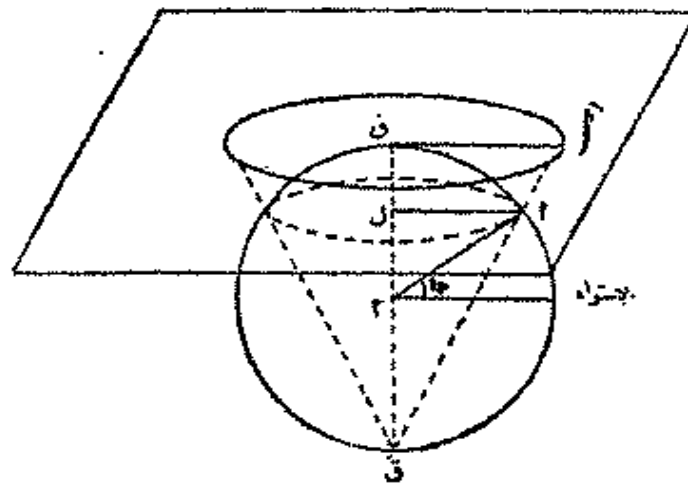
الأرض تسقط الى دائره على الخريطة ، لذلك يرسم المسقط الاستريوجرافي عادة داخل إطار دائري يسمى الدائرة المحددة للمسقط .  
ويمكن بسهولة بيان أن قطر الدائرة المحددة للمسقط يساوى ضعف قطر الأرض .

وبالطبع يمكن رسم أجزاء من نصف العالم بالمسقط الاستريوجرافي داخل أى إطار .

#### أولاً : المسقط الاستريوجرافي القطبي

سطح الخريطة يس سطح الأرض عند نقطة القطب والإسقاط يتم من القطب الآخر بالطريقة المنظورة .

تسقط خطوط الطول الى خطوط مستقيمة وتكون الزوايا بينها مساوية للزوايا الأصلية بين خطوط الطول عند القطب الأرضي . واضح أيضاً أن دوائر العرض تسقط الى دوائر مركزها هو نقطة القطب . ولكن تكون انحراف اقطار دوائر العرض على المسقط أكبر من نظيراتها على سطح الأرض .



شكل ٥٦

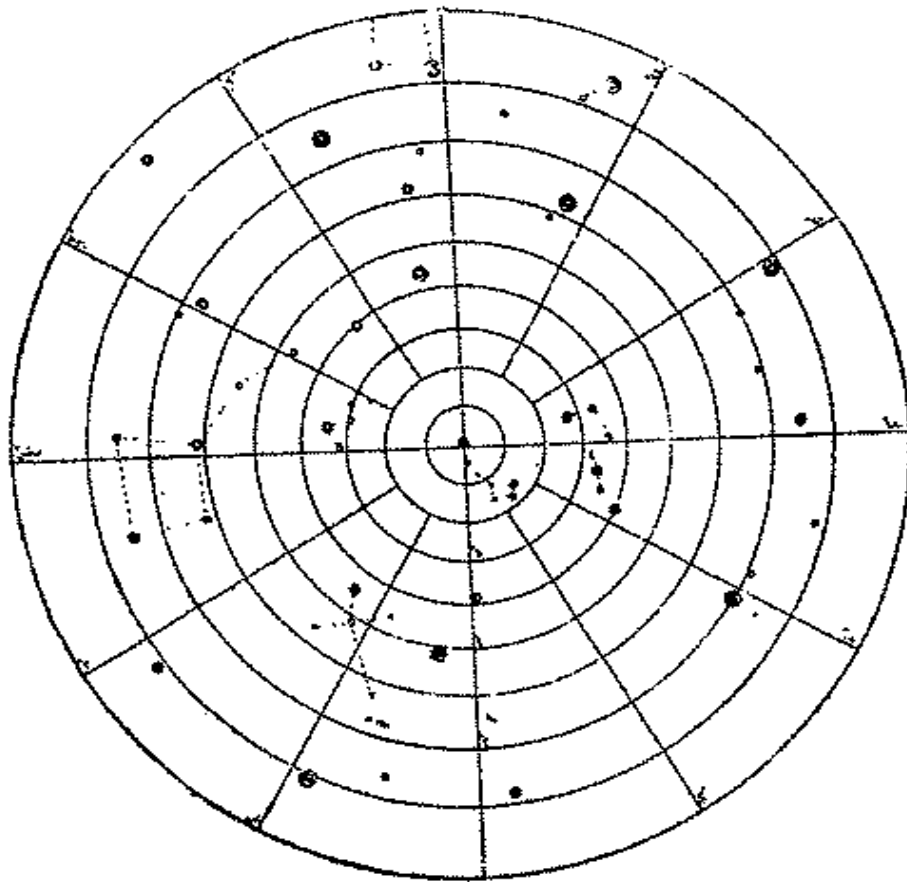


مساوية ( ٣٠° في شكل ٥٧ ) وهذه تمثل خطوط الطول .

٢ — من نقطة تقابل خطوط الطول ( التي تمثل القطب ) - مركز - نوسم

دوائر العرض بنصف أقطار =  $\frac{\phi - 90}{2}$  نق ظا ( ٢ نق ظا ٤٥ )

٢ نق ظا ٤٠ ، ٢ نق ظا ٣٥ ، ... في شكل ٥٧ . هذه الدوائر تمثل دوائر العرض

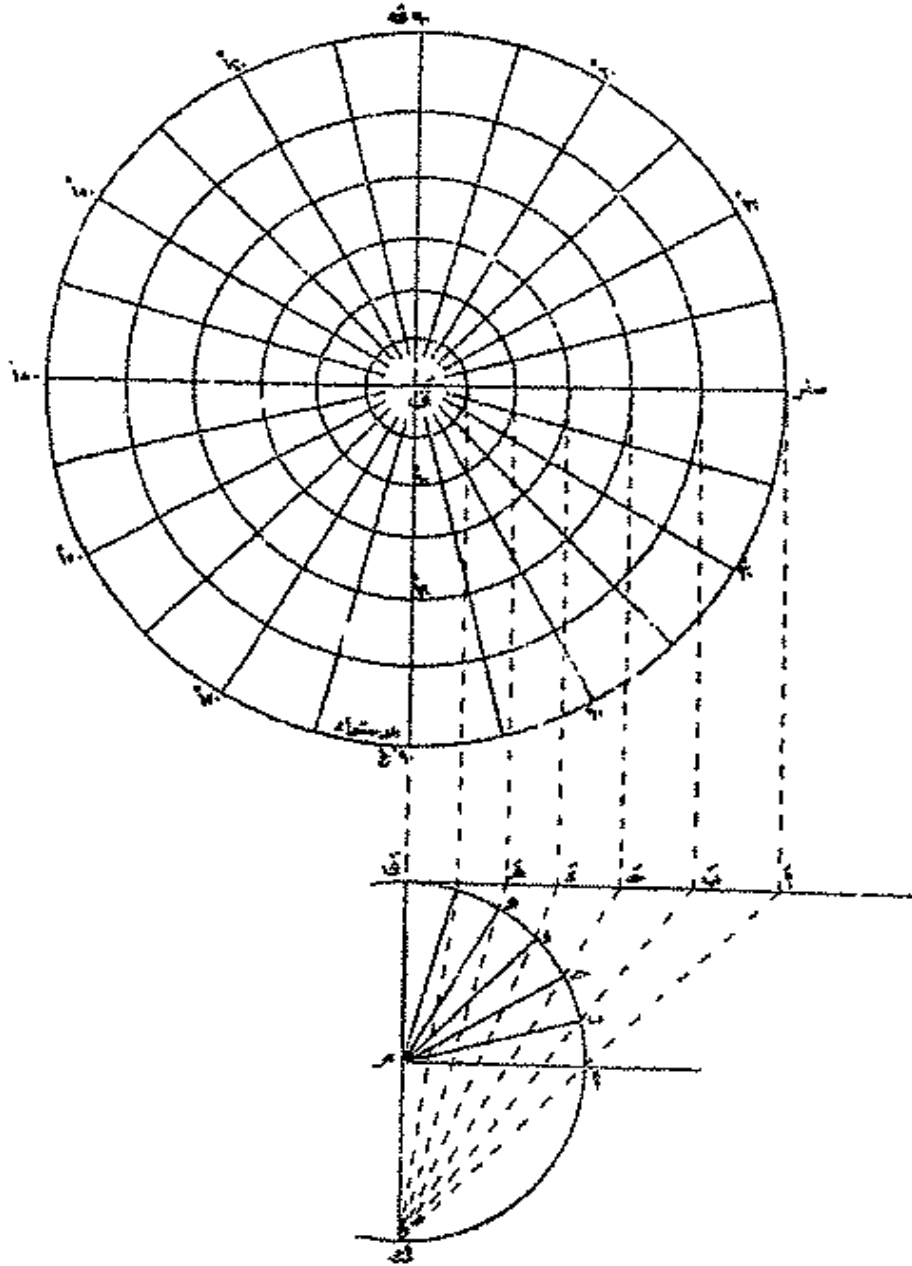


شكل ٥٧

مسقط استريوجرافي قطبي للنجوم الشمالية اللامعة

الدوائر تمثل خطوط الميل وهي تماثل خطوط العرض على الأرض والخطوط المستقيمة تمثل خطوط الزوال السماوية وهي تماثل خطوط الطول على الأرض

الطريقة البيانية لرسم المسقط الاستريوجرافي التقطبي



شكل ٨٠

١ - من المركز م رسم نصف دائرة تمثل خط طول دلي الارض بعمسا

القياس المطلوب

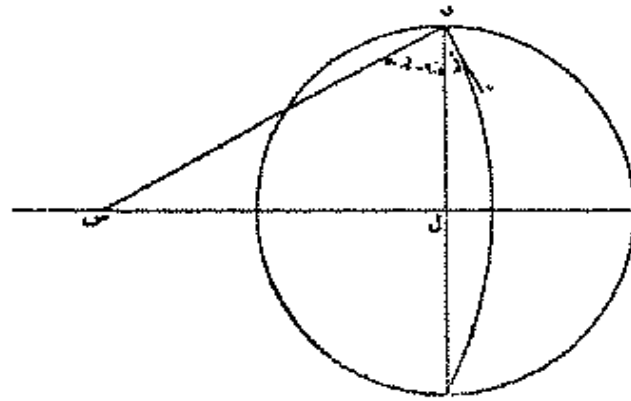
- ٢ — يرسم قطر رأسى يمر بالنقطين د ، ك . ويرسم مماسا للدائرة عند د
- ٣ — نمد د على استقامته الى نقطة مثل ه تمثل القطب على المسقط .
- ٤ — عند د نرسم مجموعة خطوط الطول تصنع فيها بينها الزوايا المطلوبة .
- ٥ — نحدد النقط ا ، ب ، ج ، د ، ه ، ... على قوس خط الطول تمثل تقاطعات خطوط العرض المختلفة
- ٦ — نمد الخطوط المستقيمة ك ا ، ك ب ، ك ج ، ... الى أن تقابل المماس عند د فى النقط ا' ، ب' ، ج' ، ... على التوالي .
- ٧ — من المركز د نرسم دوائر العرض بأصناف أقطار د ا' ، د ب' ، د ج' ... ينتج المسقط المطلوب

### ثانيا : المسقط الاستريوجرافى الاستوائى

لانشاء هذا المسقط يتم الاستفادة من الخصائص الهندسية له وهى :

- ١ — خطوط الطول والعرض أقواس دوائر فيما عدا خط الطول الأوسع وخط الاستواء فهما مستقيمان
  - ٢ — على المسقط تنعكس خطوط الطول والعرض كما كانت أصلا متعامدة على سطح الأرض .
- وهى ذلك تلخص طريقة انشاء المسقط فى إيجاد مواقع مراكز أقواس دوائر الطول والعرض وكذلك فى إيجاد قيم انصاف أقطارها .
- لإيجاد مواقع مراكز أقواس دوائر الطول وانصاف أقطارها





شكل ٥٩

- ١ - تقع جميع المراكز على خط الاستواء وامتداده
- ٢ - إذا كانت  $\lambda$  هي قيمة الزاوية على سطح الأرض بين خط الطول المطلوب رسمه وخط الطول الأوسط فإن الزاوية بين مسقطيهما تكون أيضا  $\lambda$ .
- وعلى ذلك يقع المركز المطلوب عند نقطة س على الاستواء حيث :

$$س ن ل = 90^\circ - \lambda$$

$$\text{من المثلث س ق ل} \quad ل س = ل ق \text{ ظل } \lambda$$

$$ل ن \text{ يمثل نصف قطر الدائرة المحددة أى قطر الأرض } ٢ \text{ نق}$$

$$\therefore \text{ بعد المركز عن مركز الخريطة } ٢ \text{ نق ظل } \lambda$$

$$٣ - \text{ من المثلث س ن ل} \quad س ن = ل ن \text{ ظل } \lambda$$

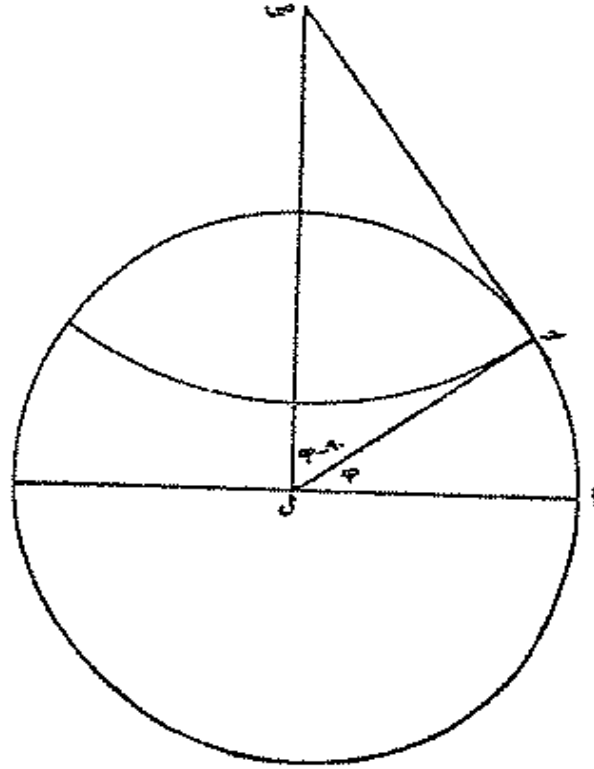
$$\text{نصف القطر المطلوب } ٢ \text{ نق ظل } \lambda$$

لايجاد مواقع مراكز أفراس دوائر العرض وأنصاف أقطارها

- ١ - تقع جميع مراكز العرض على امتداد خط الطول الأوسط

- ٢ - إذا كانت  $\phi$  هي قيمة زاوية دائرة العرض المطلوب رسمها فإن

$$\phi = ل ن س >$$



شكل ٦٠

وعلى ذلك يقع المركز المطلوب عند نقطة من على امتداد خط الطول الأرضي  
ومحيث تكون  $\gamma > \delta$  من  $\delta$  قائمة كما كانت أصلاً على سطح الأرض .

في المثلث من  $\delta$  ل

$$ل = \delta \quad \text{ل ح قتا } \phi$$

بعد المركز المطلوب عن مركز الخريطة  $\gamma = \delta$  نق قتا  $\phi$

$\gamma$  - في المثلث من  $\delta$  ل  $\delta = \delta$  ل ح قتا  $\phi$

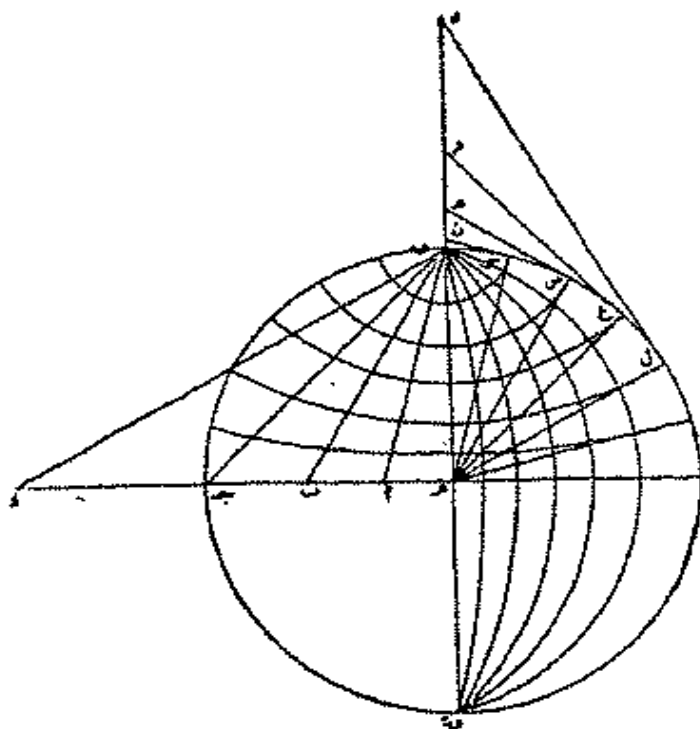
نصف القطر المطلوب  $\gamma = \delta$  نق قتا  $\phi$

### طريقة الانشاء

- ١ — ترسم الدائرة المحددة المسقط بنصف قطر يساوى قطر الأرض تبعاً للمقياس المطلوب
- ٢ — يرسم قطر رأسى يمثل خط الطول الأوسط وقطر أفقى يمثل الاستواء
- ٣ — تحدد مواقع مراكز أقواس دوائر خطوط الطول على خط الاستواء وامتداده بحيث تبعد عن مركز الدائرة المحددة بمسافات تساوى ٢ تق طتا  $\lambda$
- ٤ — من كل مركز يرسم قوس دائرة بنصف قطر يساوى ٢ تق طتا  $\lambda$
- ٥ — نوقع مراكز أقواس دوائر العرض على امتداد خط الطول الأوسط بحيث تبعد عن مركز الدائرة المحددة بمسافات تساوى ٢ تق طتا  $\phi$
- ٦ — من كل مركز يرسم قوس دائرة بنصف قطر يساوى ٢ تق طتا  $\phi$

### الطريقة البيانية لرسم المسقط الاستريوجرافى الاستوائى

- ١ — من المركز م ترسم الدائرة المحددة للمسقط بنصف قطر يساوى قطر الأرض .
- ٢ — يرسم قطر أفقى يمثل الاستواء وقطر رأسى يمثل خط الطول الأوسط الذى يقابل الدائرة المحددة فى نقطتي القطبين  $ن$  ،  $ن'$  .
- ٣ — عند  $ن$  ترسم الزوايا  $م$  ،  $ن$  ،  $ب$  ،  $م$  ،  $ن$  ،  $د$  ،  $م$  ،  $ن$  ،  $هـ$  ، ... بحيث تقع  $ب$  ،  $د$  ،  $هـ$  ، ... على الاستواء وامتداده وبحيث تكون تلك الزوايا متساوية لمتجهات زوايا الطول المطلوبة .



۶۱

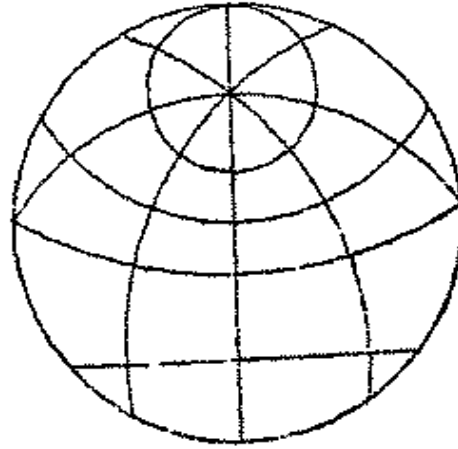
١ - ترسم أقواس دوائر الطول من المركز م ، ن ، ح ، د ...  
بأنصاف أقطار م ن ، ن ح ، ح د ، ...

٥ - يقسم محيط الدائرة المحددة للنقط إلى أقسام متساوية في النقط  
س، ص، ع، ... ونصل م س، م ص، م ع، ...

٦ - نرسم مماسات للدائرة المحددة عند م ، ص ، ع ، ... تقابل امتداد  
خط الطول الأوسط في النقط ن ، هـ ، و ، ... .

٧ - ترسم أقواس دوائر العرض من المراكز ن، هـ، و، ... بالنصف  
أقطار ن س، هـ ص، و ع، ...

ثالثا : المخطط الاستريوجرافي المنحرف



شكل ٦٢

الهيكل الجغرافي لمخطط استريوجرافي منحرف  
مركزه عند العرض ٣٠° شمال

لإنشاء المخطط الاستريوجرافي المنحرف يتم الاستفادة من الخصائص الهندسية للمخطط والتي سبق ذكرها في الحالات القطبية والاستوائية .

في هذه الحالة يظهر خط الطول الأوسط خطا مستقيما ، كما يظهر خط العرض الذي يمر بمركز الإسقاط خطا مستقيما عموديا على خط الطول الأوسط .

تقع مراكز أقواس دوائر العرض على خط الطول الأوسط وامتداده —  
وتقع مراكز أقواس دوائر الطول على المستقيم الذي يمثل خط عرض مركز الإسقاط .

وعلى ذلك تتلخص طريقة إنشاء المخطط في إيجاد مواقع مراكز أقواس دوائر العرض والطول وكذلك في إيجاد قيم انصاف أقطارها .

حساب الأبعاد على المسقط

$$\frac{ل ن}{ل ط} = ظا > ل ط ن$$

$$ل ن = ل ط ظا > ل ط ن = ٢ نق ظا \frac{1}{٢} (٩٠ - \alpha)$$

٢ نق ظا  $(\frac{\alpha}{٢} - ٤٥)$  أى أن نقطة القطب ن على الخريطة تقع على خط الطول

الأوسط وعلى بعد من مركز الخريطة ل بمسافة ٢ نق ظا  $\frac{1}{٢} (٩٠ - \alpha)$ .

٢ - خط عرض مركز الإسقاط ط يسقط على الخريطة عمودياً على خط الطول الأوسط ويقطعه عند نقطة ١

$$\alpha = ل ط ن >$$

$$\frac{ل ١}{ل ط} = ظا > ل ط ١$$

$$ل ١ = ل ط ظا > ل ط ١ = ٢ نق ظا \alpha$$

أى أن خط عرض مركز الإسقاط يبعد عن مركز الخريطة بمسافة ٢ نق ظا  $\alpha$ .

٤ - على المسقط يبعد القطب عن خط عرض مركز الإسقاط بمسافة ١ ن

$$ل ١ = ل ١ + ل ن = ٢ نق ظا \alpha + ٢ نق ظا (\frac{\alpha}{٢} - ٤٥)$$

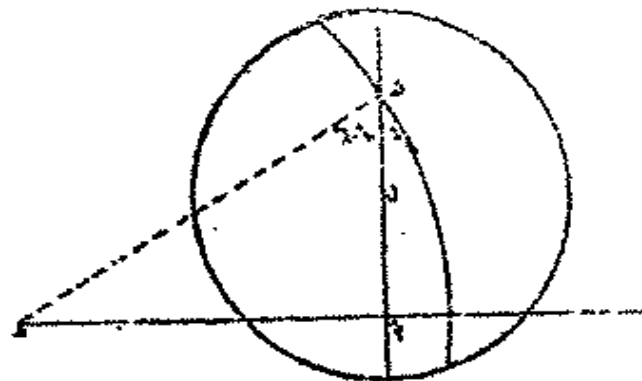
$$\gamma = \text{نق} \left( \frac{\frac{\alpha}{\gamma} \text{ظا} - 1}{\frac{\alpha}{\gamma} \text{ظا} + 1} + \frac{\frac{\alpha}{\gamma} \text{ظا} \gamma}{\frac{\alpha}{\gamma} \text{ظا} - 1} \right)$$

$$\gamma = \text{نق} \left( \frac{\frac{\alpha}{\gamma} \text{ظا} \gamma + \frac{\alpha}{\gamma} \text{ظا} \gamma - 1 + \frac{\alpha}{\gamma} \text{ظا} \gamma}{\frac{\alpha}{\gamma} \text{ظا} - 1} \right)$$

$$\gamma = \text{نق} \frac{\frac{\alpha}{\gamma} \text{ظا} \gamma + \frac{\alpha}{\gamma} \text{ظا} \gamma}{\frac{\alpha}{\gamma} \text{ظا} - 1} = \frac{\frac{\alpha}{\gamma} \text{ظا} + 1}{\frac{\alpha}{\gamma} \text{ظا} - 1} \quad \gamma = \text{نق} \frac{\frac{\alpha}{\gamma} \text{ظا} + 1}{\frac{\alpha}{\gamma} \text{ظا} - 1}$$

$$\gamma = \text{نق} \frac{1}{\alpha} \times \text{نق} \gamma = \text{نق} \frac{1}{\alpha}$$

لایجاد مواقع مراکز افق در دایره الطول و انصاف اقطارها



شکل ٦٤



١ - إذا كانت  $\lambda$  هي قيمة الزاوية على سطح الأرض بين خط الطول المطلوب رسمه وخط الطول الأوسط ، فإن الزاوية بين مسقطيها تكون أيضا  $\lambda$

وعلى ذلك يقع المركز المطلوب عند النقطة هـ حيث

$$\angle \text{هـ} \text{و} \text{ا} = 90^\circ - \lambda$$

$$\angle \text{ظنا} = \frac{\text{هـ} \text{و} \text{ا}}{\lambda}$$

$$\angle \text{هـ} \text{و} \text{ا} = \angle \text{و} \text{ا} \text{ظنا} = \lambda \text{ تقا} \alpha \text{ ظنا} \lambda$$

أى أن المركز يبعد عن خط الطول الأوسط بمسافة  $\gamma$  تقا  $\alpha$  ظنا  $\lambda$

$$\angle \text{ظنا} = \frac{\text{هـ} \text{و} \text{ا}}{\lambda} = \gamma$$

$$\angle \text{هـ} \text{و} \text{ا} = \angle \text{و} \text{ا} \text{ظنا} = \lambda \text{ تقا} \alpha \text{ ظنا} \lambda$$

أى أن نصف القطر المطلوب يساوى  $\gamma$  تقا  $\alpha$  ظنا  $\lambda$

لإيجاد مواقع مراكز أقواس دوائر العرض وأصاف أقطارها

١ - إذا كانت حـ ، و نقطتى تقاطع دائرة العرض  $\phi$  مع خط الطول الأوسط على سطح الأرض فإن حـ ، و هما نقطتا تلاقى امتدادى ط حـ ، ط و مع الخريطة بثلاثين أقرب وأبعد نقطتين من مركز الخريطة ل وذلك بالنسبة لمحيط هذه الدائرة على المسقط .



$$\frac{ل ح'}{ل ط} = ظا > ل ط ح'$$

$$ل ح' = ل ط \times ظا > ل ط ح'$$

$$= ۲ نق ظا \frac{۱}{۲} (\alpha - \phi)$$

$$\frac{ل و'}{ل ط} = ظا > ل ط و'$$

$$ل و' = ل ط ظا > ل ط و' = ۲ نق ظنا \frac{۱}{۲} (\alpha + \phi)$$

$$= ل س - \frac{ل ح' + ل و'}{۲}$$

$$= نق [ ظا \frac{۱}{۲} (\alpha - \phi) + ظنا \frac{۱}{۲} (\alpha + \phi) ]$$

$$= نق \left[ \frac{جنا \frac{۱}{۲} (\alpha + \phi)}{جا \frac{۱}{۲} (\alpha + \phi)} + \frac{جا \frac{۱}{۲} (\alpha - \phi)}{جنا \frac{۱}{۲} (\alpha - \phi)} \right]$$

$$= نق \left[ \frac{جنا \frac{۱}{۲} (\alpha + \phi) جنا \frac{۱}{۲} (\alpha - \phi) + جا \frac{۱}{۲} (\alpha + \phi) جا \frac{۱}{۲} (\alpha - \phi)}{جا \frac{۱}{۲} (\alpha + \phi) جنا \frac{۱}{۲} (\alpha - \phi)} \right]$$

$$= \frac{۲ نق جنا \alpha}{جا \alpha + جا \phi}$$

أى أن مركز قوس دائرة العرض  $\phi$  يقع على خط الطول الأوسط ويعد

$$\text{من مركز الخريطة ل بمسافة } \lambda \text{ نقي } \frac{\text{جتا } \alpha}{\text{جا } \alpha + \phi}$$

$$\frac{\lambda' - \lambda''}{2} = \lambda - \lambda'$$

$$= \text{نقي} [ \text{ظل} \frac{1}{2} (\alpha - \phi) - \text{ظل} \frac{1}{2} (\alpha + \phi) ]$$

$$= \text{نقي} \left[ \frac{(\alpha - \phi) \frac{1}{2} \text{جتا}}{(\alpha - \phi) \frac{1}{2} \text{جتا}} - \frac{(\alpha + \phi) \frac{1}{2} \text{جتا}}{(\alpha + \phi) \frac{1}{2} \text{جتا}} \right]$$

$$= \text{نقي} \left[ \frac{(\alpha - \phi) \frac{1}{2} \text{جتا} (\alpha + \phi) \frac{1}{2} \text{جتا} - (\alpha - \phi) \frac{1}{2} \text{جتا} (\alpha + \phi) \frac{1}{2} \text{جتا}}{(\alpha - \phi) \frac{1}{2} \text{جتا} (\alpha + \phi) \frac{1}{2} \text{جتا}} \right]$$

$$= \text{نقي } \frac{\text{جتا } \phi}{\text{جا } \alpha + \phi}$$

$$\text{أى أن نصف قطر قوس دائرة العرض } \phi \text{ يساى } \lambda \text{ نقي } \frac{\text{جتا } \phi}{\text{جا } \alpha + \phi}$$

مثال

مسطح استريوجرافى منحرف مركزه عند العرض  $20^\circ$  شمال ؛ المقياس

١ : ٥٠ مليون مع بيان خطوط الطول والعرض كل  $10^\circ$ .

١ - نق = ١٢٧٤ سم

٢ - نصف قطر الدائرة المحددة بالنقط ٢ نق = ٢٥١٨ سم

٣ - بعد نقطة القطب ن عن مركز الخريطة ل = ٢ نق ظا (٤٥ - ٣٠)

= ١٤٧١١ سم

٤ - بعد خط العرض ٣٠ جنوب عن مركز الخريطة = ٢ نق ظا ٣٠

= ١٤٧١١ سم

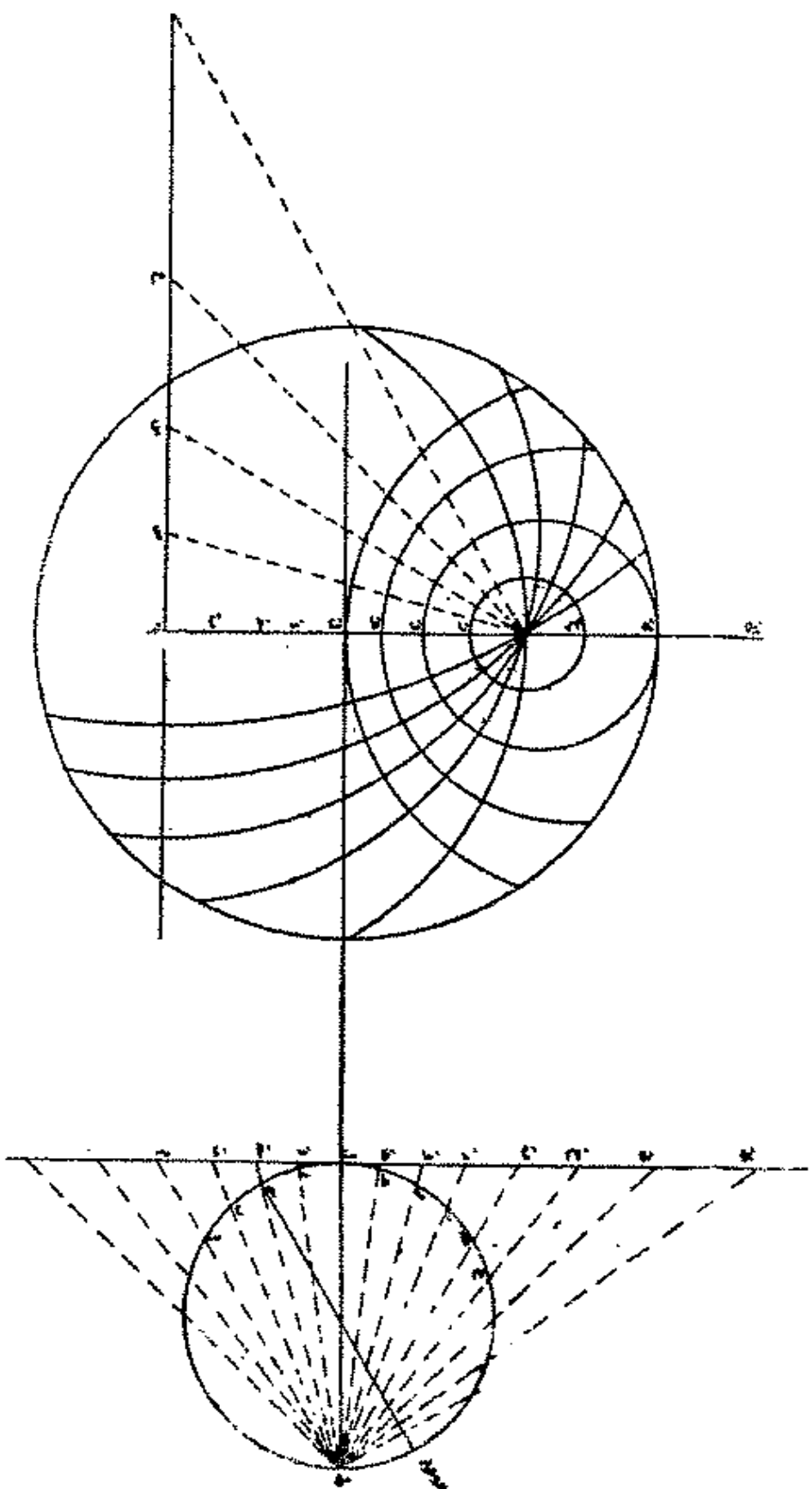
٥ - أقواس دوائر الطول

بعد مركز الدائرة عن خط الطول الأوسط ٢ نق قا ٣٠ ظا λ	قيمة نصف القطر ٢ نق قا ٣٠ قتا λ
° ١٥ سم ١٠٩٨٠٤	سم ١١٣٦٧٧
° ٣٠ • ٥٠٦٦٠	• ٥٨٥٨٤٤
° ٤٥ • ٢٩٤٢١	• ٤١٦٠٩
° ٦٠ • ١٦٩٨٧	• ٢٣٦٩٧٣
° ٧٥ • ٧٨٨٣	• ٣٠٦٤٦٠
° ٩٠ صفر	• ٢٩٦٤٢

٦ — أقياس دوائر العرض

قيمة نصف القطر $\frac{2 \text{ نق حـ} \phi}{\phi \text{ حـ} + 30 \text{ حـ}}$	بعد مركز الدائرة عن مركز الخريطة ل $\frac{2 \text{ نق جتا } 30}{\phi \text{ حـ} + 30 \text{ حـ}}$	°
سم ٤٧٥٠٠	سم ١٥٧٠٠٣	٧٥ ش
٩٧٣٢٦	١٦٧١٥٤	٦٠ ش
١٤٧٩٢٦	١٨٧٢٨٠	٤٥ ش
٢٢٧٠٦٦	٢٢٧٠٦٦	٣٠ ش
٣٢٧٤٣٤	٢٩٧٠٨٠	١٥ ش
٥٠٧٥٦٠	٤٤٧١٣٣	الاستواء
١٠٢٧٥٤٧	٩١٧٤٩٣	١٥ حـ
١٤٧٧١١ سم (خطورة ٣)	خط مـ تقم بعد عن مركز الخريطة بمـافة ١٤٧٧١١ سم (خطورة ٣)	٣٠ حـ
٨٦٧٩٩٤	١٠٦٧٥٤٦	٤٥ حـ

الطريقة البيانية لرسم المسقط الاستوائي المنحرف



شكل ٢٢

## طريقة الرسم

- ١ — ترسم دائرة تمثل خط الطول الأوسط على سطح الأرض .
- ٢ — يرسم ط ل قطر أفقياً في الدائرة . ط تمثل مركز الاسقاط ، ل تمثل مركز الخريطة . وعند ل يرسم مماس للدائرة يمثل خط الطول الأوسط في المسقط
- ٣ — يرسم قطر آخر في الدائرة يصنع مع القطر ط ل زاوية تساوي زاوية عرض مركز الخريطة . هذا القطر يمثل الاستواء .  
ويبين القطبين على محيط الدائرة .
- ٤ — نحدد النقط ( ا ، ب ، ج ، د ، هـ ، ... ) على محيط الدائرة ، تمثل تقاطعات خطوط العرض المختلفة مع خط الطول الأوسط .
- ٥ — نمد المستقيمات ط ا ، ط ب ، ط ج ، ط د ، ط هـ ، ... على استقامتها حتى تقابل المماس عند ل في النقط ( ا' ، ب' ، ج' ، د' ، هـ' ، ... ) على التوالي
- ٦ — نحدد ط ل على امتدادها الى ل' . ومن المركز ل' نرسم الدائرة المحددة للمسقط بنصف قطر يساوي قطر الدائرة الأرضية ط ل .
- ٧ — نرسم قطراً رأسياً في الدائرة المحددة للمسقط يمثل خط الطول الأوسط
- ٨ — على خط الطول الأوسط في المسقط نحدد مواقع النقط ( ا' ، ب' ، ج' ، د' ، هـ' ، ... ) السابق الحصول عليها في الخطوة ( ٥ )
- ٩ — عند ( ا' ) نرسم مستقيماً عمودياً على خط الطول الأوسط يمثل دائرة عرض مركز الاسقاط ط ويكون هـ رأياً أيضاً المحل الهندسي لمراكز أقطب واس



١٠ — على المحل الهندسى السابق ، نحدد مراكز الأقواس المطلوبة عند  
من ، ص ، ع ... بحيث تكون الزوايا  $\angle \text{هـ} \text{ـص} \text{ـس}$  ،  $\angle \text{هـ} \text{ـص} \text{ـع}$  ،  $\angle \text{هـ} \text{ـع} \text{ـص}$  ...  
مساوية لمتجهات زوايا الطول المطلوبة . ومن س ، ص ، ع ، ... نرسم الأقواس  
المطلوبة بأنصاف أقطار س هـ ، ص هـ ، ع هـ ، ...

١١ — نرسم دوائر العرض بحيث تكون أزواج النقط المتناظرة على  
خط الطول الأوسط أقطارا فيها . مثل ج ر ، ي و ، ك هـ ، ...

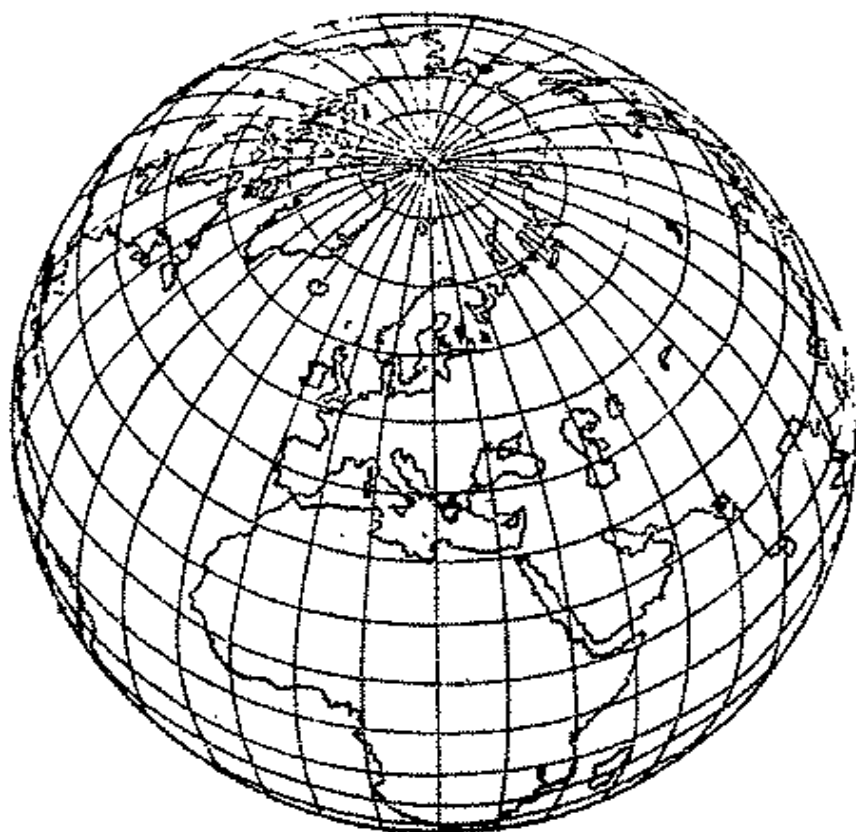
المسقط الاستريوجرافى المنحرف بمقياس كبير

في نهاية هذا الباب يوجد مثال محسوب لمسقط استريوجرافى منحسرف  
بإستخدام المسافات والإتجاهات على سطح الأرض بين مركز الخريطة وباقى  
النقط المطلوب بيانها على الهيكل الجغرافى .

٢ — المسقط الأورتوجرافى

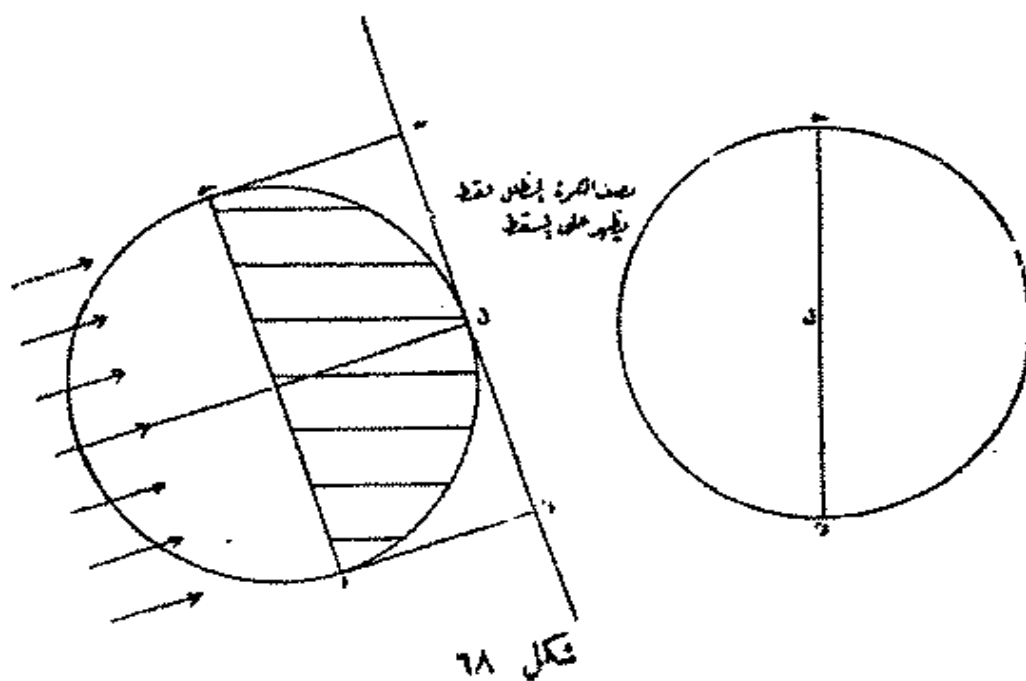
في هذا المسقط الانجاسى المنظور تكون أشعة الإسقاط متوازية وعمودية  
على سطح الخريطة .

وبصفة عامة ، أى دائرة مرسومة على سطح الأرض تسقط الى قطع ناقص  
على سطح الخريطة إلا اذا كان مستوى تلك الدائرة عموديا على أشعة الإسقاط  
وعندئذ تسقط تلك الدائرة الى دائرة مساوية لها تماماً . كما وأنه إذا كان مستوى  
تلك الدائرة يوازي أشعة الإسقاط فمنسددئذ تسقط الدائرة الى خط مستقيم  
طوله يساوى قطر الدائرة .



شکل ۶۷

مستطیل اور تو جرافی مرکزہ (عرض ۴۰° شمال، طول ۲۰° شرق)



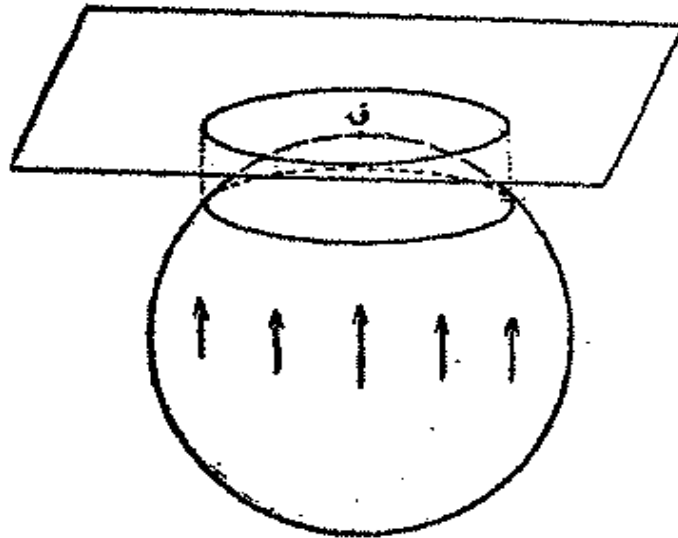
شکل ۶۸

### الدائرة المحددة للمسقط

على المسقط الاورثوجرافي لا يمكن بيان سوى نصف الكرة الأرضية الذي يتوسطه مركز الخريطة ل ، وهذا النصف يحده على سطح الأرض دائرة عظمى يكون مستواها عموديا على مسار أشعة الإسقاط . ولذلك تسقط هذه الدائرة العظمى الى دائرة مساوية تماما وتسمى الدائرة المحددة للمسقط .

### أولا : المسقط الاورثوجرافي القطبي

سطح الخريطة يمس سطح الأرض عند نقطة القطب . وأشعة الإسقاط تكون موازية لمحور دوران الأرض .



شكل ٦٩

تسقط خطوط الطول الى خطوط مستقيمة وتكون الزوايا بينها مساوية للزوايا الأصلية بين خطوط الطول عند القطب الأرضي .

واضح أن دوائر العرض تنسقط إلى دوائر مساوية تماماً للدوائر الأصلية على سطح الأرض ويكون مركزها عند نقطة القطب .

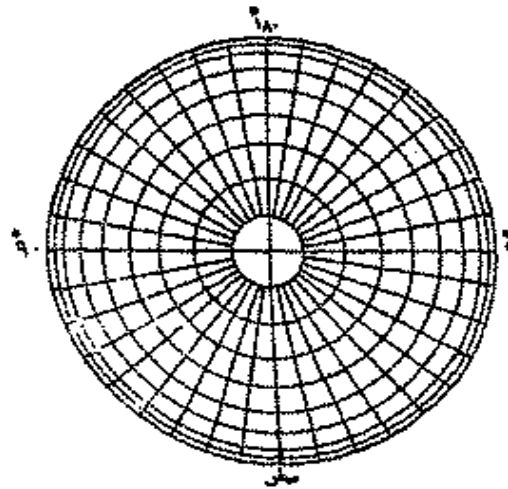
نصف قطر دائرة العرض  $\phi$  على الأرض =  $\phi$  جتا  $\phi$

طريقة الإنشاء

١ — ترسم مجموعة من الخطوط المتقابلة في نقطة تصنع فيها بينها (واحدة متساوية (١٠° في شكل ٧٠) . هذه تمثل خطوط الطول .

٢ — من نقطة تقابل خطوط الطول ( التي تمثل القطب ) كمركز - ترسم دوائر العرض بنصف أقطار تساوي  $\phi$  جتا  $\phi$  ( تقبنا ٨٠° ، تقبنا ٧٠° ، تقبنا ٦٠° ، ... في شكل ٧٠ )

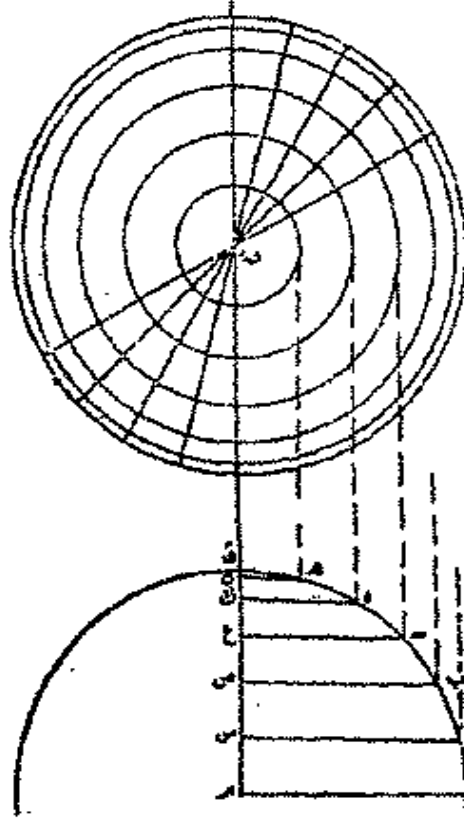
هذه الدوائر تمثل دوائر العرض



شكل ٧٠

المشكل الجغرافي لمسقط أودنجرافى قطبي

الطريقة البيانية لرسم المسقط الارضي جرائي القطبي



شكل ٧١

طريقة الرسم

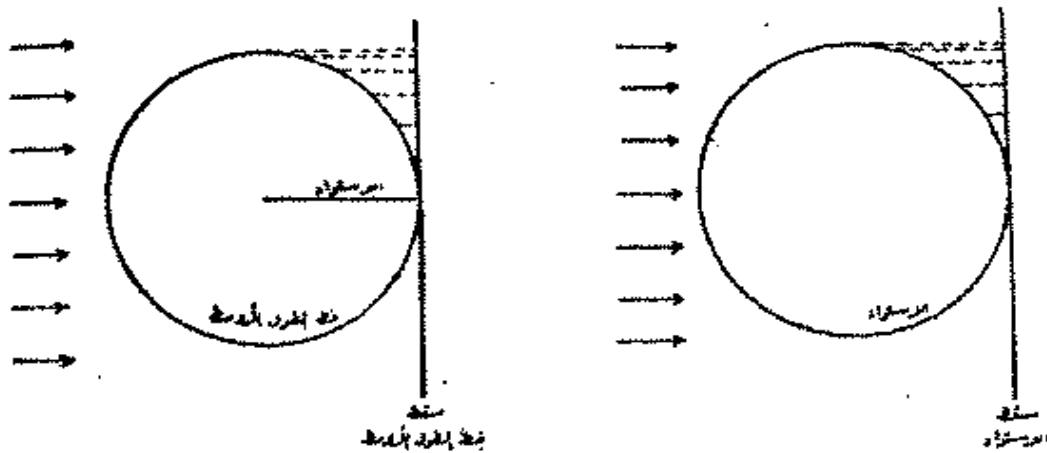
- ١ - من المركز م ترسم دائرة تمثل الأرض ( شكل ٧١ )
- ٢ - يرسم قطر أفقي يمثل الاستواء وقطر رأسي يمر بالقطب ق
- ٣ - يقسم محيط الدائرة الى أقسام متساوية عند النقط ١ ، ب ، ج ، د ...
- ٤ - تسقط أعداد من النقط ١ ، ب ، ج ، د ... على القطر الرأسى لتقابلها في م ، ص ، ع ، ...

٥ - من نقطة مثل ق على الخريطة ترسم مجموعة خطوط الطول المنحني فيما بينها زوايا متساوية

٦ - من المركز نرسم دوائر العرض بأقطار متساوية من ١  
من ٢ ع ٣ ح ٤ ...

### ثانياً : المسقط الاورثوجرافي الاستوائي

سطح الخريطة يمس سطح الأرض عند خط الاستواء وأشعة الإسقاط تكون موازية لمستوى الاستواء



شكل ٧٢

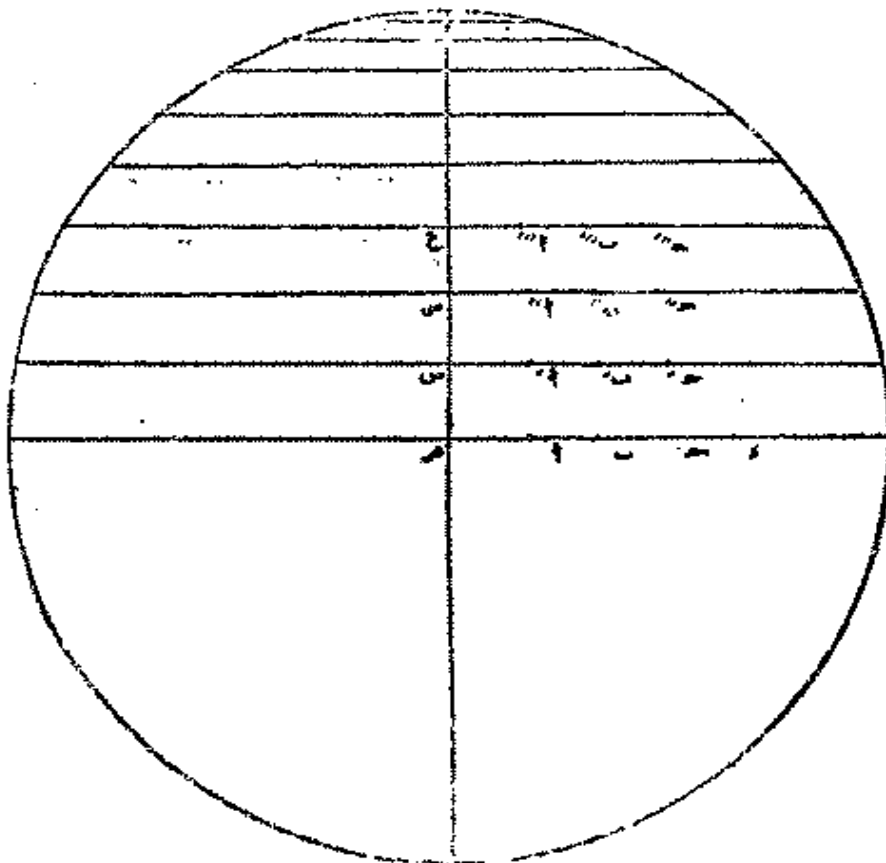
تظهر خطوط العرض على المسقط خطوطاً مستقيمة متوازية وتباعد عن الاستواء بنفس المسافات التي تباعد بها مستوياتها عن مستوى الاستواء على الأرض .

وبخلاف خط الطول الأوسط الذي يظهر على شكل خط مستقيم . تظهر

بباقى خطوط الطول على شكل قطاعات فانصصة محورها الأكبر هو خط  
الطول الأوسط .

ويمكن بالرجوع الى شكل ٧٢ ، التأكد من أن المسافات على خط الطول  
الأوسط بين خطوط العرض المختلفة تساوى المسافات على خط الاستواء بين  
خطوط الطول المختلفة .

وأن المسافة على أى من الطول الأوسط أو الاستواء من مركز الخريطة  
تساوى تقريبا ( زاوية العرض ) أو تقريبا ( زاوية الطول )  
طريقة الإنشاء



شكل ٧٢

١ - ترسم الدائرة المحددة للنقط من المركز م ونصف قطر يساوي نصف قطر الأرض .

٢ - ترسم قطرا رأسيا يمر بالقطبين ويمثل خط الطول الأوسط كما ترسم قطرا أفقيا يمثل الاستواء .

٣ - تقسم محيط الدائرة إلى أقسام متساوية ومن نقط التقسيم ترسم موازيات للاستواء تمثل خطوط العرض .

( تلاحظ أن خط العرض يبلغ طوله ٢ تقريبا أي قطر دائرة العرض الأصلية على سطح الأرض كما يبعد خط العرض عن الاستواء بمسافة تقريبا  $\phi$  وهي نفس المسافة التي كان يبعد بها مستوى دائرة العرض  $\phi$  عن مستوى الاستواء ) .

٤ - تقسم خط الاستواء بالنقط ١ ، ب ، ج ، د ، ... بنفس النقط التي بها قسمت خطوط العرض خط الطول الأوسط ( في م ، من ، ح ، ... )

٥ - ترسم القطاعات الناقصة التي تمثل خطوط الطول بحيث يكون خط الطول الأوسط محورا أكبر فيها بحيث يمر في كل من النقط ١ ، ب ، ج ، د ، ... فننتج خطوط الطول .

ملحوظة مفيدة .

للمساعدة في رسم القطاعات الناقصة التي تمثل خطوط الطول ، يمكن تحديد النقط ١ ، ب ، ج ، د ، ... وكذلك ١ ، ب ، ج ، د ، ... على كل خط من خطوط العرض بالطريقة الآتية :



$$1 - م ١ = تق جا ١٠^\circ ، م ٢ = تق جا ٢٠^\circ$$

$$م ٣ = تق جا ٣٠^\circ ، \dots$$

- ٢ - أطوال خطوط العرض من الطول الأوسط وحتى محيط الدائرة  
المحددة تساوي تق جتا  $١٠^\circ$  ، تق جتا  $٢٠^\circ$  ، تق جتا  $٣٠^\circ$  ، ...
- ٣ - يقسم كل خط عرض بنفس النسب التي تم بها تقسيم الاستواء .  
وبذلك يكون



شكل ٧٤

نصف الكرة الشرقي على مسقط أورتوجرافي استوائي

من  $1' = \text{نق جتا } 10^\circ \text{ جا } 10^\circ$  ، من  $2' = \text{نق جتا } 10^\circ \text{ جا } 20^\circ$  ،  
 من  $3' = \text{نق جتا } 10^\circ \text{ جا } 30^\circ$  ، .....

ويكون

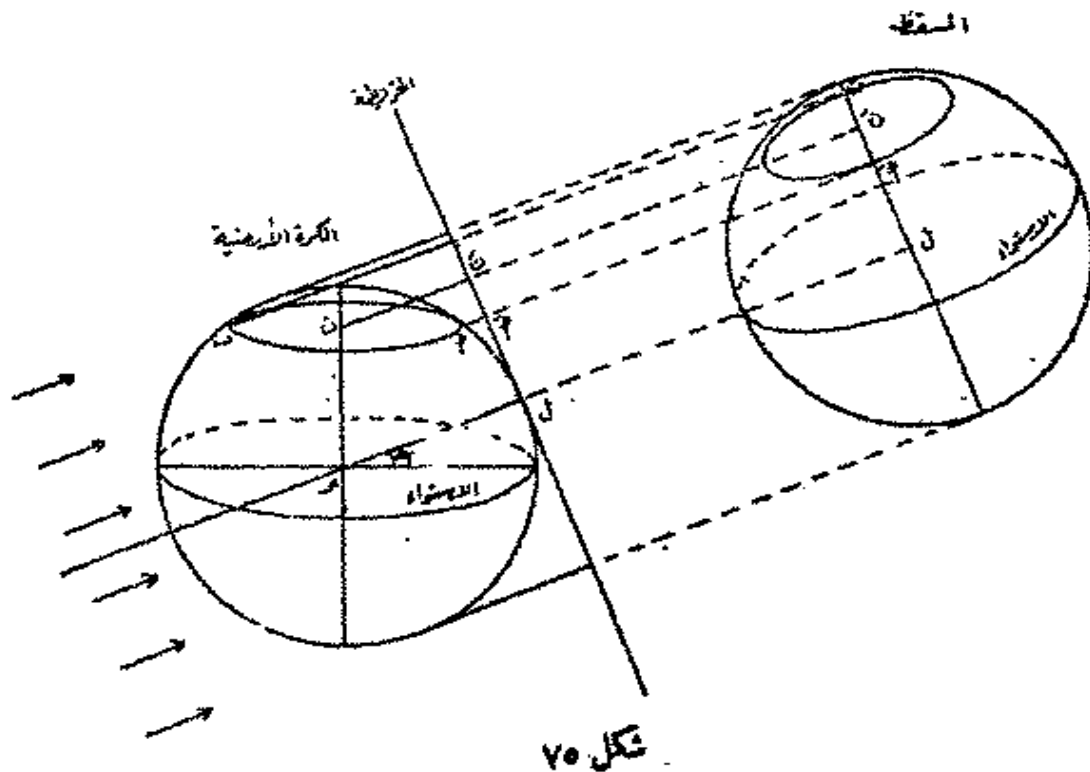
من  $1' = \text{نق جتا } 20^\circ \text{ جا } 10^\circ$  ، من  $2' = \text{نق جتا } 20^\circ \text{ جا } 20^\circ$  ،  
 من  $3' = \text{نق جتا } 20^\circ \text{ جا } 30^\circ$  ، .....

ويكون

ع  $1' = \text{نق جتا } 30^\circ \text{ جا } 10^\circ$  ، ع  $2' = \text{نق جتا } 30^\circ \text{ جا } 20^\circ$  ،  
 ع  $3' = \text{نق جتا } 30^\circ \text{ جا } 30^\circ$  ، ...

المسقط الأورثوجرافي المنعرج.

في هذه الحالة تسقط جميع خطوط الطول والعرض إلى قطاعات ناقصة  
 ما عدا خط الطول الأوسط الذي يسقط إلى قطر في الدائرة المحددة .



### الخصائص الهندسية للسفط

١ — نفرض أن مركز الخريطة ل ( نقطة القياس مع سطح الأرض ) تقع عند العرض  $\alpha$  ، في هذه الحالة تميل أشعة الإسقاط على الاستواء بزاوية  $\alpha$  .

٢ — نفرض أن ن مركز دائرة العرض  $\phi$  على الكرة الأرضية وأن ن' هو مسقطها على الخريطة .

$$م \text{ ن على الأرض} = ن ق حا \phi$$

$$ل ن' = م ن جتا \alpha = ن ق حا \phi حا \alpha$$

أى أن مركز القطع الناقص الذى يمثل دائرة العرض  $\phi$  على المسقط يقع على خط الطول الأوسط وعلى بعد من مركز الخريطة يساوى ن ق حا  $\phi$  جتا  $\alpha$

٣ — ن' ن'' هو نصف المحور الأصغر للقطع الناقص لدائرة العرض  $\phi$  .

$$ن' ن'' = ن حا \phi$$

لكن ن حا  $\phi$  هو نصف قطر دائرة العرض  $\phi$  ويساوى ن ق جتا  $\phi$

$$ن' ن'' = ن ق جتا \phi حا \alpha$$

٤ — المحور الأكبر للقطع الناقص لدائرة العرض لا يتعرض لآى تغيير فى طوله عندما يسقط إلى سطح الخريطة لأنه يوازي سطح الخريطة .

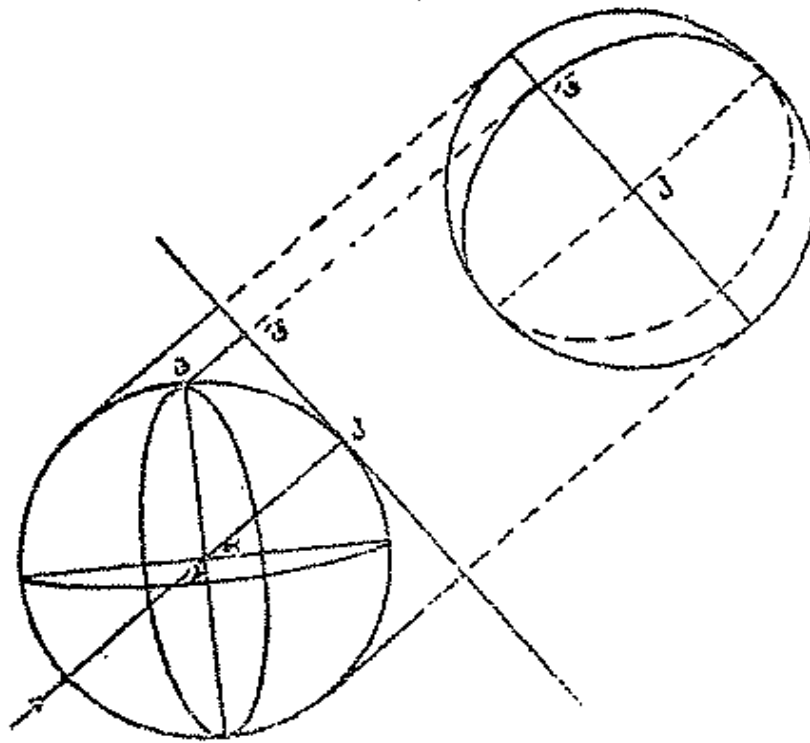
أى أن نصف طول المحور الأكبر للقطع الناقص لدائرة العرض  $\phi$  يساوى ن ق جتا  $\phi$  .

وعلى ذلك فالخطوات (١) ، (٢) ، (٣) تحدد شكل وموقع المقطع الذي يمثل دائرة عرض .

٥ — خط الطول المرسوم على سطح الأرض والذي يحدد طوليه هن خط الطول الأوسط يسقط إلى قطع ناقص ويكون محوره الأكبر مساويا لـ  $2$  نق . أى بدون تغيير لانه يراعى سطح الخريطة ، ويكون محوره الأكبر عموديا على خط الطول الأوسط .

ويكون نصف محوره الأصغر لـ  $ق$  — ومسقط م ق على الخريطة

$$ل ق = م ق جتا \alpha = نق جتا \alpha$$



شكل ٧٦

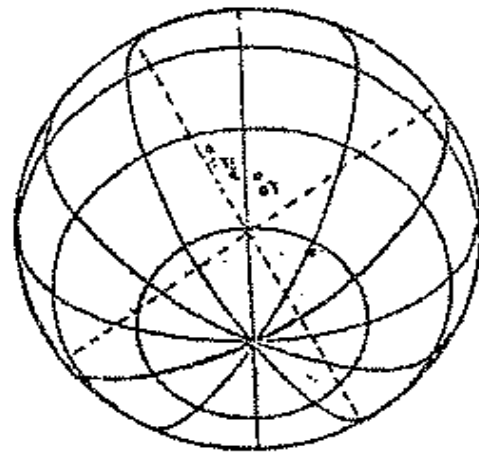
١ — خط الطول المرسوم على سطح الأرض والذي يبعد بزاوية طول مقدارها  $\lambda$  عن خط الطول الأوسط ، يقطع إلى قطع ناقص مركزه هو مركز الدائرة المحددة ( ل ) ويكون طول محوره الأكبر  $a$  في بدون تغيير ويميل محوره الأكبر على خط الطول الأوسط بزاوية  $\theta$  حيث

$$\theta = \lambda \text{ حـ } \alpha$$

ويكون نصف محوره الأصغر مساويا في جتا  $\alpha$  حـ  $\lambda$

مثال :

مسقط أوروجراف مركزه عند العرض  $60^\circ$  جنوب يمثل كرة أرضية نصف قطرها ٢٥ سم .



شكل ٧٧

أولاً : قطاعات الطول

الطول λ	زاوية ميل المحور الأكبر على خط الطول الأوسط (هـ) ظا هـ = ظا λ جا α	انصف المحور الأصغر نق جتا α جا λ
٣٠°	ظا ٣٠ جا ٦٠ هـ = ٢٦ ١/٢°	٢٥ جتا ٦٠ جا ٣٠ = ٦٠٢٥ سم
٦٠	ظا ٦٠ جا ٦٠ هـ = ٥٦	٢٥ جتا ٦٠ جا ٦٠ = ١٠٠٨٢
٩٠	ظا ٩٠ جا ٦٠ هـ = ٩٠	٢٥ جتا ٦٠ جا ٩٠ = ١٢٥٠٠

تاليا : قطاعات العرض مبينة في الجدول في الصفحة المقابلة

المسقط الأورثوجرافي المنحرف بمقياس كبير

في نهاية هذا الباب يوجد مثال محسوب لمسقط أورثوجرافي منحرف باستخدام المسافات والاتجاهات على سطح الأرض من مركز الخريطة إلى باقي النقاط المطلوب بيانها على الهيكل الجغرافي .

٤ - المسقط الانجسامي متساوي المسافات

كما تبين من اسم المسقط يتكون الاتجاه من مركز الخريطة إلى أي مكان على الخريطة مساوياً لنفس الاتجاه على سطح الأرض وكذلك تكون المسافة المستقيمة من مركز الخريطة إلى أي مكان عليها مساوية للمسافة ( على الدائرة العظمى ) المناظرة على سطح الأرض .

ولحساب المسافات والاتجاهات على سطح الأرض يلزم الإلمام

ثانياً : قطاعات المرض

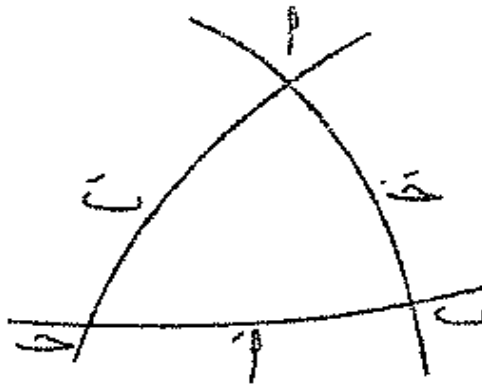
نصف المحور الأصغر نق جتا $\phi$ حـ $\alpha$	نصف المحور الأكبر نق جتا $\phi$	بعد مركز القطع عن مركز الخريطة نق جتا $\phi$ جتا $\alpha$	المرض $\phi$
—	—	٢٥ جـ ٩٠ جتا $^\circ$ ٦٠ $\equiv$ ١٢٥٠ سم	القطب
٢٥ جتا ٦٠ جـ ٦٠ $\equiv$ ١٠٨٢	٢٥ جتا ٦٠ $\equiv$ ١٢٥٠	٢٥ جـ ٦٠ جتا $^\circ$ ٦٠ $\equiv$ ١٠٨٢	حـ $^\circ$ ٦٠
٢٥ جتا ٢٠ جـ ٦٠ $\equiv$ ١٨٧٥	٢٥ جتا ٢٠ $\equiv$ ٢١٦٥	٢٥ جـ ٢٠ جتا $^\circ$ ٦٠ $\equiv$ ٢١٢٥	حـ $^\circ$ ٢٠
٢٥ جتا ٠٠ جـ ٦٠ $\equiv$ ٢١٦٥	٢٥ جتا ٠٠ $\equiv$ ٢٥٠٠	٢٥ جـ ٠٠ جتا $^\circ$ ٦٠ $\equiv$ ٢٥٠٠	الاستواء

بجواب المثلثات الكروية

### المثلث الكروي

المثلث الكروي هو الشكل المرسوم على سطح كرة والذي ينتج من تقاطع ثلاث دوائر عظمى .  
وإذا اس طول ضلع في المثلث بقيمة الزاوية التي يصنعها عند مركز الكرة .

### قوانين المثلثات الكروية



شكل ٧٨

إذا كانت  $a, b, c$  زوايا  
مثلث كروي وكانت  $a', b', c'$   
هي الأضلاع المقابلة .

توجد قوانين كثيرة تربط زوايا  
وأضلاع المثلث نذكر منها القوانين  
الأساسية الآتية :

### قوانين الجيب

$$\frac{\sin a}{\sin A} = \frac{\sin b}{\sin B} = \frac{\sin c}{\sin C}$$

قوانين الجيب تمام

$$\cos a = \cos b \cos c + \sin b \sin c \cos A$$

$$\cos b = \cos a \cos c + \sin a \sin c \cos B$$

$$\cos c = \cos a \cos b + \sin a \sin b \cos C$$



تحويل القياس الزاوى إلى قياس طولى

الميل الجغرافى هو طول قوس على سطح الأرض يقاس بأب زاوية عند مركز الكرة الأرضية مقدارها دقيقة واحدة .

ولما كانت الأرض غير كاملة الشكل لذلك تختلف قيمة الميل الجغرافى من مكان لآخر . وتم الاتفاق على أن القيمة المتوسطة للميل الجغرافى تعادل ١٨٥٢ متر وهى القيمة التى يبلغها طول القوس عند العرض ٤٥° .

فإذا كان هناك قوساً من دائرة عظمى على سطح الأرض طوله ٤٠ درجة أى يساوى ١/٢ محيط الأرض (٣٦٠°) فإن طول هذا القوس = ٤٠ × ١٨٥٢ = ٧٤٠٠٠ متر أى ٧٤٠٠ ميل جغرافى .

ويساوى تقريباً ٢٤٠٠ × ١٨٥٢ = ٤٤٤٥ كيلومتر



شكل (٧٩)

العالم على مسقط لامتصاصى متساوى المسافات

المسافات والاتجاهات على الخريطة من مدينة نيويورك تمثل المسافات والاتجاهات الأصلية على سطح الأرض

### استخدام المسقط الاتجاهى متساوى المسافات

يعطى المسقط المسافة الصحيحة والاتجاه الصحيح من مركز الخريطة إلى أى مكان آخر على الخريطة، ويرسم خريطة مركزها عند محطة إرسال لاسلكية تعطى الخريطة أبعاد واتجاهات الأماكن المختلفة من محطة الإرسال وبذلك يمكن تحديد اتجاهات الهوائيات والقدرات المطلوبة لتوصيل الإذاعات إلى مختلف الأماكن .

### أولا المسقط الاتجاهى متساوى المسافات القطبي

كما هو الحال فى جميع المساقط الاتجاهية تكون الاتجاهات عند القطب صحيحة ولذلك تظهر خطوط الطول مستقيمة متلاقية عند نقطة القطب .

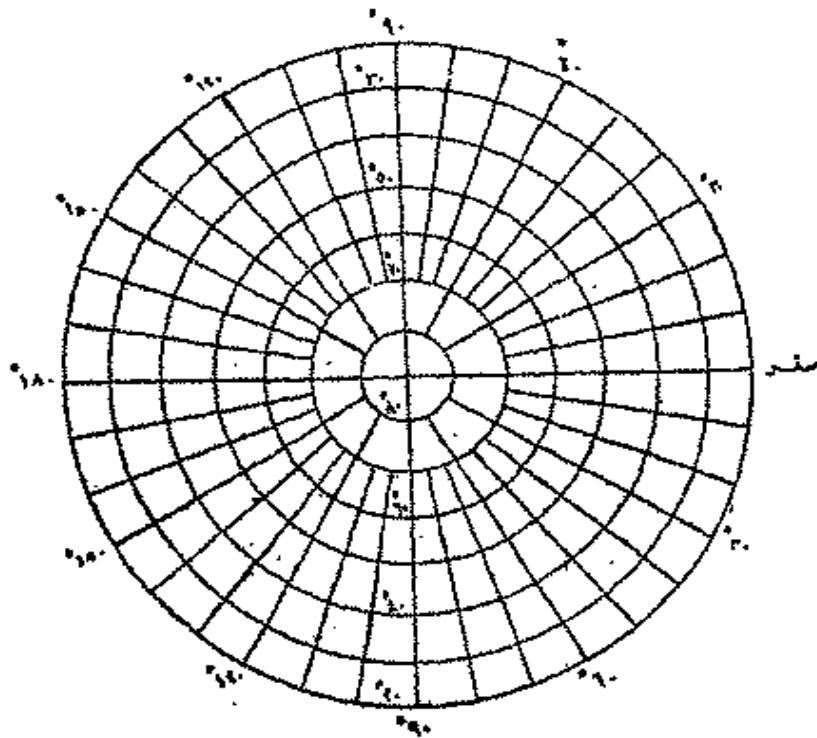
على سطح الأرض تكون جميع القطب التى تتكون دائرة من دوائر العرض على أبعاد متساوية من القطب ولذلك تظهر دوائر العرض على المسقط على هيئة دوائر ويكون نصف قطر دائرة العرض على المسقط مساويا للمسافة القوسية على سطح الأرض بين نقطة القطب وأى نقطة من نقاط دائرة العرض .

### طريقة الإنشاء

١ - ترسم مجموعة خطوط الطول المستقيمة تصنع فيما بينها زوايا متساوية وتساوى الزوايا المناظرة على سطح الأرض .

٢ - ترسم دوائر العرض مراكزها عند نقطة القطب الواقعة عند تلاقى خطوط الطول وبأصناف أنظار تساوى المسافة القوسية المناظرة على سطح الأرض .

$$\frac{\phi}{180} \times (\varphi - 90) \times \text{نق} = \text{نق}_\varphi$$



شكل ٨٠

الهيكل الجغرافي لمسطح اتجاهي متساوي المسافات قطبي

مثال: مسطح اتجاهي متساوي المسافات قطبي بمقياس 1 : ١٠٠ مليون .

$$\text{نق} = 6370 \text{ سم}$$

$$\text{نق}_0 = 6370 \times (90 - 0) \times \frac{\phi}{180} = 101118 \text{ سم}$$

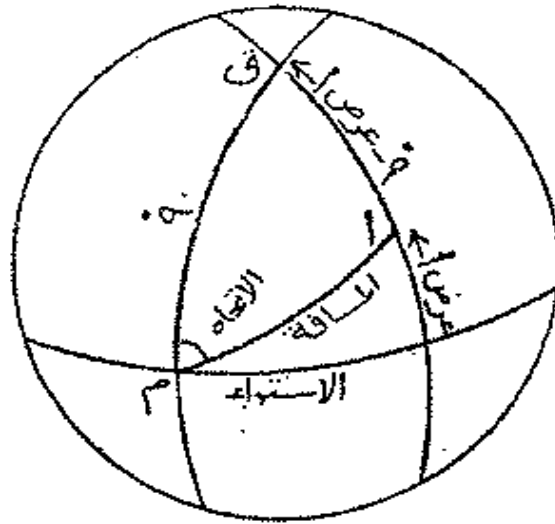
$$\text{نق}_6 = 6370 \times 6$$

$$\text{نق}_7 = 6370 \times 7$$

$$\text{نق. ٤} = ٥٠٥٥٨٩$$

$$\text{نق. ٥} = ٤٢٤١٧$$

ثانياً : المسقط الاتجاهى متساوى المسافات الإستوائى



شكل ٨١

يقع مركز الخريطة عند نقطة على الاستواء مثل م ، ويتم حساب البعد من مركز الخريطة إلى جميع النقاط التي تشكل الهيكل الجغرافى مثل نقطة ١ ، كما يتم حساب الاتجاه ( الانحراف ) أى الزاوية التي يصنعها م مع اتجاه الشمال عند م وهو اتجاه خط الطول م ق .

المثلث السكروى الذى يجمع م ، ١ مع نقطة القطب ق تتحدد عناصره كالآتى:

- ١ - ق نقطة القطب ، م نقطة على الاستواء فيكون ق م =  $90^\circ$  .
- ٢ - تبعد ١ عن الاستواء بمقدار زاوية عرضها  $\phi$  فيكون ق ١ =  $90^\circ - \phi$  .
- ٣ - خط الطول الذى يمر بنقطة ١ يصنع زاوية  $\lambda$  مع خط طول النقطة م

وقيمة هذه الزاوية تساوي الفرق بين طول كل من  $\alpha$  و  $\beta$ .

يتم الحصول على المسافة  $\lambda$  مقدرة بالدرجات من العلاقة  
 $\cos \lambda = \cos \alpha \cos \beta$ .

كما يتم الحصول على الاتجاه  $(\gamma)$  من العلاقة

$$\tan(\gamma) = \frac{\sin \alpha \sin \beta}{\cos \alpha \cos \beta + \cos \lambda}$$

وبعد حساب المسافة والاتجاه لكل نقطة يتم التوزيع على الخريطة ثم يتم توصيل النقاط المشتركة في نفس الطول فينتج الهيكل المطلوب.

مثال: مسقط إحداثيات متساوي المسافات استوائى مركزه عند تقاطع الاستواء بخط طول جرينتش مع يان خطوط الطول والعرض كل  $30^\circ$ .

بمسد النقطة (عرض  $30^\circ$  شمال ، طول  $60^\circ$  شرق) عن مركز الخريطة  
 $\cos(\text{البعد}) = \cos 30^\circ \cos 60^\circ$

$$\text{البعد} = 64341 = 3860 \text{ ميل جغرافى} = 7150 \text{ كيلومتر}$$

$$\tan(\text{الاتجاه}) = \frac{\sin 30^\circ \sin 60^\circ}{\cos 30^\circ \cos 60^\circ + \cos 64341}$$

$$\text{الاتجاه} = 56310^\circ$$

وبتكرار هذا العمل مع باقى النقاط المطلوبة لتشكيل الهيكل الجغرافى نحصل على الجدول الآتى :

قائمة الاتجاهات والمسافات على سطح الأرض

°٦٠		°٣٠		طول
مسافة	اتجاه	مسافة	اتجاه	عرض
٦٤٠٣٤١	١٦٠١٠٢	٤١٠٤١٠	٤٠٠٨٩٣	٣٠
٧٥٠٥٢٢	٢٦٠٥٦٥	٦٤٠٣٤١	٥٦٠٣١٠	٦٠
٩٠٠٠٠٠	٣٠٠٠٠٠	٩٠٠٠٠٠	٦٠٠٠٠٠	٩٠
١٠٤٠٤٧٨	٢٦٠٥٦٥	١١٥٠٦٥٩	٥٦٠٣١٠	١٢٠
١١٥٠٦٥٩	١٦٠١٠٢	١٣٨٠٥٩٠	٤٠٠٨٩٣	١٥٠
١٢٠٠٠٠٠	٠٠٠٠٠٠	١٥٠٠٠٠٠	٠٠٠٠٠٠	١٨٠

وبتوقيع النقط وتوصيلها نحصل على الهيكل الجغرافي في شكل ٨٢ .

المعروف أن التوقيع باستخدام الاحداثيات المتعامدة يكون أدق وأسهل من التوقيع باستخدام الاتجاه والمسافة . والجداول الآتية يعطى احداثيات النقط التي تشكل الهيكل الجغرافي باعتبار نقطة الأصل عند مركز الخريطة وينطبق محور العمادات على خط الطول الأوسط كما ينطبق محور السينات على الاستواء .

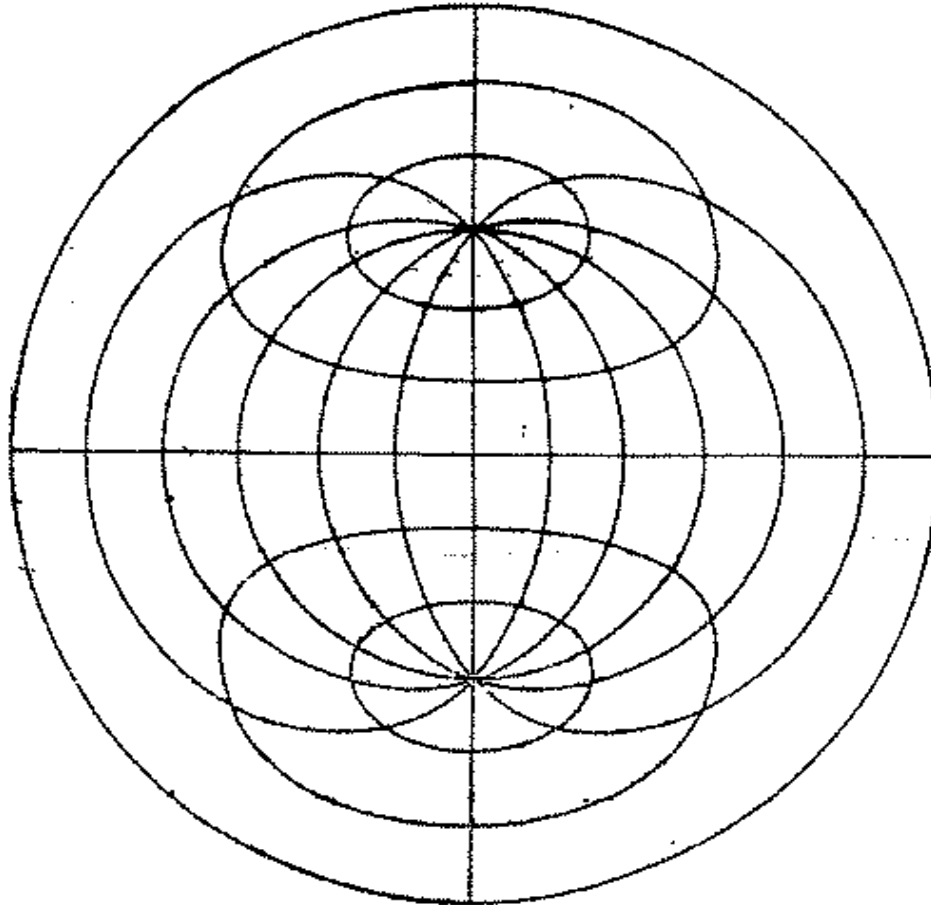
وتكون معادلات التحويل من الاحداثيات القطبية ( اتجاه ومسافة ) الى الاحداثيات المتعامدة ( س ، ص ) كالآتي :

$$ص = المسافة \times جا (الاتجاه)$$

$$س = المسافة \times جتا (الاتجاه)$$

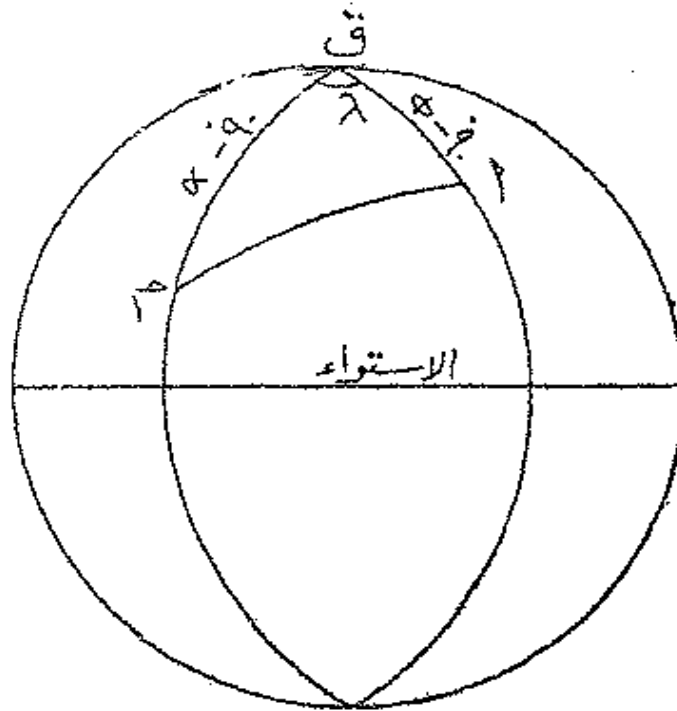
قائمة الاحداثيات المتعامدة على الخريطة  
المقياس : وحدة طولية لكل درجة

٦٠°		٣٠°		عرض / طول
م	م	م	م	
٦١٥٨٢	١٧٥٨٤	٣١٥٣٠	٢٧٥١١	٣٠
٦٧٥٥٥	٢٣٥٧٧	٣٥٥٦٩	٣١٥٥٥	٦٠
٧٧٥٩٤	٤٥٥٠٠	٤٥٥٠٠	٧٧٥٩٤	٩٠
٩٣٥٤٥	٤٦٥٧٢	٦١٥١٦	٩٦٥٢٣	١٢٠
١١١٥١٢	٣٢٥٠٨	١٠٤٥٧٦	٩٠٥٧٣	١٥٠
١٢٠	صفر	١٥٠	صفر	١٨٠



شكل ٨٢

المسقط الاتجاهى متساوى المسافات المتحرف  
الحالة العامة



شكل ٨٢

لا تختلف الحالة العامة عن الحالة الإستروائية في طريقة الإنشاء ولكن الحسابات اللازمة للمسافات والاتجاهات تكون أطول من الحسابات في الحالة الإستروائية .

إذا كان مركز الخريطة (م) عند العرض  $\phi$  وكانت (ن) إحدى نقط الهيكل الجغرافى عند العرض  $\phi$  . وكانت الزاوية عند القطب (ق) بين خطى طول



$$ق م = ٩٠ - \alpha$$

$$ق ا = ٩٠ - \phi$$

$$> ا ق م = \lambda$$

ويكون جتا (المسافة ا م) = جتا  $\alpha$  جتا  $\phi$

$$+ جتا \alpha جتا \phi جتا \lambda$$

$$\frac{جتا \phi - جتا (المسافة) جتا \alpha}{جتا (المسافة) جتا \alpha} = جتا (الاتجاه ق م^{\wedge} ا)$$

مثال :

مسقط إجماعي متساوي المسافات مركزه عند الموقع ( عرض  $٦٠^{\circ}$  شمال ، طول جرينتش ) مع بيان خطوط الطول والعرض كل  $٢٠^{\circ}$  .

بعد النقطة ( عرض  $٣٠^{\circ}$  شمال ، طول  $١٢٠^{\circ}$  شرق ) عن مركز الخريطة

$$جتا (المسافة) = جتا ٦٠ جا ٣٠ + جتا ٦٠ جتا ٣٠ جتا ١٢٠$$

$$المسافة = ٧٧,٤٩٦^{\circ}$$

$$\frac{جتا ٣٠ - جتا ٧٧,٤٩٦ جا ٦٠}{جتا ٧٧,٤٩٦ جا ٦٠} = جتا (الاتجاه)$$

$$الاتجاه = ٥٠,١٩٥^{\circ}$$

بعد النقطة ( عرض  $٦٠^{\circ}$  جنوب ، طول  $١٥٠^{\circ}$  شرق ) عن مركز الخريطة

$$جتا (المسافة) = جتا ٦٠ جا (٦٠-) + جتا ٦٠ جتا (٦٠-) جتا ١٥٠$$

$$المسافة = ١٦٥,١٢٩^{\circ}$$

$$\frac{\text{جا } ٦٠ - \text{جتا } ١٦٥١٢٩^\circ \text{ جا } ٦٠}{\text{جا } ١٦٥١٢٩^\circ \text{ جتا } ٦٠} = \text{جتا (الاتجاه)}$$

$$\text{الاتجاه} = ١٠٣٠.٦٤^\circ$$

وبتكرار هذا العمل مع باقى النقط المطلوبة لتدكييل الهيكل الجغرافى نحصل على الجدول الآتى :

عرض	طول					
		٦٠ ش	٣٠ ش	مفر	٣٠ ح	٦٠ ح
٣٠	اتجاه	٦٦٩	١٣٢٧	١٤٦٣	١٥٤٣	١٦٢٨
	مسافة	١٤٤٩	٣٦١	٦٤٣	٩٣٣	١٢٢٢
٦٠	اتجاه	٦٣١	٩٩٥	١١٦٦	١٢٩٨	١٤٦٣
	مسافة	٢٨٩	٤٩٥	٧٥٥	١٠٢٥	١٢٨٧
٩٠	اتجاه	٤٩١	٧٣٩	٩٠	١٠٦١	١٣٠٩
	مسافة	٤١٤	٦٤٣	٩٠	١١٥٧	١٣٨٦
١٢٠	اتجاه	٣٣٧	٥٠٢	٦٣٤	٨٠٠	١١٦٦
	مسافة	٥١٣	٧٧٥	١٠٤٥	١٣٠٥	١٥١١
١٥٠	اتجاه	١٧٠	٢٥٦	٣٣٥	٤٧٣	١٠٣١
	مسافة	٥٧٨	٨٦٧	١١٥٧	١٤٣٩	١٦٥١

يتم توقيع النقط إما بطريقة الاتجاه والمسافة وإما بعد تحويلها إلى إحداثيات متعامدة بالطريقة المستخدمة فى الحالة الاستوائية ونحصل على الهيكل الجغرافى المبغاة لشكل ٧٩ .

### المناطق الانجماوية

باستخدام الأبعاد والانجساعات على سطح الأرض

يمكن رسم المناطق الانجماوية الى سبق دراستها وهي المركزي  
والاستريوجرافي والاورثوجرافي وبالاخص الحالات الاستوائية والمنحرفة منها  
وذلك بعد حساب الأبعاد والانجساعات من مركز الخريطة الى باقي النقاط  
المطلوب بيانها على الهيكل الجغرافي .

وفي هذه الحالة تكون عملية الاسقاط مشابهة تماما للحالة القطبية .

### المسقط المركزي

بالرجوع الى شكل ٤٣ في المسقط المركزي القطبي نجد أن نقطة  $\alpha$  على سطح  
الأرض تسقط الى  $\alpha'$  على سطح الخريطة ويكون بعد  $\alpha'$  من مركز الخريطة  
مساويا لنقطة  $\alpha$  أي نق  $\alpha$  ( المسافة مقدرة بالدرجات )  
وبتطبيق ذلك القاعدة في الحالة الاستوائية وأيضا في الحالة المنحرفة نحصل  
على الهيكل الجغرافي المطلوب .

### المسقط المركزي الاستوائي

مثال :

مسقط مركزي استوائي مركزه عند تلاقي الاستواء بخط طول جرينتش  
مع بيان خطوط الطول والعرض كل ٣٠° .

مقياس الرسم ١ : ١٠٠ مليون

نق = ٦٠٣٧ سم

سبق الحصول على قائمة الأبعاد والاتجاهات من مركز الخريطة إلى باقي  
نقط الهيكل الجغرافي وذلك في مثال المسقط الاتجاهي متساوي المسافات  
الاستوائى . والمبينة كالآتي :

### الاتجاهات والمسافات على سطح الأرض

عرض طول		٣٠°		٦٠°	
		اتجاه	مسافة	اتجاه	مسافة
٣٠°		٤٠.٥٨٩٣°	٤١.٥٤١٠°	١٦.٥١٠٢°	٦٤.٥٣٤١°
٦٠°		٥٦.٥٣١٠°	٦٤.٥٣٤١°	٢٦.٥٥٦٥°	٧٥.٥٢٢٢°

ونكتفى بهذه الحدود إذ أن المسقط المركزى لا يصل إلى مسافة ٩٠° من  
مركز الخريطة .

وتصبح المسافات على الخريطة كما في الجدول الآتي حيث :

المسافة على الخريطة ( سم ) = نق ( سم ) × ظا ( للمسافة على الأرض  
بالدرجات )

الاتجاهات والمسافات على الخريطة

عرض		٣٠		٦٠	
طول	اتجاه	نق ظا المسافة	اتجاه	نق ظا المسافة	
٣٠	٤٠٠٨٩٣	نق ظا ٤١٠١١٠	١٦٠١٠٢	نق ظا ٦٤٠٣٤١	١٣٠٢٥٩ سم =
٦٠	٥٦٠٣١٠	نق ظا ٦٤٠٣٤١	٢٦٠٥٦٥	نق ظا ٧٥٠٥٢٢	٢٤٠٦٧٠ سم =

وبتحويل الاتجاهات والمسافات على الخريطة إلى إحداثيات متعامدة

س، ص حيث س = المسافة  $\times$  جتا (الاتجاه)

ص = المسافة  $\times$  جتا (الاتجاه)

عرض		٣٠		٦٠	
طول	س (سم)	ص (سم)	س	ص	
٣٠	٣٠٦٧٨	٤٠٢٤٧	٣٠٦٧٨	١٢٠٧٣٩	
٦٠	١١٠٠٣٣	٧٠٣٥٥	١١٠٠٣٣	٢٢٠٠٦٦	

## المسقط المركزي المنحرف

مثال :

مسقط مركزي منحرف مركزه عند الموقع ( عرض  $60^\circ$  شمال ، طول جرينتش ) مع بيان خطوط الطول والعرض كل  $20^\circ$  .

والمقياس ١ : ٥٠ مليون

نق = ١٢٥٧٤ سم

وسبق الحصول على قائمة بالمسافات والاتجاهات من مركز الخريطة الى باقى  
نقط الهيكل الجغرافى وذلك فى مثال المسقط الاتجاهى متساوى المسافات المنحرف  
والمبينة كالآتى :

## الاتجاهات والمسافات على سطح الارض

عرض طول		٦٠	$20^\circ$	صفر
صفر	اتجاه مسافة	صفر صفر	$180^\circ$ $20^\circ$	$180^\circ$ $60^\circ$
$20^\circ$	اتجاه مسافة	٧٦٥٩ ١٤٥٩	١٣٢٥٧ ٣٦٥١	١٤٦٥٣ ٦٤٥٣
$60^\circ$	اتجاه مسافة	٦٣٥٤ ٣٨٥٩	٩٩٥٥ ٤٩٥٥	١١٦٥٦ ٧٥٥٥

وتصبح الاتجاهات والمسافات على الخريطة كما في الجدول الآتي :

حيث المسافة على الخريطة بالاستقيمات

$$= \text{نق ( سم )} \times \text{ظا ( المسافة على الأرض بالدرجات )}$$

الاتجاهات والمسافات على الخريطة

عرض / طول		٦٠	٣٠	صفر
صفر	اتجاه مسافة سم	صفر صفر	١٨٠ ٧٢٣٥٥	١٨٠ ٢٢٢٠٦٦
٣٠	اتجاه مسافة سم	٧٦٢٩ ٣٢٣٩٠	١٣٢٢٧ ٩٢٢٩٠	١٤٦٢٣ ٢٦٢٤٧٢
٦٠	اتجاه مسافة سم	٦٢٢٤ ٧٢٠٣٣	٩٩٢٥ ١٤٢٩١٧	١١٦٢٦ ٤٩٢٦٦٢

وبتحويل الاتجاهات والمسافات الى احداثيات بتعامدة نحصل على جدول

الاحداثيات الآتي :

عرض / طول		٦٠	٣٠	صفر
صفر	س (سم) ص (سم)	صفر صفر	صفر ٧٢٣٥٥	صفر ٢٢٢٠٦٦
٣٠	س ص	٣٢٣٠٢ ٠٢٧٦٨	٦٢٨٢٧ ٦٢٣٠٠	١٤٦٦٨٨ ٢٢٢٠٦٣
٦٠	س ص	٦٢٢٨٩ ٣٢١٤٩	١٤٢٧١٢ ٢٢٤٠٢	٤٤٢٠٤٨ ٢٢٢٠٦٥

### المسقط الاستريوجرافي

بالرجوع إلى شكل ٥٦ في المسقط الاستريوجرافي القطبي نجد أن نقطة ١ على سطح الأرض تسقط إلى ١' على سطح الخريطة ويكون بعد ١" عن مركز الخريطة مساوياً

$$\rho = \frac{R \sin \phi}{\rho} \quad \rho = \text{نقطة} \quad \phi = \text{نصف المسافة مقدرة بالدرجات}$$

### المسقط الاستريوجرافي الاستوائي

مثال :

مسقط استريوجرافي استوائي مركزه عند تلاقي الاستواء بخط طول جرينتش مع بيان خطوط الطول والعرض كل ٣٠°

مقياس الرسم ١ : ١٠٠ مليون

نق = ٦٠٣٧ سم

وقائمة الاتجاهات والمسافات هي نفسها المبينة في مثال المسقط الانجسامي متساوي المسافات الاستوائي وأيضاً في مثال المسقط المركزي الاستوائي باستخدام الأبعاد والاتجاهات والمبينة في الجدول الآتي :

الاتجاهات والمسافات على سطح الأرض

طول	عرض	٣٠		٦٠		٩٠	
		اتجاه	مسافة	اتجاه	مسافة	اتجاه	مسافة
٣٠		٤٠٥٨٩٣	٤١٥٤١٠	١٦٥١٠٣	٦٤٥٣٤١	٠٠٠	٩٠
٦٠		٥٦٥٣١٠	٦٤٥٣٤١	٢٦٥٥٦٥	٧٥٥٥٢٢		
٩٠		٦٠	٩٠	٣٠	٩٠		



وتصبح الاتجاهات والمسافات على الخريطة كما هو في الجدول الآتي :

حيث المسافة على الخريطة بالمستقيمرات

$$= ٢ \text{ نق ( سم ) } \times \text{ ظا ( نصف المسافة على الأرض بالدرجات )}$$

عرض	طول	٣٠		٦٠		٩٠	
		اتجاه	مسافة سم	اتجاه	مسافة سم	اتجاه	مسافة سم
٣٠		٤٠٨٩٣°	٤٨١٥	١٦٨١٠٢°	٨٥٠١٤	٠٠°	١٢٨٧٤٠
٦٠		٥٦٨٣١٠	٨٥٠١٤	٢٦٨٥٦٥	٩٨٦٨		
٩٠		٦٠	١٢٨٧٤٠	٣٠	١٢٨٧٤٠		

وفي النهاية يتم تحويل الاتجاهات والمسافات الى احداثيات متعامدة من ص  
بنفس القواعد السابقة.

### المسقط الاستريوجرافي المنحرف

مثال :

مسقط استريوجرافي منحرف مركزه عند الموقع (عرض ٦٠° شمال ، طول  
جرينتش) مع بيان خطوط الطول والعرض كل ٣٠° والمقياس ١ : ١٠٠ مليون  
نق = ١٢٨٧٤ سم

وتحويل المسافات على سطح الأرض الى المسافات على الخريطة بالعلاقة

المسافة على الخريطة = ٢ نق ظا ( نصف المسافة على الأرض )  
الجدول الآتي :

عرض / طول		٦٠ ش	٣٠ ش	صفر
٣٠	اتجاه (°)	٧٦٠٩	١٣٢٢٧	١٤٦٠٣
	مسافة (سم)	٣٠٣١٢	٨٠٣٠٤	١٦٠٠١٥
٦٠	اتجاه	٦٣٠٤	٩٩٠٥	١١٦٠٦
	مسافة	٦٠٥٦٦	١١٠٨٥٤	١٩٠٧٢٩
٩٠	اتجاه	٤٩٠١	٧٣٠٩	٩٠
	مسافة	٩٠٦٢٨	١٦٠٠١٥	٢٥٠٤٨٠
١٢٠	اتجاه	٣٣٠٧	٥٠٠٢	٦٣٠٤
	مسافة	١٢٠٢٣٥	٢٠٠٤٥٠	٣٢٠٩٠٨

### المسقط الأورثوجرافي

عند إنشاء المسقط الأورثوجرافي القطبي سقطت كل نقطة من سطح الأرض إلى سطح الخريطة بحيث كان بعدها عن مركز الخريطة = تق جتا (العرض) = تق جتا (٩٠ - البعد القطبي).

وعلى ذلك يمكن تشكيل أي مسقط أورثوجرافي بتحويل المسافات الأرضية إلى المسافات على الخريطة بالقاعدة الآتية :

المسافة على الخريطة = تق  $\times$  ح (المسافة على الأرض)

### المسقط الأورثوجرافي الاستوائي

مثال : مسقط أورثوجرافي استوائي مركزه عند تلاقى الاستواء بخط طول جرينتش والمقياس ١ : ١٠٠ مليون

يمطى الجدول الآتى الاتجاهات والمسافات على الخريطة حيث :

$$\text{المسافة على الخريطة (سم)} = ٦٣٧٠ \times \text{حـا (المسافة على الأرض)}$$

عرض طول	٣٠		٦٠	
	اتجاه	مسافة	اتجاه	مسافة
٣٠	٤٠٥٨٩٣	٤٥٣١٣	١٦٥١٠٢	٥٥٧٤٢
٦٠	٥٦٥٣١٠	٥٥٧٤٢	٢١٥٥٦٥	٦٥١٦٨
٩٠	٦٠	٦٥٣٧٠	٣٠	٦٥٣٧

### المسقط الأورثوجرافي المنحرف

مثال : مسقط أورثوجرافي منحرف مركزه عند الموقع (عرض ٦٠° شمال، طول جرينتش) مع بيان خطوط الطول كل ٣٠°

والمقياس ١ : ٥٠ مليون

يمطى الجدول الآتى الاتجاهات والمسافات على الخريطة حيث

$$\text{المسافة على الخريطة (سم)} = ١٢٥٧٤ \times \text{حـا (المسافة على الأرض)}$$

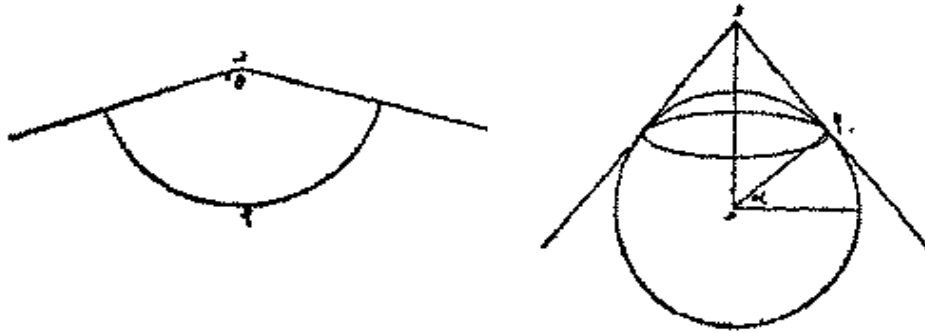
٣٠ جـ	صفر	٣٠ ش	٦٠ ش		عرض / طول
					صفر
١٨٠ ١٢٧٧٤	١٨٠ ١١٥٠٣٣	١٨٠ ٦٧٣ ٠	صفر صفر	اتجاه مسافة (م)	
	١٤٦٧٣ ١١٥٤٨٠	١٢٢٧٧ ٧٧٥٠٦	٧٦٧٩ ٣٧٢٧٦	اتجاه مسافة	٣٠
	١١٦٧٦ ١٣٧٣٣٤	٩٩٧٥ ٩٧٦٨٨	٦٣٧٤ ٦٧١٥٧	اتجاه مسافة	٦٠
	٩٠ ١٢٧٧٤٠	٧٣٧٩ ١١٥٤٨٠	٤٩٧١ ٨٧٤٢٥	اتجاه مسافة	٩٠
		٥٠٧٢ ١٢٧٤٣٨	٣٣٧٧ ٩٧٩٤٣	اتجاه مسافة	١٢٠
		٢٥٧٦ ١٢٧٧١٩	١٧٧٠ ١٠٧٧٨٦	اتجاه مسافة	١٥٠

## النَّاسِبُ السَّابِعُ

### المساقط المخروطية

في هذه المجموعة من المساقط نبدأ بمخروط يمس سطح الأرض حول دائرة غالباً ما تكون دائرة عرض .

بعد قطع المخروط عند رأسه منه وبعد فردة حتى يتخذ شكل السطح المستوي الذي هو سطح الخريطة ، تظهر دائرة عرض القياس قوساً من دائرة مركزها هو رأس المخروط ونصف قطرها هو طول الرأس من رأس المخروط إلى موضع القياس .



شكل ٨٤

يكون أيضاً طول القوس على المسقط الذي يمثل دائرة عرض القياس مساوياً للطول الحقيقي المحيط بهذه الدائرة على سطح الأرض .

وبعد ذلك تتكون المساقط المخروطية بأساليب متنوعة تحقق خصائص وشروط معينة.

الخصائص الهندسية العامة للمساقط المخروطية

إذا كانت (ر) هي رأس المخروط في شكل ٨٤ وكانت (١) نقطة على دائرة عرض القياس، وفيمة زاوية عرضها  $\alpha$  وكانت (م) مركز الكرة الأرضية .

١ - نصف قطر دائرة عرض القياس على المسقط

واضح أن نصف القطر هو ر

من المثلث م ١ ر الذي فيه زاوية م ١ ر قائمة وزاوية ر م ١  $= 90^\circ - \alpha$

$$ر = ١ م \times \text{ظلنا } \alpha = \text{ظلنا } \alpha$$

ب - ثابت المخروط

إذا كانت  $\theta$  هي قيمة الزاوية المستوية عند النقطة ر عندما يتخذ المخروط الشكل المستوي وهي الزاوية المركزية المقابلة للقوس الذي يمثل دائرة عرض القياس فمعتدئ تمثل الزاوية  $\theta$  جميع زوايا الطول وقيمتها  $360^\circ$

وتسمى النسبة بين زوايا الطول على الخريطة وزوايا الطول على الأرض بـ ثابت المخروط .

$$\text{ثابت المخروط} = \frac{\theta}{360}$$

و ثابت المخروط هو أيضا النسبة بين أي زاوية طول على الخريطة والزاوية المناظرة على الأرض .

طول قوس دائرة عرض القياس على المسقط يساوي طول محيط هذه الدائرة على سطح الأرض

$$r = \frac{\rho}{180} \times \theta \times \sin \alpha$$

$$r = \frac{\rho}{180} \times \theta \times \cos \alpha$$

$$\cos \alpha = \frac{\sin \alpha}{\sin \theta} = \frac{\theta}{\rho}$$

أي أن ثابت المخروط = جيب زاوية عرض القاس

استخدامات المساقط المخروطية

لما كانت دائرة عرض القاس تظهر على المسقط مساوية في طولها للطول الحقيقي على سطح الأرض ، تستخدم المساقط المخروطية لتمثيل مناطق من سطح الأرض تمتد امتدادا كبيرا مع درجات الطول وامتدادا صغيرا نسبيا مع درجات العرض.

ويؤخذ مخروط القاس بحيث يمس سطح الأرض عند دائرة عرض متوسط المنطقة المطلوب بيانها على الخريطة .

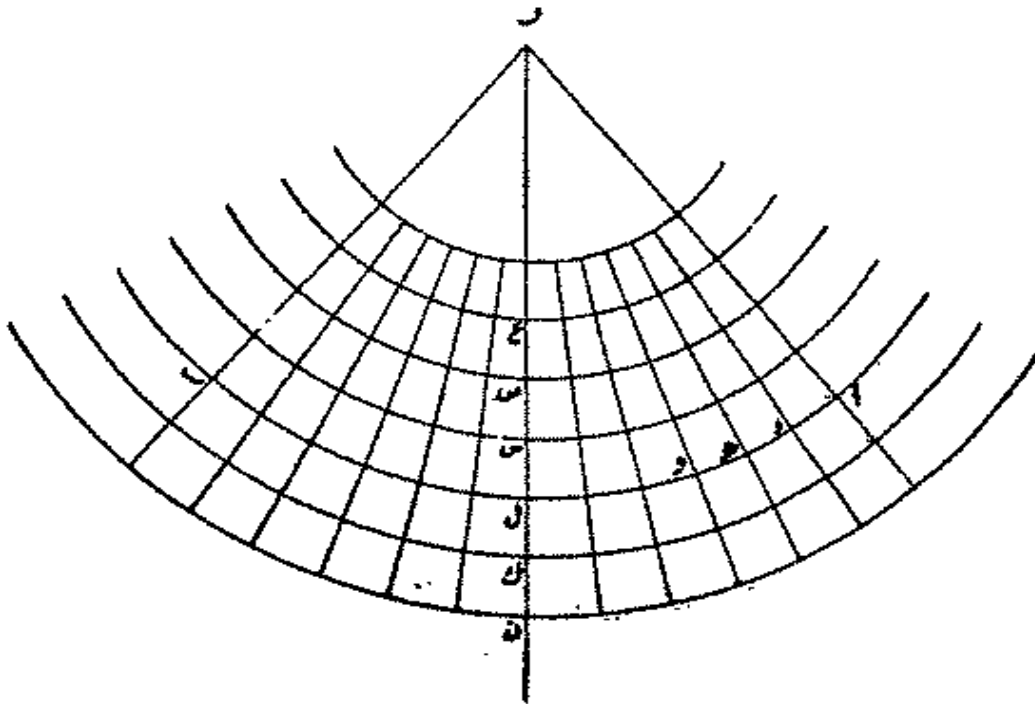
يسمى عرض دائرة القاس بالعرض الرئيسي ويرمز له بالرمز  $\alpha$  .

١ - المسقط المخروطي البسيط

طريقة الإلقاء

نفرض أن قيمة العرض الرئيسي  $\alpha$

١ - نأخذ نقطة مثل  $R$  تمثل رأس المخروط



شكل ٨٥

٢ - إذا كان المسقط يمثل أى عدد آخر من الدرجات الطولية  $\lambda$  فترسم الزاوية  $\theta = \lambda - \alpha$

في جميع الحالات يكون منتصف الزاوية  $\theta$  رأسياً على لوحة الإسقاط وتسمى منتصف الزاوية  $\theta$  خط الطول الأوسط.

٣ - يرسم قوس دائرة المرصن الرئيسى مركزه نقطة رأس المنحروط  $و$  ونصف قطره يساوى تقاطعنا  $\alpha$  ليقابل ضلعى الزاوية  $\theta$  في النقطتين  $ا، ب$ .

٤ - يقسم القوس  $ا ب$  إلى عدد من الأقسام المتساوية في النقط  $و، هـ، ز، ...$  ونصل تلك النقط مع نقطة الرأس  $و$  لتكون خطوط الطول المطلوبة.

٥ - على خط الطول الأوسط  $و ل$  تأخذ المسافات  $ل س، ل ج، ل ع، ...$



تساوى الأبعاد الحقيقية على السطح الكروى للأرض بين دوائر العرض المختلفة ودائرة العرض الرئيسى .

٦ - ترسم دوائر العرض بحيث يكون مركزها عند نقطة الرأس ر وتمر في النقط س ، ص ، ع ، ...

#### ملحوظات

- ١ - القطب يظهر على شكل قوس دائرة وليس نقطة .
- ٢ - خطوط الطول على المسقط وهى خطوط مستقيمة تساوى في أطوالها خطوط الطول الأصلية على سطح الأرض .  
ويمبر عن تلك الخاصية بأن المقياس على خطوط الطول يكون صحيحا .
- ٣ - خط العرض الرئيسى يساوى في طوله دائرة العرض الرئيسى على سطح الأرض أى أن المقياس يكون صحيحا على خط العرض الرئيسى .
- ٤ - خطوط العرض الأخرى بخلاف خط العرض الرئيسى تكون أطول من نظيراتها على سطح الأرض .

#### مثال

مسقط مخروطى بسيط بمقياس ١ : ٥٠ مليون وفيه العرض الرئيسى ٥٠° شمال ويمتد بين خطى الطول ٢٠° شرق ، ١٢٠° شرق .

رادية الطول المطلوب تمثيلها على الخريطة = ١٢٠ - ٢٠ = ١٠٠°

ثابت المخروط = ٥٠° = ٧٦٦٠ ر

قيمة زاوية الرأس في المسقط.  $= ٥٧٦٦٠.٤ \times ١٠٠ = ٥٧٦٦٠٤^\circ$

نصف قطر دائرة العرض الرئيسي على المسقط  $=$  نق ظنا ٥٠

$$= \frac{٦٣٧٠ \times ١٠٠ \dots \times ٥٠ \text{ ظنا}}{٥٠ \dots \dots} = ١٠١٠٥٦٩٠.١ \text{ سم}$$

المسافة القوسية على سطح الأرض التي تمثل  $١^\circ$  عرضية

$$= ١٠ \times \frac{\text{ط}}{١٨٠} \times \text{نق} = ٢٥٢٢٣٥ \text{ سم}$$

نصف قطر دائرة العرض  $٦٠^\circ$  على المسقط  $= ١٠٥٦٩٠.١ - ٢٥٢٢٣٥$

$$= ٨٥٤٦٦٦ \text{ سم}$$

$$٨٥٤٦٦٦ - ٢٥٢٢٣٥ = \dots \dots \dots ٧٠ \dots \dots$$

$$= ٦٥٢٤٣١ \text{ سم}$$

$$٦٥٢٤٣١ - ٢٥٢٢٣٥ = \dots \dots \dots ٨٠ \dots \dots$$

$$= ٤٥٠١٩٦ \text{ سم}$$

$$٤٥٠١٩٦ + ١٠٥٦٩٠.١ = \dots \dots \dots ٤٠ \dots \dots$$

$$= ١٢٥٩١٣٩ \text{ سم}$$

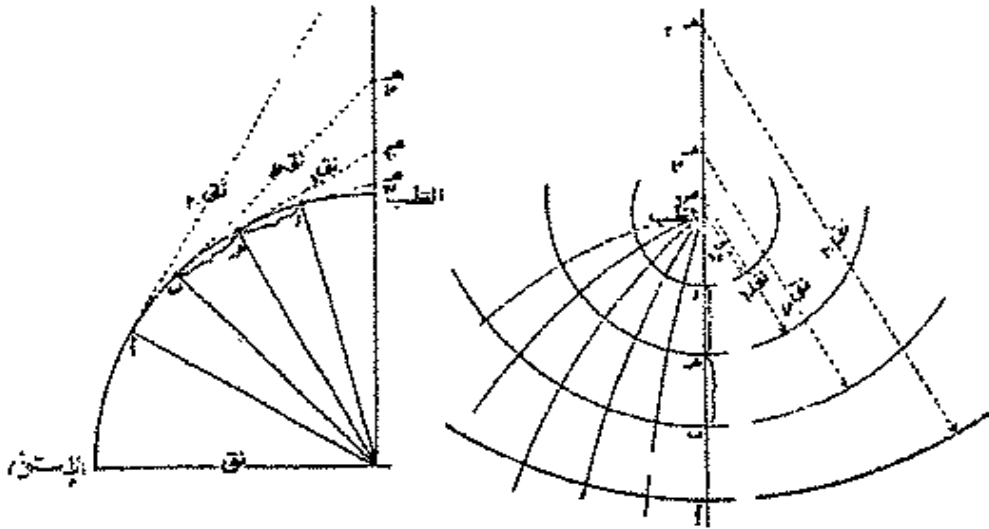
$$١٢٥٩١٣٩ - ٢٥٢٢٣٥ = \dots \dots \dots ٣٠ \dots \dots$$

$$= ١٥٥١٣٧١ \text{ سم}$$

٢ — المسقط متعدد المخاريط

يرسم هذا المسقط مكوناً من مجموعة متعددة من المساقط المخروطية البسيطة كل واحد منها يختص بدائرة عرض .

## طريقة الإنشاء



شكل ٨٦

١ - يرسم خط رأس يمثل خط الطول الأوسط .

٢ - نوقع على هذا الخط النقط ( ١ ، ٢ ، ٣ ، ... ) على أبعاد متساوية من بعضها فنصل تقاطعات دوائر العرض المختلفة وبحيث تكون المسافة بين كل نقطتين منها مساوية للمسافة القوسية على سطح الأرض بين دائرتي العرض المناظرتين .

٣ - نرسم دوائر العرض التي تمر بالنقط ( ١ ، ٢ ، ٣ ، ... ) بعد إيجاد مواقع مراكزها على خط الطول الأوسط وبحيث يبعد مركز كل دائرة عن النقطة المناظرة بمسافة تساوي تقطعا ( زاوية العرض ) .

( في شكل ٨٦  $٣.٢١ = تقطعا ٣٠^\circ$  ،  $٣.٢٢ = تقطعا ٤٥^\circ$  ، ... )

٤ - من كل من النقط التي تحدد مواقع مراكز دوائر العرض أي

$٣.٢١$  ،  $٣.٢٢$  ، ... نرسم دوائر الطول  $\lambda = \lambda_0$  ( زاوية العرض )

فتقابل أضلاع الزاوية القوس المقابل لها و النقطتين اللتين تحددان نهايتى خط العرض

٥ — يقسم كل قوس دائرة عرض على حدة إلى أقسام متساوية .

٦ — نصل بين نقط تقسيم أقواس دوائر العرض لنحصل على خطوط الطول .

مثال :

مسقط متعدد المخاريط بمقياس ١ : ١٠ مليون يمثل ١٢٠° طولية .

$$\text{عرضيه مقاسة على خط الطول الأوسط} = ٥ \times \frac{\text{ط}}{١٨٠} \times \text{نق}$$

$$= ٥٨٩٥٥٥ \text{ سم}$$

$$\text{نق. ٢} = \text{نق ظلًا } ٣٥ = ٩٠٩٧٣٠ \text{ سم}$$

$$\text{٢.٥} = ١٢٠ \text{ حًا } ٣٥ = ٦٨٨٢٩٢$$

$$\text{نق. ٤} = \text{نق ظلًا } ٤٠ = ٧٥٩١٤٧ \text{ سم}$$

$$\text{٤.٥} = ١٢٠ \text{ حًا } ٤٠ = ٧٧١٣٤٥$$

$$\text{نق. ٤} = \text{نق ظلًا } ٤٥ = ٦٣٧٠٠٠ \text{ سم}$$

$$\text{٤.٩} = ١٢٠ \text{ حًا } ٤٥ = ٨٤٨٥٢٨$$

$$\text{نق. ٥} = \text{نق ظلًا } ٥٠ = ٥٣٥٠٦ \text{ سم}$$

$$\text{٥.٥} = ١٢٠ \text{ حًا } ٥٠ = ٩١٩٢٥٣$$

$$\text{نق. ٥} = \text{نق ظلًا } ٥٥ = ٤٤١٦٠٣٢ \text{ سم}$$

$$\text{٥.٥} = ١٢٠ \text{ حًا } ٥٥ = ٩٨٢٩٨٢$$



٣ هي الزاوية المركزية عند رأس المخروط

طول قوس العرض  $\alpha$  على المسقط = محيط دائرة العرض  $\alpha$  على سطح الأرض

$$(١) \quad \text{ط} \text{ تق جتا } \alpha = \text{تق} \alpha \times \frac{\text{ط}}{١٨٠} \times \theta$$

$$(٢) \quad \text{ط} \text{ تق جتا } \beta = \text{تق} \beta \times \frac{\text{ط}}{١٨٠} \times \theta \quad \text{كذلك}$$

المسافة بين القوسين على المسقط = المسافة القوسية بين دائرتي العرض  $\alpha$  ،  $\beta$  على سطح الأرض

$$(٣) \quad \text{تق} \alpha - \text{تق} \beta = \text{تق} (\alpha - \beta) \times \frac{\text{ط}}{١٨٠}$$

وبطرح المعادلة (٢) من المعادلة (١)

$$\text{ط} \text{ تق} (\text{جتا } \alpha - \text{جتا } \beta) = (\text{تق} \alpha - \text{تق} \beta) \times \frac{\text{ط}}{١٨٠} \times \theta$$

$$(٤) \quad \text{أي} \quad \text{تق} \alpha - \text{تق} \beta = \text{تق} (\text{جتا } \alpha - \text{جتا } \beta) \times \frac{٣٦٠}{\theta}$$

ومن المعادلتين (٣) ، (٤) ينتج ان

$$\text{تق} (\alpha - \beta) \times \frac{\text{ط}}{١٨٠} = \text{تق} (\text{جتا } \alpha - \text{جتا } \beta) \times \frac{٣٦٠}{\theta}$$

$$\theta = \text{ثابت المخروط} = \frac{\alpha}{360} = \frac{\text{جنا } \alpha - \text{جنا } \beta}{180} \times \frac{\text{ط}}{\text{ث}}$$

$$\frac{\text{ث}}{\text{ث}} = \text{ث (1) ث}$$

$$\frac{\text{ث}}{\text{ث}} = \text{ث (2) ث}$$

وتقع دوائر العرض الأخرى بحيث تبعد عن العرض الرئيسى  $\alpha$  أو  $\beta$  بمسافة تساوى المسافة القوسية المناظرة على سطح الأرض .

$$\text{ث} = \frac{\text{ث}}{180} \times (\phi - \alpha) + \frac{\text{ث}}{\text{ث}} = \phi$$

### طريقة الإلقاء

يرسم بنفس الطريقة المتبعة في رسم المسقط المخروطى البسيط وذلك بعد تحديد الخصائص الهندسية للمخروط المطلوب .

مثال :

مسقط مخروطى بعرضين رئيسيين  $60^\circ$  ،  $70^\circ$  شمال بقياس 1 : 20 مليون

يمثل  $100^\circ$  طولية

$$\text{ث} = 2185 \text{ سم}$$

$$\theta = \text{ثابت المخروط} = \frac{180}{\pi} \times \frac{\text{جنا } 70 - \text{جنا } 75}{(70 - 75)} = 0.92124$$

$$\text{الزاوية المركزية عند رأس المخروط} = 100^\circ \times \theta = 92.124^\circ$$

$$\text{نق. } 70 = \frac{\text{نق جنا } 70}{\theta} = 172865 \text{ سم}$$

$$\text{نق. } 75 = \frac{\text{نق جنا } 75}{\theta} = 89471 \text{ سم}$$

المسافة القوسية على سطح الأرض التي تقابل  $0^\circ$  عرضيه

$$= 0 \times \frac{\pi}{180} \times \text{نق} = 27794 \text{ سم}$$

$$\text{نق. } 1 = 172865 + 27794 = 200659 \text{ سم}$$

$$\text{نق. } 2 = 200659 + 27794 = 228453 \text{ سم}$$

$$\text{نق. } 3 = 172865 - 27794 = 145071 \text{ سم}$$

$$\text{نق. } 4 = 145071 - 27794 = 117277 \text{ سم}$$

$$\text{نق. } 5 = 145071 - 89471 = 55600 \text{ سم}$$



### المقياس على المسقط المخروطي بعرضين رئيسيين :

على المسقط المخروطي البسيط يحتفظ قوس العرض الرئيسي بالمقياس صحيحا - أما باقي خطوط العرض فاقياس يأخذ في التغير كلما ابتعدنا عن العرض الرئيسي .

أما على المسقط المخروطي بعرضين رئيسيين وباختيار العرضين الرئيسيين داخل المنطقة المطلوب تمثيلها على المسقط فإن المقياس لا يتغير كثيرا داخل نطاق الخريطة . وعادة يتم اختيار العرضين الرئيسيين بحيث يبعد كل منهما عن العرض المحدد للخريطة بمقدار  $\frac{1}{4}$  الاتساع العرضي للخريطة . وقد تنغير تلك القاعدة حسب شكل المنطقة المطلوب تمثيلها على الخريطة .

مثال لذلك خريطة تمتد من العرض  $40^\circ$  شمال الى العرض  $65^\circ$  شمال

أي أن الاتساع العرضي  $25^\circ$  . (  $25 \div 4 = 6.25$  تقريبا )

العرض الرئيسي الأول  $40 + 6.25 = 46.25^\circ$  شمال

والثاني  $65 - 6.25 = 58.75^\circ$  .

ويمكن اختيار العرضين  $40^\circ$  ،  $60^\circ$  كعرضين رئيسيين دون أن يؤثر ذلك على المقياس على الخريطة .

٤ - المساقط المخروطية متساوية المساحات

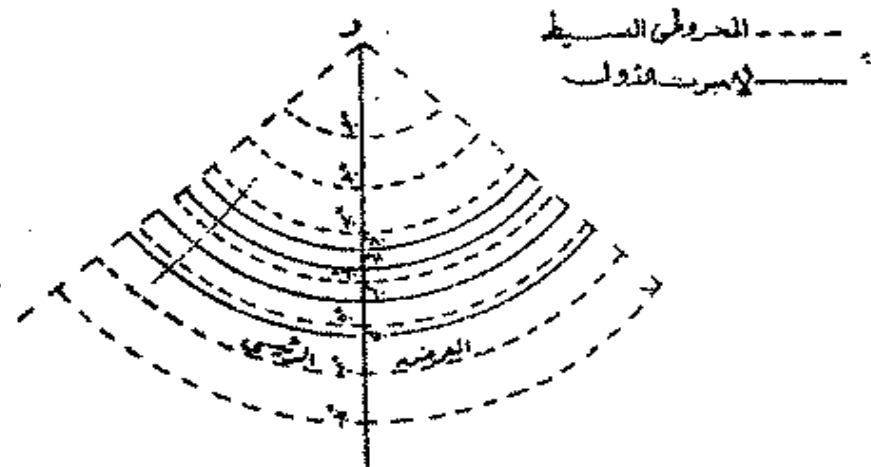
المساقط المخروطية الثلاثة السابقة تعطي مساحات على سطح الخريطة أكبر من المساحات المناظرة على سطح الأرض .

ولإشياء مسقط مخروطي متساوي المساحات يتبع إحدى الطرق الثلاثة الآتية :

### الطريقة الأولى

نبدأ بمخروط التماس الذي يحدد قيمة زاوية الرأس كما يحدد قيمة نصف قطر دائرة العرض الرئيسى .

ثم تعدل المسافات بين أقواس العرض وتصبح غير مساوية للمسافات الأصلية على سطح الأرض ولكن بحيث تكون المساحة على الخريطة مساوية للمساحة المناظرة على سطح الأرض .



شكل ٨٨

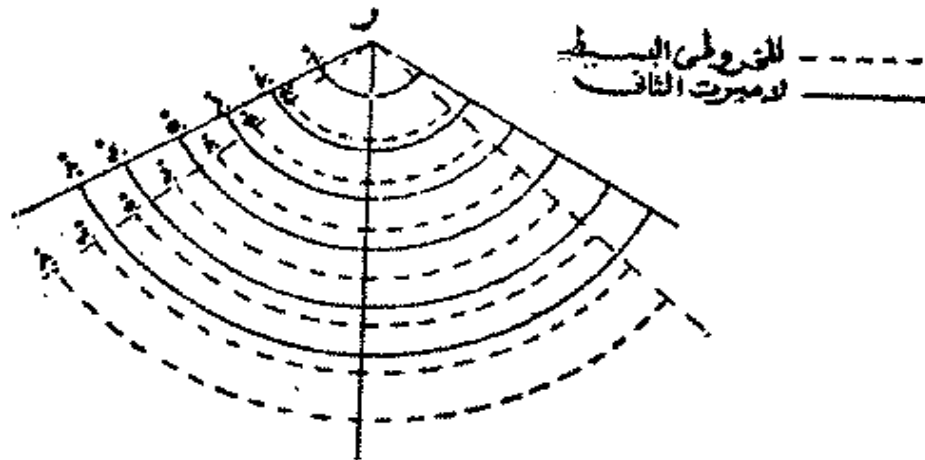
ويسمى الماسقط الناتج بهذه الطريقة مسقط لامبرت المخروطي متساوي المساحات ( الحالة الأولى ) .

### الطريقة الثانية

يتم اختيار مخروط افتراضى مخالف لمخروطي التماس بحيث يعطى طولاً

لقوس دائرة العرض الرئيسى مساوياً لنفايزه على سطح الأرض وأيضاً تكون المساحة على المسقط للقطاع الدائرى الذى مركزه رأس المخروط وقوس دائرته هو العرض الرئيسى مساوية للمساحة على سطح الأرض للطاقيسة الكروية التى يحددها العرض الرئيسى . كما ترسم دوائر العرض الأخرى بحقة الخاصة بالمساحات المتساوية .

فى هذه الطريقة تكون زاوية رأس المخروط الافتراضى أكبر من زاوية رأس مخروط التماس ولكن يكون نصف قطر دائرة العرض الرئيسى فى المخروط الافتراضى أصغر من نصف قطر دائرة العرض الرئيسى فى مخروط التماس .

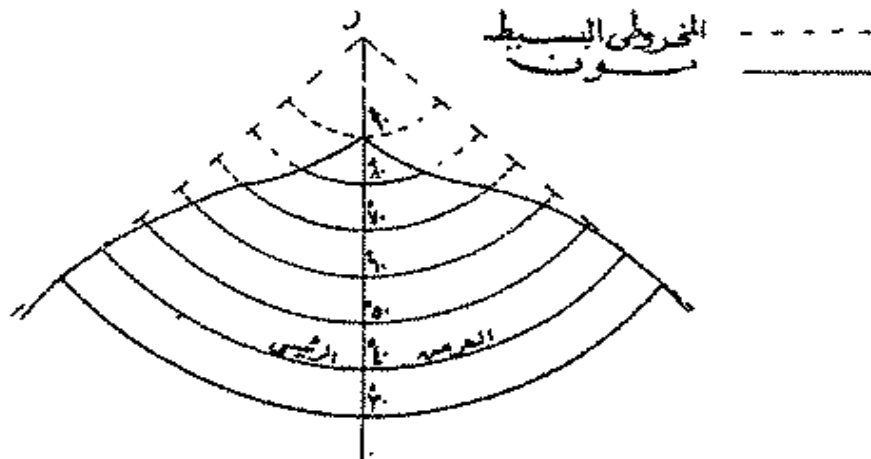


شكل ٨٩

ويسمى المنقط الناتج بهذه الطريقة مسقط لامبرت المخروطى متساوى المساحات ( الحالة الثانية )

### الطريقة الثالثة

في هذه الطريقة تم الخطوات المتبعة في رسم المسقط المخروطي البسيط والخاصة بتحديد قيمة أنصاف أقطار دوائر العرض ثم تمديد أطوال أقواس دوائر العرض حتى تصبح مساوية لأطوالها الحقيقية على سطح الأرض وبذلك تكون المساحة على المسقط مساوية للمساحة المناظرة على سطح الأرض .



شكل ٩٠

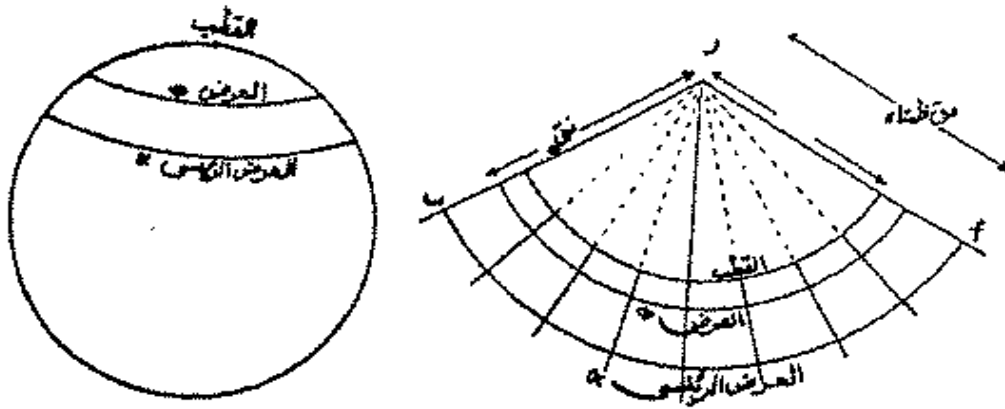
ويسمى المسقط الناتج بهذه الطريقة مسقط بون

٥ - مسقط لامبرت المخروطي متساوي المساحات

( الحالة الأولى )

### طريقة الإنشاء

١ - نرسم خطاً رأسياً يمثل خط الطول الأوسط ، ونأخذ عليه نقطة  $R$  تمثل رأس المخروط .



شكل ٩١

٢ - ترسم ضلعى الزاوية  $\theta$  بحيث ينصفها خط الطول الأوسط .  
والزاوية  $\theta$  تمثل عدد الدرجات الطولية المطلوب رسمها

$$\theta = ٣٦٠^\circ \text{ حـا } \alpha \quad \text{إذا كان المسقط يمثل } ٣٦٠^\circ \text{ طوليه}$$

$$\theta = \lambda \text{ حـا } \alpha \quad \text{إذا } \lambda \text{ طوليه}$$

٣ - ترسم دائرة العرض الرئيسى  $\alpha$  من المركز ر بنصف قطر يساوى  
نق ظا  $\alpha$  ليقابل ضلعى الزاوية  $\theta$  فى النقطتين ب ، ف .

٤ - يقسم القوس ا ب إلى عدد من الأقسام المتساوية وتصل بين نقط  
التقسيم والنقطة ر نحصل على خطوط الطول .

٥ - ترسم أقواس دوائر العرض الأخرى من المركز ر بحيث تكون  
المساحة على المسقط مساوية للمساحة المناظرة على سطح الأرض . يتم إيجاد  
نصف قطر دائرة العرض  $\phi$  كما يلى :

( ا ) مساحة القطاع الدائري الذي مركزه ر وقوسه يمثل العرض الرئيسي

$$\frac{\pi}{180} \times \theta \times \left( \text{نق}^2 \text{ظنا } \alpha \right) =$$

( ب ) مساحة القطاع الدائري الذي مركزه ر وقوسه يمثل العرض  $\phi$

$$\frac{\pi}{180} \times \phi \times \left( \text{نق}^2 \text{ظنا } \phi \right) =$$

( ج ) المساحة المحصورة بين القطاعين

$$\left( \text{نق}^2 \text{ظنا } \alpha - \text{نق}^2 \text{ظنا } \phi \right) \frac{\pi}{180} \times \theta =$$

( د ) المساحة المناظرة على سطح الأرض  $= r \times \left( \text{جا } \phi - \text{جا } \alpha \right)$

( هـ ) المساحة على السقوط تساوي المساحة على سطح الأرض

$$\frac{\pi}{360} \times \theta \left( \text{نق}^2 \text{ظنا } \alpha - \text{نق}^2 \text{ظنا } \phi \right) = r \times \left( \text{جا } \phi - \text{جا } \alpha \right)$$

$$\text{نق}^2 \text{ظنا } \phi = \text{نق}^2 \text{ظنا } \alpha - \frac{360}{\theta} \times r \times \left( \text{جا } \phi - \text{جا } \alpha \right)$$

وبالتعويض عن  $\frac{\theta}{360}$  بقيمة ثابت المخروط  $= \text{جا } \alpha$

$$\left( \frac{\text{جا } \phi}{\text{جا } \alpha} r - r + \text{نق}^2 \text{ظنا } \alpha \right) \text{نق}^2 \text{ظنا } \phi =$$

$$\text{نق} = \sqrt{\frac{\text{جا } \alpha}{\alpha} (2 - 2 + \alpha^2 \text{ظنا})}$$

مثال:

مسقط لامبرت المخروطي متساوي المساحات ( الحالة الأولى ) بمقياس  
1 : 250 مليون وفيه العرض الرئيسي 55° شمال ويمثل 80° طوله

$$\text{نق} = 25048 \text{ سم}$$

$$0 = 80 = \alpha \text{ جا } 55 = 60522^\circ$$

$$\text{نق}_0 = \text{نق ظنا } 55 = 1708412 \text{ سم}$$

$$\text{نق}_1 = \sqrt{\frac{\text{جا } \alpha}{\alpha} (2 - 2 + 55^2 \text{ظنا})} 25048$$

$$= 1506209 \text{ سم}$$

$$\text{نق}_2 = \sqrt{\frac{\text{جا } \alpha}{\alpha} (2 - 2 + 55^2 \text{ظنا})} 25048$$

$$= 1304222 \text{ سم}$$

$$\text{نق}_3 = \sqrt{\frac{\text{جا } \alpha}{\alpha} (2 - 2 + 55^2 \text{ظنا})} 25048$$

$$= 200622 \text{ سم}$$





يسكون طول القوس الذي يمثل دائرة العرض الرئيسى على المسقط مساويا لمحيط دائرة العرض الرئيسى على سطح الارض

$$2\pi R \sin \alpha = \frac{\pi}{180} \times 2\pi R \cos \alpha$$

$$(1) \quad \sin \alpha = \frac{360}{\theta} \cos \alpha$$

ونكون المساحة من رأس المخروط إلى قوس دائرة العرض الرئيسى على المسقط مساوية للمساحة المناظرة على سطح الارض

$$\frac{1}{2} \times \frac{\pi}{180} \times 2\pi R^2 \sin^2 \alpha = \frac{1}{2} \times \frac{\pi}{180} \times 2\pi R^2 (1 - \cos^2 \alpha)$$

$$(2) \quad \sin^2 \alpha = (1 - \cos^2 \alpha) \times \frac{360}{\theta}$$

لإختصار المعادلتين (1)، (2) نتخذ الرمز  $x = 360 - \alpha$  ونسمى زاوية  $x$  متمم العرض .

تصبح المعادلة (1)

$$\sin \frac{360}{\theta} = \cos x$$

$$(2) \quad \frac{x}{2} \cos \frac{x}{2} = \frac{360}{\theta}$$

ونصبح المعادلة (٢)

$$\sin^2 \alpha = 2 \times \frac{260}{\theta} \times \sin^2 (1 - \text{جنا} \times)$$

$$(٤) \quad \frac{x}{2} \times 2 \times \sin^2 \frac{260}{\theta} \times 2 =$$

وبقسمة المعادلة (٤) على المعادلة (٢) ينتج

$$(٥) \quad \sin^2 \alpha = 2 \times \sin^2 \frac{x}{2}$$

$$(٦) \quad \sin^2 \alpha = \frac{\phi}{260} = \frac{x}{2} \times \sin^2 \frac{\phi}{2}$$

ولإيجاد نصف قطر دائرة العرض  $\phi$  نطبق شرط تساوى المساحات

$$\frac{1}{2} \times \phi \times \sin^2 \alpha = \frac{\pi}{180} \times \phi \times \sin^2 (1 - \text{جنا} \times)$$

وباستخدام الزمر  $\psi = 90^\circ - \phi$  أى أن  $\psi$  تنص  $\phi$  نجد أن

$$\sin^2 \alpha = \frac{260}{\theta} \times \sin^2 \frac{\psi}{2}$$

$$= \frac{\frac{\psi}{2} \text{ حتا}}{\frac{\psi}{2} \text{ حتا}} \text{ نق} =$$

$$\text{ومنها نق} = 2 \text{ نق حتا} \frac{\psi}{2} \text{ قسا} \frac{x}{2}$$

### طريقة الإنشاء

مماثلة تماما لباقي المساقط المخروطية

### مثال

مسقط لامبرت المخروطي متساوي المساحات ( الحالة الثانية ) بقياس  
١ : ١٢٥٠ مليون وفيه العرض الرئيسى ٤٨° شمال والإتساع الطولى  
للمسقط ١٤٠°

$$\text{نق} = ٥٠٠٩٦ \text{ سم}$$

$$\text{متسم العرض الرئيسى} = ٤٢°$$

$$\text{ثابت المخروط} = \frac{٤٢}{2} \text{ جتا} = ٠.٨٧١٥٧$$

$$\text{زاوية الرأس} = ١٤٠ \times ٠.٨٧١٥٧ = ١٢٢.٠٢٠°$$

$$\text{نق} ٤٨ = 2 \text{ نق ظا} \frac{٤٢}{2} = ٣٩٠١٢٣٤ \text{ سم}$$

$$\text{نق} ٤٤ = 2 \text{ نق حتا} \frac{٤٦}{2} \text{ قسا} \frac{٤٢}{2} = ٤٢٠٦٥٦٥ \text{ سم}$$

$$\text{نق ٥} = ٢ \text{ نق حـ} = \frac{٢٨}{٢} \text{ قـ} = \frac{٤٢}{٢} \text{ م} = ٢١ \text{ م} = ٢٠٥٤٢٦ \text{ م}$$

#### ٧ — مسقط بون المخروطي متساوى المساحات

يشبه هذا المسقط في طريقة إنشائه المسقط المخروطي البسيط ، فيما عدا أن الأقواس التي تمثل خطوط العرض لا تمتد بين ضلعي الزاوية المحددة للمسقط ، ولكن كل قوس على حدة يساوى في طوله طول دائرة العرض المناظرة له على سطح الأرض . بهذا تكون المساحات على المسقط مساوية للمساحات على سطح الأرض.

إذا تتبعنا أحد خطي الطول المحددين للمسقط وهو الخط الذي يصل بين نقط نهايات أقواس دوائر العرض نجد أن شكله يكون منحنياً . وستأخذ باقي خطوط الطول أشكالاً منحنية مشابهة .

يستخدم هذا المسقط في خرائط الأطلس وخرائط الخائط لتمثيل أوروبا ، آسيا ، أمريكا الشمالية وأستراليا . كما يستخدم لتمثيل مناطق كبيرة متوالية كالموقع بين القطب والاعتدال مثل الاتحاد السوفيتي .

يعطى مسقط بون صورة تشبه خطوط الطول والعرض أقرب إلى الحقيقة . من مسطى لامبرت المخروطيين اللذين يظهران خطوط الطول على هيئة خطوط مستقيمة مع أن شكلها الحقيقي على الأرض يكون مستديراً .



٢ - ترسم دائرة العرض الرئيسى  $\alpha$  من المركز  $R$  بنصف قطر يساوى تق طنا  $\alpha$  يقابل ضلعى الزاوية  $\theta$  فى  $\alpha$  ب .

٤ - يقسم القوس  $\alpha$  ب إلى عدد من الأقسام المتساوية .

وتمثل نقط التماس تقاطعات خطوط الطول مع دائرة العرض الرئيسى .

٥ - من نقطة تقاطع خط الطول الأوسط مع دائرة العرض الرئيسى ( ل ) نأخذ المسافات ل س ، ل ص ، ل ع ، ... تساوى الأبعاد الحقيقية على سطح الأرض الكروى بين دوائر العرض المختلفة ودائرة العرض الرئيسى .

ومن المركز  $R$  وبأنصاف أقطار مساوى  $RS$  ،  $RV$  ،  $RE$  ، ... ترسم أقواس دوائر العرض .

٦ - نحدد نسبياً كل قوس من دوائر العرض بحيث يكون طول القوس مساوياً للطول الحقيقى لهذه القنطرة على سطح الأرض .

يتم هذا التحديد من العلاقة الرياضية السابق ذكرها كما يلى :

طول القوس على المسقط = الطول المناظر على سطح الأرض .

الزاوية عند مركز القوس  $\times$  نصف القطر على المسقط

= الزاوية  $\times$  نصف القطر على الأرض

$$\phi \times \text{تق} = \lambda \times \text{تق جتا} \phi$$

$$\frac{\phi \times \lambda \times \text{تق جتا} \phi}{\text{تق} \phi} = \phi$$

٧ - يقسم كل قوس يمثل دائرة عرض على حدة أقساما متساوية .

٨ - نصل نقط التقسيم المتناظرة لنحصل على خط الطول .

مثال

مسقط برن بمقياس ١ : ٧٥٠٠٠٠ وفيه العرض الرئيسى ٤٠° شمال  
والإتساع الطولى للمسقط ١٦٠°

$$\psi = 8499222 \text{ سم}$$

$$\psi_{40} = \psi \text{ هنا } 40 = 8499222 \text{ سم}$$

$$400 = 160 - 40 \text{ ح } 1137137^\circ$$

$$3^\circ \text{ عرضية على سطح الارض} = \psi \times \frac{\pi}{180} \times 2 = 4714471 \text{ سم}$$

$$\psi_{42} = 8499222 + 4714471 = 13213693 \text{ سم}$$

$$\psi_{42} = \frac{160 - 42 \text{ ح } 42}{8923804} = 1129887^\circ$$

$$\psi_{29} = 8923804 + 4714471 = 13638275 \text{ سم}$$

$$\psi_{29} = \frac{160 - 29 \text{ ح } 29}{9328275} = 1122006^\circ$$

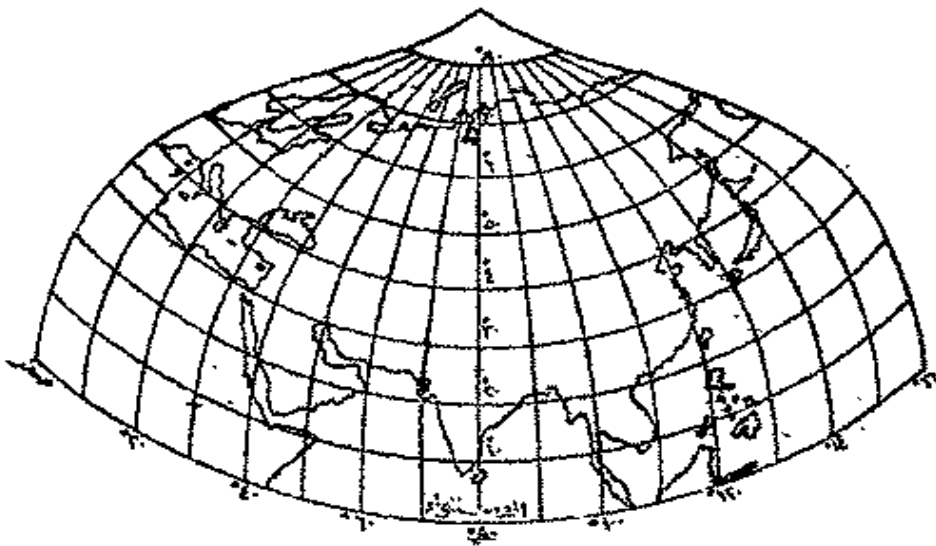
$$\text{س} ٤٨ = ٨٤٥٩٣٣٣ - ٤٥٤٤٧ = ٨٠٥٤٨٦٢$$

$$٤٨^\circ = \frac{٤٨ \times ١٦٠}{٨٠٥٤٨٦٢} = ١١٢٥٩٧٦$$

$$\text{س} ٥١ = ٨٠٥٤٨٦٢ - ٤٥٤٤٧ = ٧٦٠٣٩١$$

$$٥١^\circ = \frac{٥١ \times ١٦٠}{٧٦٠٣٩١} = ١١٢٥٤٦٩$$

و



شكل ٩٣

قارة آسيا على مسقط يورن . العرض الرئاسى ٤٠° شمال



٨ — المسقط المخروطي متساوي المساحات بعرضين رئيسيين

أو

مسقط السهم

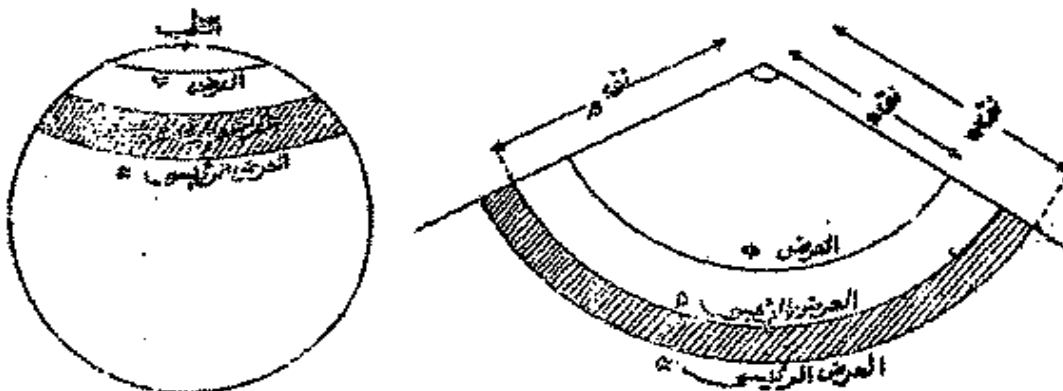
كما يتبين من اسم المسقط، يتم رسمه بطريقة مشابهة للمسقط المخروطي بعرضين رئيسيين، ويعتمد المسقط على مخروط افتراضي يحقق الشرطين الآتين :

أولاً : قوسان من دوائر العرض المرسومة من رأس المخروط كمرکز، يساويان في طولهما دائرتين من دوائر العرض مثل  $\alpha$  ،  $\beta$  .

ثانياً : المساحة على المسقط المحصورة بين هذين القوسين تساوي مساحة المنطقة على سطح الأرض بين دائرتي العرض  $\alpha$  ،  $\beta$  .

في هذا المسقط وكذلك في المسقط المخروطي بعرضين رئيسيين يظهر القطب على شكل قوس من دائرة العرض .

الخصائص الهندسية للمسقط



شكل ٩٤

نقرض أن نصف قطر قوس دائرة العرض الرئيسي  $\alpha$  على المسقط هو  $r$



$$\frac{\alpha^2 \text{جا}^2 - \beta^2 \text{جا}^2}{(\alpha \text{جا} - \beta \text{جا})^2} =$$

$$\frac{\alpha \text{جا} + \beta \text{جا}}{2} = \text{ث}$$

وبالرجوع الى المعادلتين (١) ، (٢) نجد أن

$$\frac{\alpha \text{نق جتا}}{\text{ث}} = \alpha \text{نق}$$

$$\frac{\beta \text{نق جتا}}{\text{ث}} = \beta \text{نق}$$

ومن العلاقات الثلاثة السابقة يمكن رسم منحروط المسقط وكذلك أقواس دائرة العرض الرئيسيين.

ولرسم أقواس دوائر العرض الأخرى نرمز لنصف قطر دائرة العرض  $\phi$  بالرمز  $\text{نق}\phi$

وتكون المساحة على المقطع بين قوسى دائرتى العرض  $\phi$  ،  $\beta$  (مثلا) مساوية للمساحة المناظرة على سطح الأرض . أى أن

$$\frac{\text{ط}}{180} \times \phi \times \frac{1}{2} = (\text{نق}\beta - \text{نق}\phi) \times \frac{2}{\text{ث}} \times \frac{1}{2}$$

$$(\text{نق}\beta - \text{نق}\phi) \times \frac{2}{\text{ث}} = \frac{\text{ط}}{\text{ث}} \times \phi$$

$$\sqrt{\frac{\text{ط}}{\text{ث}} \times \phi} = \text{نق}\phi$$

### طريقة الإنشاء.

يرسم المسقط المخروطي مقساري المساحات بعرضين رئيسيين بنفس الطريقة  
المنبئة في رسم المسائط المخروطية .

مثال : مسقط البرز بعرضين رئيسيين  $55^\circ$  و  $70^\circ$  شمال بقياس  
١ : ١٠ مليون - يمث ١٠٠ درجة طولية

$$\text{تق} = 63770 \text{ سم}$$

$$\text{مجايت المخروط ث} = \frac{\text{جا } 55^\circ + \text{جا } 70^\circ}{2} = 0.87942$$

$$\text{قيمة زاوية الرأس} = 100^\circ \times \text{ث} = 0.87942^\circ$$

$$\text{نصف قطر قوس دائرة العرض } 55^\circ = \frac{\text{تق جتا } 55^\circ}{\text{ث}} = 615046 \text{ سم}$$

$$\text{نصف قطر قوس دائرة العرض } 70^\circ = \frac{\text{تق جتا } 70^\circ}{\text{ث}} = 249774 \text{ سم}$$

$$\text{نصف قطر قوس دائرة العرض } 75^\circ$$

$$\sqrt{(63770)^2 - (249774)^2} = (70^\circ \text{ جا} - 75^\circ \text{ جا}) \times 0.87942 = 195279 \text{ سم}$$

وبالمثل نصف قطر قوس دائرة العرض  $90^\circ = 362,30$  م

و  $90^\circ = 362,30$  م

٩ - المقط المخروطي الشاهي

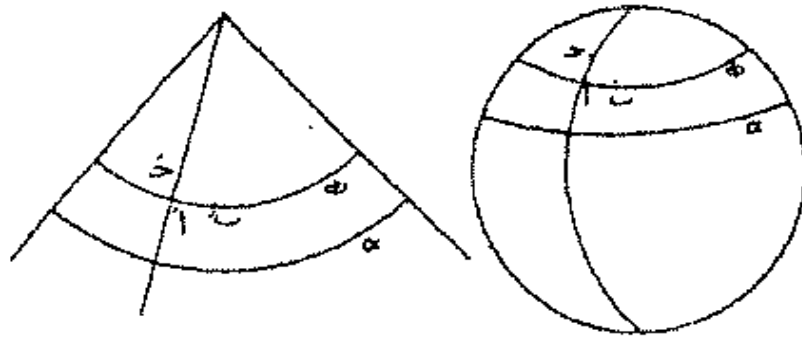
أو

مسقط لامبرت المخروطي الشاهي

خاصية الشابة في هذا المسقط تحقق التماثل بين خطوط الطول ودوائر العرض كما تعطى تناسبا في الأبعاد المرسومة على المقط مع نظائرها على سطح الأرض.

في هذا المقط يرسم مخروط بمائل تماما لمخروط التماس أي أن زاوية رأس المخروط  $\theta = 36,0^\circ$  حيث  $\alpha$  هو العرض الرئيسي

ويكون نصف القطر على المقط نفس قوس دائرة العرض الرئيسي  $\alpha$  تقريبا  $\alpha$  كما في حالة مخروط التماس .



شكل ٩٥

وترسم أقواس دوائر العرض بحيث تكون مراكزها عند رأس المخروط  
وبحيث تحقق خاصية التشابه — أى بحيث تعطى تناسباً في الأبعاد

نفرض أن  $A, B$  نقطتان على دائرة العرض  $\phi$  على سطح الأرض وتبعدان  
عن بعضهما بزاوية طول صغيرة مقدارها  $\Delta \lambda$ .

نفرض نقطة  $C$  على خط طول  $\lambda$  وتبعد عن  $A$  بزاوية عرض صغيرة  
مقدارها  $\Delta \phi$ .

ونفرض أن  $A', B', C'$  هي مساقط النقط  $A, B, C$  على

ونفرض أن قيمة نصف قطر دائرة العرض  $\phi$  على المسقط  $= r$

$$AB = r \sin \Delta \phi$$

$$AC = r \sin \Delta \lambda$$

$$A'B' = r' \sin \Delta \phi$$

$$A'C' = r' \sin \Delta \lambda$$

$$\Delta \phi = \Delta \phi'$$

للتشابه بين الخريطة وسطح الأرض يكون

$$\frac{A'B'}{AB} = \frac{A'C'}{AC}$$

$$\frac{\theta \Delta \cdot \gamma}{\lambda \Delta \cdot \phi \text{ جتا}} = \frac{\gamma \Delta -}{\phi \Delta \text{ نق}}$$

وبالتعويض عن  $\theta \Delta = \alpha \Delta$  ينتج أن

$$\phi \Delta \cdot \phi \text{ قا} = \frac{\phi \Delta \cdot \phi \text{ حا}}{\phi \text{ جتا}} = \frac{\gamma \Delta -}{\gamma}$$

$$\phi \text{ س} \cdot \phi \text{ قا} \left[ \alpha \text{ حا} = \frac{\gamma \text{ س}}{\gamma} \right] \text{ وباجراء التكامل}$$

$$\phi \left[ \frac{\phi}{\gamma} + \epsilon \phi \right] \alpha \text{ حا} = \left[ \begin{matrix} \text{نق} \phi \\ \text{نق} \alpha \end{matrix} \right] \text{ لو } \gamma$$

$$\alpha \text{ حا} - \frac{\phi}{\left[ \frac{(\frac{\phi}{\gamma} + \epsilon \phi)}{\alpha} \right]} = \frac{\text{نق} \phi}{\text{نق} \alpha}$$

$$\alpha \text{ حا} - \left[ \frac{(\frac{\phi}{\gamma} + \epsilon \phi)}{(\frac{\alpha}{\gamma} + \epsilon \phi)} \right] \text{ نق} \phi = \text{نق} \alpha$$

$$\alpha \text{ جا } \left[ \frac{\left( \frac{\alpha}{\gamma} + 10 \right) \text{ ظا}}{\left( \frac{\phi}{\gamma} + 10 \right) \text{ ظا}} \right] \alpha \text{ نق} = \text{نق} \phi$$

ومن هذه العلاقة نتحدد قيم الصافي افطار أقواس دوائر العرض

مثال: مسقط مخروطي تشايجي بمقياس ١ : ٧ ١/٢ مليون ، فيه العرض الرئيس ٤٠° شمال والاتساع الطولي ٨٠ درجة .

$$\text{نق} = ٨٤٩٣٣٢ \text{ سم}$$

$$\text{زاوية رأس المخروط } \theta = ٨٠ \times \text{جا } ٤٠ = ٥١٤٢٣$$

$$\text{نق} \phi = \text{نق} \alpha \text{ ظا } ٤٠ = ١٠١٢١٩٦ \text{ سم}$$

$$\text{نق} \phi = \text{نق} \alpha \left[ \frac{\left( \frac{\phi}{\gamma} + 10 \right) \text{ ظا}}{\left( \frac{\alpha}{\gamma} + 10 \right) \text{ ظا}} \right] \text{نق} \alpha = ١٠٨٢٦٤١ \text{ سم}$$

$$\text{نق} \phi = \text{نق} \alpha \left[ \frac{\left( \frac{\phi}{\gamma} + 10 \right) \text{ ظا}}{\left( \frac{\alpha}{\gamma} + 10 \right) \text{ ظا}} \right] \text{نق} \alpha = ٩٣٧٩٨٢ \text{ سم}$$



$$\text{نق.} = \text{نق.} \quad \text{ح.} \alpha \quad \text{نق.} = \left[ \frac{\left( \frac{\alpha}{2} + 45 \right) \text{ ظا}}{\left( \frac{\psi}{2} + 45 \right) \text{ ظا}} \right] \quad \text{سم } 862170$$

### تحويل العلاقات في المثلث

يمكن باستخدام متمات زوايا المثلث الوصول الى صورة مبسطة للعلاقة التي تعطى قيمة نصف القطر  $\text{نق.}$ .

$$x - 90 = \alpha \quad \text{أى} \quad \alpha \text{ تمام المثلث}$$

$$\psi - 90 = \phi \quad \text{أى} \quad \phi \text{ تمام المثلث}$$

$$\alpha \text{ ح.} \quad x - 90 \quad \left[ \frac{\left( \frac{x - 90}{2} + 45 \right) \text{ ظا}}{\left( \frac{\psi - 90}{2} + 45 \right) \text{ ظا}} \right] \quad \text{نق.} = \text{نق.}$$

$$\alpha \text{ ح.} \quad x \quad \left[ \frac{\left( \frac{x}{2} - 90 \right) \text{ ظا}}{\left( \frac{\psi}{2} - 90 \right) \text{ ظا}} \right] \quad \text{نق.} =$$

$$\alpha \text{ ح.} \quad \psi \quad \left[ \frac{\frac{\psi}{2} \text{ ظا}}{\frac{x}{2} \text{ ظا}} \right] \quad \text{نق.} = \text{نق.}$$

١٠ — المسقط المخروطي التشابهى بمرضين رئيسيين

هذا المسقط يماثل المسقط المخروطي التشابهى بمرض رئيسى واحد وذلك في طريقة الإنشاء .

في المسقط المخروطي التشابهى بمرض رئيسى واحد يكون طول قوس العرض الرئيسى على الخريطة مساويا لنظيره على سطح الأرض . أما باقى أقواس دوائر العرض المرسومة على الخريطة فتكون أطول من نظيراتها على سطح الأرض وهذه الزيادة في أطوال أقواس دوائر العرض تكون تقريبا متساوية كلما ابتعدنا عن العرض الرئيسى .

وعلى ذلك لو قسنا بتصغير مقياس رسم المسقط المخروطي بمرض رئيسى واحد بنسبة معينة أمكن الوصول الى مرضين أحدهما شمال العرض الرئيسى والآخر جنوبه ، يكونان ، مساويان في طوليهما للعرضين المتناظرين على سطح الأرض . في هذه الحالة تكون أطوال أقواس دوائر العرض المرسومة على الخريطة بين هذين العرضين أقصر من الأقواس المناظرة على سطح الأرض .

للتعرف على العلاقات التى تحدد شكل المسقط نبدأ بالعلاقات الخاصة بالمسقط المخروطي بمرض رئيسى واحد  $\alpha$  .

تكون زاوية الرأس  $\theta = \lambda - \alpha$

ويكون  $\alpha = \theta$  ظل  $\alpha$

$$\theta = \phi \quad \alpha = \theta \quad \text{حيث} \quad \left[ \frac{\frac{\psi}{\alpha}}{\frac{x}{\alpha}} \right] \quad \psi = 90 - \phi \quad \alpha = 90 - \lambda$$

نفرض أننا نقوم بتصغير مقياس الرسم بالمعامل  $k$  وبذلك نصل الى عرضين  $\phi_1, \phi_2$  مساويان في طولهما لنظيريهما على الأرض .

$$(1) \quad \left[ \frac{\frac{\phi_1}{2}}{\frac{x}{2}} \right] \alpha \text{ جا} = \text{ك نق} = \text{ك نق} = \text{ك نق الجديد}$$

$$\text{حيث } \phi_1 - 90 = \psi_1$$

$$(2) \quad \left[ \frac{\frac{\phi_2}{2}}{\frac{x}{2}} \right] \alpha \text{ جا} = \text{ك نق} = \text{ك نق} = \text{ك نق الجديد}$$

$$\text{حيث } \phi_2 - 90 = \psi_2$$

طوله قوس دائرة عرض رئيسي على الخريطة = طول القوس المناظر على الأرض

$$r = \left[ \frac{\frac{\phi}{2}}{\frac{x}{2}} \right] \alpha \text{ جا} \times \frac{\pi}{180} \times \theta$$

$$(2) \quad r = \text{ط بق جا } \psi$$

$$\alpha \text{ جا } \psi = \left[ \frac{\frac{\psi}{2}}{\frac{x}{2}} \right] \quad \theta \times \frac{\pi}{180} \times \text{ك نق } \alpha$$

$$(4) \quad \alpha \text{ نق } \psi =$$

$$\frac{\alpha \text{ جا } \psi}{\alpha \text{ نق } \psi} = \left[ \frac{\frac{\psi}{2}}{\frac{\psi}{2}} \right] \quad \text{وبالمقارنة ينتج أن}$$

وبأخذ اللوغاريتمات

$$\frac{\log \frac{\alpha \text{ جا } \psi}{2} - \log \frac{\alpha \text{ نق } \psi}{2}}{\log \frac{\alpha \text{ نق } \psi}{2} - \log \frac{\alpha \text{ جا } \psi}{2}} = \alpha$$

ومن هذه العلاقة تتحدد قيمة زاوية الرأس ومنها أيضا تتحدد قيمة

$$\alpha \text{ نق } \psi = \alpha$$

ومن المعادلة (٣) أو (٤) نحصل على قيمة المعامل ك وذلك بعد إستبدال

$$\alpha = \frac{\theta}{360} \quad (\text{ثابت الشروط})$$

$$\alpha \text{ حـا} \left[ \frac{\frac{\psi}{\gamma} \text{ ظا}}{\frac{x}{\gamma} \text{ ظا}} \right] \alpha \text{ نق ظنا} \times \text{ك} \times \frac{\text{ط}}{180} \times \theta$$

$$\gamma \text{ ط نق حـا } \psi =$$

$$\alpha \text{ حـا} \left[ \frac{\frac{x}{\gamma} \text{ ظا}}{\frac{\psi}{\gamma} \text{ ظا}} \right] \frac{\psi \text{ حـا}}{x \text{ حـا}} = \text{ك}$$

$$\alpha \text{ حـا} \left[ \frac{\frac{x}{\gamma} \text{ ظا}}{\frac{\psi}{\gamma} \text{ ظا}} \right] \frac{\psi \text{ حـا}}{x \text{ حـا}} \text{ وتساوي أيضا}$$

ومن المعادلة (١) نحصل على

$$\frac{\psi \text{ حـا}}{x \text{ حـا}} \cdot \alpha \text{ نق} = \text{نق } \psi$$

$$\frac{\psi \text{ حـا}}{x \text{ حـا}} \cdot \alpha \text{ نق} = \text{نق } \psi \quad (٢) \text{ ومن المعادلة}$$

ونحصل على نصف قطر قوس أى دائرة العرض  $\phi = \text{ك} \text{ نق}$

$$= \text{نق } \alpha = \left[ \begin{array}{c} \frac{\psi}{2} \\ \frac{\psi}{2} \end{array} \right] \text{ ظا } \frac{\psi}{2} \cdot \alpha = \left[ \begin{array}{c} \frac{\psi}{2} \\ \frac{\psi}{2} \end{array} \right] \text{ ظا } \frac{\psi}{2}$$

$$= \text{نق } \alpha = \left[ \begin{array}{c} \frac{\psi}{2} \\ \frac{\psi}{2} \end{array} \right] \text{ ظا } \frac{\psi}{2} \cdot \alpha = \left[ \begin{array}{c} \frac{\psi}{2} \\ \frac{\psi}{2} \end{array} \right] \text{ ظا } \frac{\psi}{2}$$

مثال : مسقط مخروطي تشابهي بعرضين رئيسيين هما ٤٤ ، ٦٠ ° شمال  
بتقاس ١ : ١٠ مليون والاتساع الطولي ١٠٠ °

$$\text{نق} = ٦٣٧٠ \text{ سم}$$

$$\text{ثابت المخروط } \alpha = \frac{\text{لو } ٤٦ - \text{لو } ٣٠}{\frac{\text{ظا } ٤٦}{2} - \frac{\text{ظا } ٣٠}{2}} = ٧٩٠٦١٣$$

$$\text{ومنها } \alpha = ٥٢٧٢٤٧٨$$

$$\text{زاوية رأس المخروط} = ١٠٠ \text{ ح } \alpha = ٧٩٠٦١٣$$

$$\text{نق } \alpha = \text{نق ظا } \alpha = ٤٩٧٢٤٥ \text{ سم}$$

$$\text{نق } \alpha = ٤٤ = \frac{\text{ح } ٤٦}{\text{ح } ٣٧٧٥٧٢} \alpha = ٥٧٩٥٧٤ \text{ سم}$$

$$\text{سم } ٤٠٢٨٥١ = \frac{٢٠ \text{ ط } ٢٧٧٧٥٧٢}{٢٧٧٧٥٧٢} \alpha \text{ ط} = ٦٠ \text{ ط}$$

$$\text{سم } ٥٢٥٢٧٨ = \alpha \text{ ط} \left[ \frac{\frac{٤٢ \text{ ط}}{٢}}{\frac{٤٦ \text{ ط}}{٢}} \right] ٤٤ \text{ ط} = ٤٨ \text{ ط}$$

$$\text{سم } ٤٩١١٩٩ = \alpha \text{ ط} \left[ \frac{\frac{٣٨ \text{ ط}}{٢}}{\frac{٤٦ \text{ ط}}{٢}} \right] ٤٤ \text{ ط} = ٥٢ \text{ ط}$$

$$\text{سم } ٤٤٧١٣٢ = \alpha \text{ ط} \left[ \frac{\frac{٣٤ \text{ ط}}{٢}}{\frac{٤٦ \text{ ط}}{٢}} \right] ٤٤ \text{ ط} = ٥٦ \text{ ط}$$

لإنشاء المساقط المخروطية بالمقاييس الكبيرة

باستخدام الاحداثيات المتعامدة

في الأمثلة السابق أحسابها في المساقط المخروطية لم تتجاوز أوصاف أقطار  
أقطار دوائر العرض طول المتر وذلك في المقاييس التي لا تزيد عن ١ : ١٠ مليون.

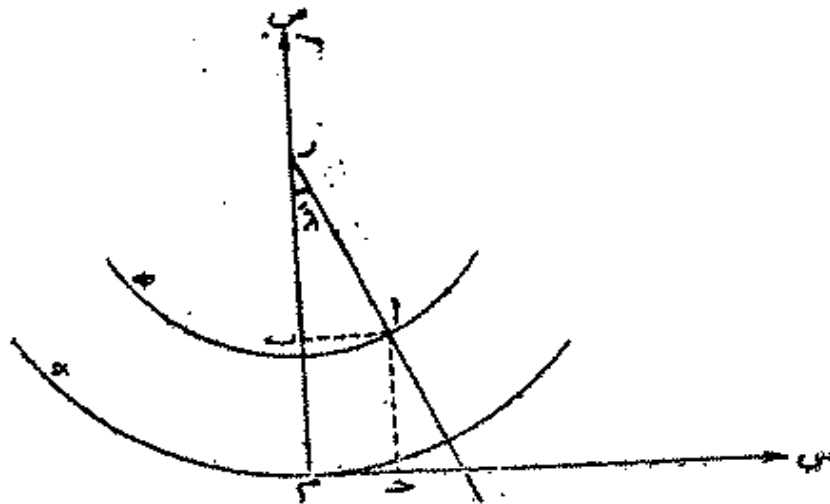
ولما كانت أدوات وأجهزة الرسم المتعددة تعجز عن رسم دوائر بأوصاف  
أقطار كبيرة في حالة المقاييس الكبيرة ، ولرسم مسقط مخروطي بمقياس كبير  
تستخدم طريقة التوقيع بالاحداثيات .

في تلك الحالة نعتبر أن سطح الخريطة لوحة مستوية بها محوران للأحداثيات  $x$  و  $y$  ونقوم بحساب إحداثيات النقط التي تشكل الهيكل الجغرافي للنقط وهي نقط تقاطع خطوط الطول والعرض المطلوب بيانها على المسقط. وفي النهاية نصل بين النقط المتناظرة على خطوط الطول والنقط المتناظرة على خطوط العرض فينتج الهيكل المطلوب.

إنشاء المسقط المخروطي البسيط

باستخدام الإحداثيات المتعامدة

نأخذ خط الطول الأوسط محورا للأحداث وتكون نقطة الأصل عند العرض الرئيسي  $\alpha$ . ونأخذ محور السينات عموديا على محور القصادات عند نقطة الأصل. النقطة  $a$  على المسقط تقع على العرض  $\phi$  وعلى خط الطول الذي يبعد عن الطول الأوسط بزاوية  $\lambda$  على سطح الأرض ويقابلها على سطح الخريطة الزاوية  $\lambda'$  حيث  $\lambda' = \lambda \cos \alpha$



شكل ٩٩



ونرمز إلى طول المسافة من رأس المخروط (ر) إلى العرض  $\phi$  بالرمز  $ق$

واضح أن الاحداثى السينى (س) للنقطة ١ = ١ = ب =  $ق$  جتا  $\lambda$

والاحداثى العادى (ص) للنقطة ١ = ١ =  $ق$  = ر م - ر ب

$$= ق \alpha - ق \phi جتا \lambda$$

$$ص = ق \phi - ق \phi جتا \lambda$$

مثال : مسقط مخروطى بسيط بمقياس ١ : ٢ مليون فيه العرض الرئيسى  $٥٤^\circ$  شمال والطول الأوسط  $٤^\circ$  غرب

$$\text{ثابت المخروط} = حا = ٥٤ = ٢ ٠٠٨٠٩$$

$$\text{نصف قطر دائرة العرض الرئيسى } ق٤ = ق \phi = ٢٣١٥٤٠٤ = م$$

المسافة القوسية على سطح الأرض التى تقابل  $١^\circ$  عرضية

$$= ق٤ \times ١ \times \frac{\pi}{180} = ٥٠٥٩$$

$$ق٣ = ٢٣١٥٤٠٤ + ٥٠٥٩ = ٢٣٦٥٩٦٣$$

$$ق٢ = ٢٣٦٥٩٦٣ + ٥٠٥٩ = ٢٤٢٥٠٢٢$$

$$ق٠ = ٢٣١٥٤٠٤ - ٥٠٥٩ = ٢٢٥٨٤٥$$

$$٢٢٠٥٢٨٦ = ٥٥٥٩ - ٢٢٥٥٨٤٥ = ٥٦$$

$$\text{الطول } ٣^\circ \text{ غـ } \lambda = ١ \quad ٠٥٨٠٩٠٢ = ٠٥٨٠٩٠٢ \times ١ = \lambda$$

$$\text{الطول } ٢^\circ \text{ غـ } \lambda = ٢ \quad ١٥٦١٨٠٤ = ٠٥٨٠٩٠٢ \times ٢ = \lambda$$

$$\text{الطول } ١^\circ \text{ غـ } \lambda = ٣ \quad ٢٥٤٢٧٠٦ = ٠٥٨٠٩٠٢ \times ٣ = \lambda$$

$$\text{الطول صفر } \lambda = ٤ \quad ٣٥٢٣٦٠٨ = ٠٥٨٠٩٠٢ \times ٤ = \lambda$$

$$\text{الطول } ١^\circ \text{ قـ } \lambda = ٥ \quad ٤٥٠٤٥١٠ = ٠٥٨٠٩٠٢ \times ٥ = \lambda$$

[إحداثيات النقطة (عرض  $٥٥^\circ$  شمال ، طول  $٣^\circ$  غرب )

$$\text{سـ} = \text{نقـ}٥٥ \quad \text{حـ} ١٥٦١٨٠٤ = ٦٣٧٧ \text{ سم}$$

$$\text{صـ} = \text{نقـ}٥٥ - \text{نقـ}٥٥ \text{ حـ} ١٥٦١٨٠٤ = ٥٦٤٩ \text{ سم}$$

[إحداثيات النقطة (عرض  $٥٢^\circ$  شمال ، طول جرينتش )

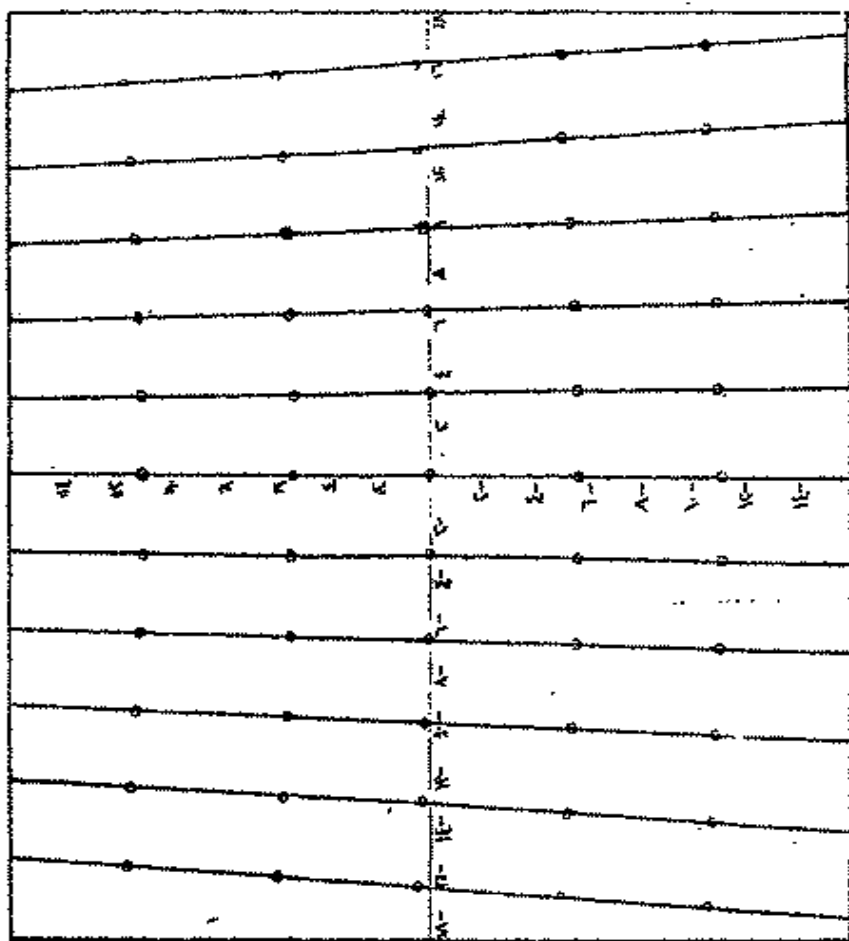
$$\text{سـ} = \text{نقـ}٥٢ \quad \text{حـ} ٣٥٢٣٦٠٨ = ١٣٦٩٠ \text{ سم}$$

$$\text{صـ} = \text{نقـ}٥٢ - \text{نقـ}٥٢ \text{ حـ} ٣٥٢٣٦٠٨ = ١٠٧٣١ \text{ سم}$$

وبتكرار هذا العمل نحصل على الجدول المبين في صفحة ١٨٩

٥٦	٥٥	٥٤	٥٣	٥٢		عربي
						طول
٢٠١١٠	٢٠١٨٩	٢٠٢١٧	٢٠٢٤٦	٢٠٢٢٤	س	٥٣
١١٠١٣٤	٥٥٥٤٢	٠٠٠٢٣	٥٥٥٢٥	١١٠٠٩٤	س	٥٣
٦٠٢٢٠	٦٠٢٧٧	٦٠٥٢٤	٦٠٦٩١	٦٠٨٤٨	س	٥٣
١١٠٢٠٦	٥٢٤٤٩	٠٠٠٩٢	٥٢٤٦٥	١١٠٠٢١	س	٥٣
٩٠٢٢٩	٩٠٥٦٤	٩٠٧٩٩	١٠٠٠٢٥	١٠٠٢٧٠	س	٥٣
١١٠٢١٢	٥٥٧٦٢	٠٠٢٠٨	٥٢٤٤٦	١٠٠٩٠٠	س	٥٣
١٢٠٤٢٥	١٢٠٧٤٩	١٢٠٠٣٢	١٢٠٢٢٧	١٢٠٢٩٠	س	٥٣
١١٠٤٦٩	٥٥١١٩	٠٠٢٦٩	٥٥١٨١	١٠٠٧٢١	س	٥٣
١٥٠٥٢٩	١٥٠٩٢١	١٦٠٢٢٤	١٦٠٧١٦	١٧٠١٠٨	س	٥٣
١١٦٦٧	٦٠١٢٢	٥٥٥٧٦	٤٠٦٦٩	١٠٥٥١٤	س	٥٣

وتظهر النتيجة التوزيع في شكل ٩٧



ويلاحظ الآتي :

١ - الاحداثيات المبينة في القائمة خاصة بالنقط الواقعة للشرق من خط الطول الأوسط . ولما كان المسقط متماثلاً بالنسبة لخط الطول الأوسط لذلك ترسم النقط التي تمثل النصف الغربي للمسقط في نفس المواقع المتماثلة لنقط النصف الشرقي .

٢ - لتجنب استخدام احداثيات سالبة يمكن اتخاذ نقطة أصل غير النقطة الواقعة على دائرة العرض الرئيسي .

ونقطة الأصل الجديدة تقع على خط الطول الأوسط جنوب العرض الرئيسي بمسافة تكفي لجعل جميع الاحداثيات الصادية موجبة .

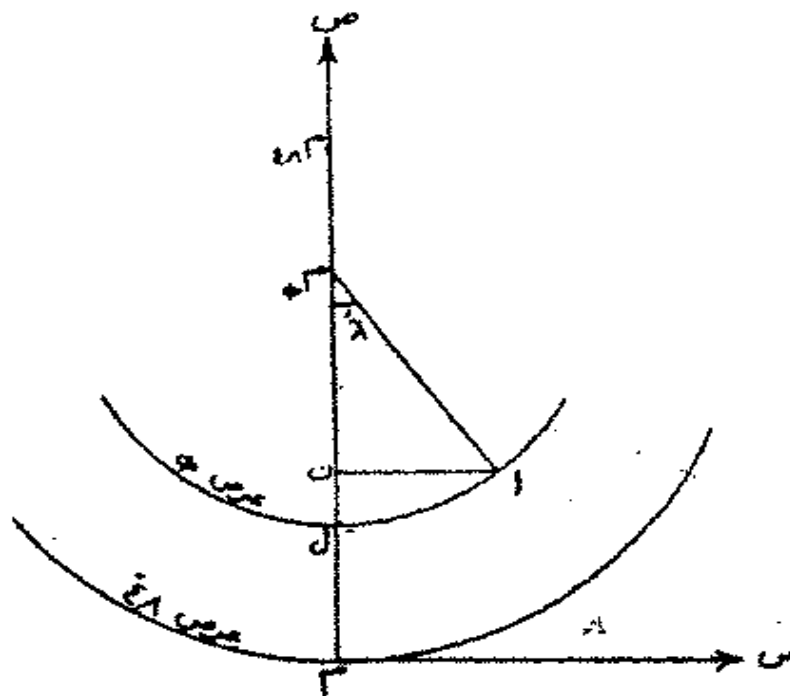
فمثلاً باختيار نقطة الأصل الجديدة على بعد ١٥ سم جنوب النقطة المستخدمة في المثال السابق تصبح جميع الاحداثيات الصادية موجبة مما يسهل عملية التوقيع .

في هذه الحالة تصبح احداثيات بعض النقط كالآتي :

عرض طول		٥٢	٥٣	٥٤	٥٥	٥٦
		س	س	س	س	س
٥٢ غ	س	٣٢٤٢٤	٣٢٣٤٦	٣٢٢٦٧	٣٢١٨٩	٣٢١١٠
س	س	٣٢٩٠٦	٩٢٤٦٥	١٥٢٠٢٣	٢٠٠٥٨٢	٢٦٠١٣٤

مثال:

مسقط متعمد المخاريط بمقياس ١ : ٢١ مليون بحده جنوباً خط العرض  $48^{\circ}$  شمال ويتوسطه خط الطول  $40^{\circ}$  شرق



شكل ٩٨

تتخذ نقطة الأصل عند تقاطع دائرة العرض  $48^{\circ}$  شمالاً مع الطول الأوسط  
نفرض أن نقطة على دائرة العرض  $\phi$  المرسومة من المركز  $\phi$  بتصف قطر  $= \text{نق} \phi$   
ونفرض أن طول النقطة  $\lambda$  يبعد عن الطول الأوسط بزاوية طول مقدارها  
 $48^{\circ}$  يقابلها على المسقط الزاوية  $\lambda = \text{نق} \phi > \text{نق} \phi$   
الاحداثى السينى (م) للنقطة  $\lambda$  يمثل المستقيم  $\lambda \text{ نق} \phi$  ح  $\lambda$

الاحداثى العصادى (ص) للنقطة ا يمثل المستقيم من  $m + l + l - m - \phi$  ن  
 $=$  ( المسافة القوسية على سطح الارض بين العرض ٤٨ والعرض  $\phi$  )  
 نصف قطار دائرة العرض  $\phi - m$  ن

$$= ( ٤٨ - \phi ) \times \frac{\pi}{180} \times \text{نق} + \text{نق} - \text{نق} \text{ جتا } \lambda$$

$$= ( ٤٨ - \phi ) \times \frac{\pi}{180} \times \text{نق} + \text{نق} ( ١ - \text{جتا } \lambda )$$

$$\text{نق} = ٢٥٤٧٨٠ \text{ سم}$$

$\lambda = ٨ \text{ ح } \phi$				نق $\phi$ = نق ظلنا $\phi$	البعد عن العرض ٤٨ $= \phi - ٤٨$ $\times ( ٤٨ - \phi )$ $\times \frac{\pi}{180}$ نق	العرض $\phi$
٨°	٦°	٤°	٢°			
٢٢٩٤٠٢	٤٢٤٥٨٩	٢٢٩٧٢٦	١٢٤٨٦٣	٢٢٩٧٤٢٣	صفر	٤٨°
٦١٢٨٤	٤٢٥٩٦٣	٢٢٠٦٤٢	١٢٥٢٢١	٢١٢٢٨٠٣	٨٢٨٩٤٢	٥٠
٦٢٣٠٤١	٤٢٧٢٨٠	٢٢١٥٢٠	١٢٥٧٦٠	١٩٩٧٠٧٢	١٧٧٧٨٨٤	٥٢
٦٢٤٧٢١	٤٢٨٥٤١	٢٢٢٣٦١	١٢٦١٨٠	١٨٥٢١٢٣	٢٦٦٨٢٦	٥٤
٦٢٦٣٢٣	٤٢٩٧٤٢	٢٢٣١٦٢	١٢٦٥٨١	١٧١٢٨٦٥	٣٥٢٥٧٦٨	٥٦

احداثيات النقطة ( عرض ٥٠° شمال ، طول ٤٢° شرق )

$$\text{من} = \text{نق} \text{ جتا } ١٢٥٣٢١ = ٥٧١٦ \text{ سم}$$

$$\text{ص} = ٨٢٨٩٤٢ + \text{نق} ( ١ - \text{جتا } ١٢٥٣٢١ ) = ٨٢٩٧١ \text{ سم}$$

احداثيات النقطة ( عرض ٥٤° شمال ، طول ٤٨° شرق )

$$\text{م} = \text{نق. جا } ٦٠٤٧٢١ = ٢٠٥٨٧٠ \text{ م}$$

$$\text{م} = ٢٦٥٦٨٢٦ + \text{نق. جا } (١ - ٦٠٤٧٢١) = ٢٧٥٨٦٢ \text{ م}$$

وبتكرار هذا العمل نحصل على الجدول الآتي

عرض	طول					
		٤٨°	٥٠°	٥٢°	٥٤°	٥٦°
٤٢°	م	٥٠٩٥١	٥٠٧١٦	٥٠٤٧٥	٥٠٢٢٧	٤٩٩٧٣
	م	٠٠٠٧٧	٨٠٩٧١	١٧٠٨٦٤	٢٦٠٧٥٦	٣٥٠٦٤٩
٤٤°	م	١١٠٨٩٨	١١٠٤٢٩	١٠٩٩٤٦	١٠٩٤٥٠	١٠٩٩٤٢
	م	٠٠٣٥٩	٩٠٢٠٠	١٨٠٠٩٠	٢٦٠٩٧٨	٣٥٠٨٦٥
٤٦°	م	١٧٠٨٣٦	١٧٠١٢٣	١٦٩٤٠٩	١٥٠٦٦٥	١٤٠٩٠٢
	م	٠٠٦٩٤	٩٠٥٨٢	١٨٠٤٦٦	٢٧٠٣٤٧	٣٦٠٢٢٤
٤٨°	م	٢٣٠٧٦٣	٢٣٠٨٢٥	٢٣٠٨٥٩	٢٠٠٨٧٠	١٩٠٨٥٠
	م	١٠٢٤٤	١٠٠١١٦	١٨٠٩٩٢	٢٧٠٨٦٢	٣٦٠٧٢٧
٥٠°	م	٢٩٠٦٧٤	٢٨٠٥٠٠	٢٧٠٢٩٣	٢٦٠٠٥٣	٢٤٠٨٧١
	م	١٠٩٢٧	١٠٠٨٠٢	١٩٠٦٦٨	٢٨٠٥٢٥	٣٧٠٣٧٣

مثال:

مستط غزولي بمرصين رئيسيين ٥٥° ، ٦١° شمال بمقياس ١ : ٣ مليون

فيه الطول الاسط ١٦٠° شرق

$$\text{نق} = ٢١٢٢٣٣٣ \text{ م}$$



$$\text{ثابت المخروط ث} = \frac{١٨٠}{\pi} \times \frac{٦١ - ٥٥}{(٥٥ - ٦١)} = ٠,٨٤٧٦٦$$

$$\text{نق.} = \frac{\text{نق حـ ٥٥}}{\text{ث}} = ١٤٣,٦٧٧٢ \text{ سم}$$

المسافة القوسية التي تقابل  $٣^\circ$  عرضية على سطح الأرض

$$\pi \times \frac{\pi}{١٨٠} \times ٣ = \text{نق} = ١٩,١١٧٧ \text{ سم}$$

$$\text{نق.} = ١٤٣,٦٧٧٢ + ١٩,١١٧٧ = ١٥٤,٧٩٤٩ \text{ سم}$$

$$\text{نق.} = ١٤٣,٦٧٧٢ - ١٩,١١٧٧ = ١٢٤,٥٥٩٥ \text{ سم}$$

$$\text{نق.} = ١٢٤,٥٥٩٥ - ١٩,١١٧٧ = ١٠٥,٤٤١٨ \text{ سم}$$

$$\text{نق.} = ١٠٥,٤٤١٨ - ١٩,١١٧٧ = ٨٦,٣٢٤١ \text{ سم}$$

$$\text{الطول } ١٦٣^\circ \text{ ق} = \lambda = ٣ = \lambda' = \text{ث} \times ٣ = ٢,٥٤٢٩٨$$

$$\text{د } ١٦٦ \text{ ق} = \lambda = ٦ = \lambda' = ٠,٨٥٩٦$$

$$\text{د } ١٦٩ \text{ ق} = \lambda = ٩ = \lambda' = ٧,٦٢٨٩٤$$

$$\text{د } ١٧٢ \text{ ق} = \lambda = ١٢ = \lambda' = ١٠,١٧١٩٢$$

تتخذ خط الطول الأوسط محورا للمصادات وتكون نقطة الأصل عند العرض الرئيسي  $٥٥^\circ$ . وتأخذ محور السينات محورها على محور المصادات عند نقطة الأصل

وتمكون من - تقو حـا ٦٨

من = تقو - تقو حـا ٦٨

احداثيات النقطة ( عرض ٥٢ شمال ، طول ١٦٣ ق )

من = تقو جا ٢٥٤٢٩٨ \* = ٦٨٦٨ سم

من = تقو - تقو جا ٢٥٤٢٩٨ \* = - ١٠٩٦٥ سم

احداثيات النقطة ( عرض ٥٤ شمال ، طول ١٦٩ ق )

من = تقو جا ٧٦٢٨٩٤ = ١٤٦٤٦ سم

من = تقو - تقو جا ٧٦٢٨٩٤ = ٢٤٦٣٠ سم

وبذلك كرر هذا العمل نحصل على الجدول الآتي

عرض	طول				
	٦٤	٦١	٥٨	٥٥	٥٢
١٦٠	٠.٠٠٠	٠.٠٠٠	٠.٠٠٠	٠.٠٠٠	٠.٠٠٠
١٦٣	٢٢٥٢٥٢	٢٢٥٢٣٥	١١٥١١٨	٠.٠٠٠	١١٥١١٨ -
١٦٦	٤٥٨٩٥	٥٢٣٨٨	٥٥٨٨٢	٦٢٣٧٥	٦٥٩٦٨
١٦٩	٢٢٥٤٦٢	٢٢٥٢٣٥٥	١١٥٢٤٨	٠.١٤١	١٠٩٩٦٥ -
١٧٢	٩٥٧٨٠	١٠٥٧٩٦	١١٥٧٥١	٢٤٥٧٣٧	١٣٥٧٢٣
	٢٢٥٧٨٧	٢٢٥٧١٤	١١٥٦٤٠	٠.٥٦٦	١٠٥٥٠٨ -
	١٤٥٦٤٦	١٦٥١٢٢	١٧٥٥٩٨	١٩٥٠٧٤	٢٠٥٥٥٠
	٢٤٥٢٣٠	٢٣٥٣١٠	١٢٥٢٩١	١٥٢٧٢	٩٥٧٤٨ -
	١٩٥٤٨٢	٢١٥٤٤٧	٢٢٥٤١٠	٢٥٥٢٧٤	٢٧٥٢٣٧
	٣٥٥٠٨٧	٢٤٥١٤٤	١٧٥٢٠١	٢٥٢٥٨	٨٥٦١٥ -

مثال :

مسقط بسون بقياس ١ : ٤ مليون فيه العرض الرئيسي ٥٨° شمال  
والطول الأوسط ٢٠° شرق .

$$\text{نق} = ١٥٩٧٢٥ \text{ سم}$$

$$\text{نق}_\lambda = \text{نق} \cos ٥٨ = ٩٩٥١٠٤ \text{ سم}$$

المسافة القوسية التي تقابل ٢° عرضية على سطح الأرض =

$$٤ \times \frac{\pi}{١٨٠} \times \text{نق} = ١١٧٧١١٧ \text{ سم}$$

$\lambda \times \frac{\pi \times \text{نق}}{١٨٠} = \lambda$				نق	العرض $\phi$
١٦°	١٢°	٨°	٤°		
١٣٧٤٥٢٨	١٠٧٠٨٩٦	٦٧٧٢٦٤	٣٣٣٦٣٢	١٢١٧٧٤٦	٥٠°
١٣٧٥٣٨٠	١٠٧١٥٣٥	٦٧٧٦٩٠	٣٣٣٨٤٥	١١٠٧٦٢٨	٥٤
١٣٧٥٦٨٨	١٠٧١٧٦٦	٦٧٧٨٤٤	٣٣٣٩٢٢	٩٩٥١٠	٥٨
١٣٧٥٣٣٩	١٠٧١٤٩٧	٦٧٧٦٦٤	٣٣٣٨٣٢	٨٨٧٣٩٣	٦٢
١٣٧٤١١٤	١٠٧٠٥٨٥	٦٧٧٠٥٧	٣٣٣٥٢٨	٧٧٧٢٧٥	٦٦

وبانتخاب خط الطول الأوسط عموداً للمساكنات وتكون نقطة الأصل عند العرض الرئيسي ٨° تكون الاحداثيات المطلوبة كالآتي

$$س = س_٠ + \phi \text{ حنا } \lambda$$

$$ص = ص_٠ + \phi_١ - \phi \text{ حنا } \lambda'$$

احداثيات النقطة ( عرض ٤° شمال ، طول ٢٨° شرق )

$$س = ١١٠٠٦٢٨ \text{ جا } ٦٧٩٦٠^\circ = ١٢٠٠٢٩ \text{ سم}$$

$$ص = ٩٩٠١٠ - ١١٠٠٦٢٨ \text{ حنا } ٦٧٦٩^\circ = ١٠٠٣٤٧ \text{ سم}$$

احداثيات النقطة ( عرض ٦٦ شمال ، طول ٣٦ شرق )

$$س = ٧٧٠٢٧٥ \text{ حنا } ٣٣٤١٦٤^\circ = ١٧٠٩٢٣ \text{ سم}$$

$$ص = ٩٩٠١٠ - ٧٧٠٢٧٥ \text{ حنا } ٣٣٤١١٤^\circ = ٢٤٠٣٤٢ \text{ سم}$$

وبتكرار هذا العمل نحصل على الجدول الآتي

٦٦	٦٢	٥٨	٥٤	٥٠		عرض طاول
٠.٠٠٠	٠.٠٠٠	٠.٠٠٠	٠.٠٠٠	٠.٠٠٠	س	٢٠
٢٢٠٢٣٥	١١٠١١٨	٠.٠٠٠	١١٠١١٨	٢٢٠٢٣٥	ص	
٤٠٥١٩	٠.٢١٦	٠.٨٨٨	٦.٥٢١	٧.١٤٢	س	٢٤
٢٢٠٢٦٧	١١٠٢٧١	٠.١٧٤	١٠.٩٢٥	٢٢٠.٢٦	ص	
٩.٠٢٣	١.٠٤١٥	١١٠٢٥٥	١٢.٠٢٩	١٤.٢٦٠	س	٢٨
٢٢.٧٦٤	١١.٧٢٣	٠.٢٩٧	١٠.٢٤٧	٢١.٢٩٨	ص	
١٢.٤٩٦	١.٥٥٧٧	١٧.٥٨٢	١٩.٥٠٤	٢١.٢٢٨	س	٣٢
٢٢.٤٢٣	٢.٢٥٠٠	١.٥٩٦	٩.٢٨٥	٢٠.٢٥٣	ص	
١٧.٩٢٣	٢.٠٦٨٤	٢٢.٢٤٦	٢٥.٨٩٧	٢٨.٢٢٤	س	٣٦
٢٤.٢٤٤	١٢.٥٧١	٢.٧٧٧	٨.٠٤٤	١٨.٨٩٦	ص	

مثال : مسقط لامبرت المخروطي منساوى المساحات الحالة الثانية بقياس  
١ : ٢٧ مليون ، فيه العرض الرئيسى ٣٨° شمال والطول الأوسط ١٠٠° غرب

$$u = 201280 \text{ سم}$$

$$\text{ثابت المخروط} = \frac{38 - 90}{2} \text{ جتا} = 28.0783$$

$$\text{الطول } 98^\circ \quad \lambda = \lambda' \quad \leftarrow \lambda' = 1261066$$

$$\text{د } 96^\circ \quad \lambda = \lambda' \quad \leftarrow \lambda' = 323332$$

$$\text{د } 94^\circ \quad \lambda = \lambda' \quad \leftarrow \lambda' = 4284698$$

$$\text{د } 92^\circ \quad \lambda = \lambda' \quad \leftarrow \lambda' = 6246264$$

$$\text{د } 90^\circ \quad \lambda = \lambda' \quad \leftarrow \lambda' = 8207830$$

$$\text{نق } 41 = \lambda' \text{ نق } 48 \frac{48}{2} \text{ قا } \frac{52}{2} = 2309122$$

$$\text{نق } 42 = \lambda' \text{ نق } 50 \frac{50}{2} \text{ قا } \frac{52}{2} = 2392169$$

$$\text{نق } 48 = \lambda' \text{ نق } 52 \frac{52}{2} \text{ قا } \frac{52}{2} = 2482048$$

$$\text{نق } 49 = \lambda' \text{ نق } 54 \frac{54}{2} \text{ قا } \frac{52}{2} = 2572044$$

$$\text{نق } 1 = \frac{56}{2} \text{ ح } 2 \text{ نق } 2 \text{ ح } 2 \text{ نق } 3 = \frac{52}{2}$$

وباتخاذ خط الطول الأوسط (١٠٠° غرب) محورا للأصادات وتكون نقطة الأصل عند العرض الرئيسي ٣٨ شمال

$$\text{م} = \text{نق } \phi \text{ ح } \lambda$$

$$\text{م} = \text{نق } 1 - \text{نق } \phi \text{ ح } \lambda$$

أحداثيات النقطة (عرض ٤٠ شمال ، طول ٩٦ غرب)

$$\text{م} = \text{نق } 1 \text{ ح } 223132 = 133507 \text{ م}$$

$$\text{م} = \text{نق } 1 - \text{نق } 2 \text{ ح } 223132 = 9313 \text{ م}$$

أحداثيات النقطة (عرض ٤٤ شمال ، طول ٩٢ غرب)

$$\text{م} = \text{نق } 1 \text{ ح } 646264 = 29960 \text{ م}$$

$$\text{م} = \text{نق } 1 - \text{نق } 2 \text{ ح } 646264 = 15942 \text{ م}$$

وبتكرار هذا العمل يحصل على الجدول المبين في صفحة ٢٠٢

عرض	طول		٤٢	٤٠	٣٨	٣٦	٣٤
			س	ص	س	ص	س
٩٨	س	٦٧٥٠٢	٦٧٥٠٦	٧٧٠٠١	٧٧٢٥٧	٧٧٥٠٥	١٧٧٥٢٨
ص	ص	١٨٧٠٢٨	٩٧٠٢٧	٠٧٠٩٩	٨٧٥٠٤	١٧٧٥٢٨	١٧٧٥٢٨
٩٦	س	١٢٧٩٩٩	١٣٧٥٠٧	١٤٧٠١٠	١٤٧٥٠٩	١٥٧٠٠٤	١٧٧٥٢٨
ص	ص	١٨٧٣٠٣	٩٧٣١٣	٠٧٣٩٥	٨٧٤٤٧	١٧٧٥٢٨	١٧٧٥٢٨
٩٤	س	١٩٧٤٨٦	٢٠٧٢٤٦	٢١٧٠٠١	٢١٧٢٤٩	٢٢٧٤٩١	١٧٧٥٢٨
ص	ص	١٨٧٧٦١	٩٧٧٨٨	٠٧٨٨٩	٧٧٩٣٥	١٧٧٥٢٨	١٧٧٥٢٨
٩٢	س	٢٥٧٩٥٧	٢٦٧٩٧٠	٢٧٧٩٧٥	٢٨٧٩٧٢	٢٩٧٩٦٠	١٧٧٥٢٨
ص	ص	١٩٧٤٠٢	١٠٧٤٥٤	١٠٧٥٧٩	٧٧٢٢٠	١٥٧٩٤٣	١٧٧٥٢٨
٩٠	س	٣٢٧٤٠٧	٣٣٧٦٧٣	٣٤٧٩٢٨	٣٦٧١٧٢	٣٧٧٤٠٦	١٧٧٥٢٨
ص	ص	٢٠٧٢٢٠	١١٧٣٠٩	٢٧٤٦٩	٦٧٣٠٢	١٤٧٩٩٢	١٧٧٥٢٨

مثال مسقط الأرض المخروطي المساري لتساخات بعرضين رئيسيين ٤٠° ،

• شمال بمقياس ١ : • مليون والطول الأوسط ١٥° شرق

نق = ١٢٧٤ سم

$$\text{ثابت المخروط} = \frac{\text{جا } ٤٠^\circ + \text{جا } ٥٠^\circ}{٢} = ٠٧٠٤٤٢$$

$$\text{الطول } ٢٠^\circ \text{ شرق } \lambda = ٥ \leftarrow \lambda = ٣٥٢٢٠٨$$

$$\text{• } ٢٥ \text{ • } \lambda = ١٠ \leftarrow \lambda = ٧٧٠٤٤١٦$$

$$\text{• } ٣٠ \text{ • } \lambda = ١٥ \leftarrow \lambda = ١٠٧٥٦٦٢٤$$

$$\text{• } ٣٥ \text{ • } \lambda = ٢٠ \leftarrow \lambda = ١٤٧٠٨٨٣٢$$

$$\text{• } ٤٠ \text{ • } \lambda = ٢٥ \leftarrow \lambda = ١٧٧٦١٠٤٠$$



$$\text{نق. جتا } ٤٠^\circ = \frac{1387040}{0.770442} = \text{نق. ١}$$

$$\sqrt{\text{نق. ٢}^2 - \text{نق. ١}^2} = \text{نق. ٢} \quad \text{نق. ٢} = \frac{2}{0.770442} (\text{حا } \phi - \text{حا } ٤٠)$$

ومنها نحصل على : نق. ٣ = ١٤٩٦١٢٣ نق. ٤ = ١٢٧٢٣٩٩٠

نق. ٥ = ١١٦٢٥٢٨ نق. ٦ = ١٠٥٢٠١٦

وباختصار خط الطول الأوسط محورا للصادات وتكون نقطة الأصل عند العرض  $٤٠^\circ$  شمال تكون الاحداثيات المطلوبة كالآتي :

$$\text{س} = \text{نق. } \phi \text{ حا } \lambda$$

$$\text{ص} = \text{نق. ١} - \text{نق. } \phi \text{ حا } \lambda$$

أحداثيات النقطة ( عرض  $٥٠^\circ$  شمال ، طول  $٣٠^\circ$  شرق )

$$\text{س} = \text{نق. ٥ جا } ١٠.٥٦٦٢٤^\circ = ٢١٣١٧٥ \text{ سم}$$

$$\text{ص} = \text{نق. ١} - \text{نق. ٥ جتا } ١٠.٥٦٦٢٤^\circ = ٢٤٢٦٣٤ \text{ سم}$$

أحداثيات النقطة ( عرض  $٣٥^\circ$  شمال ، طول  $٤٠^\circ$  شرق )

$$\text{س} = \text{نق. ٣} \times \text{حا } ١٧.٦١٠٤٠^\circ = ٤٥٢٦٤٤ \text{ سم}$$

$$\text{ص} = \text{نق. ٤} - \text{نق. ٣ جتا } ١٧.٦١٠٤٠^\circ = ٤٢٠٥٦٨ \text{ سم}$$

وبتكرار هذا العمل نحصل على الجدول الآتي :

عرض / طول		٣٥	٤٠	٤٥	٥٠	٥٥
س	٢٠	٩٠١٩١	٨٠٥١١	٧٠٨٢٧	٧٠١٤٢	٦٠٤٦٣
ص		١٠٠٧٨٦—	٠٠٢٦٢	١١٠٢٨٧	٢٢٠٥١٢	٢٣٠٥٤٢
س	٢٥	١٨٠٣٤٨	١٦٠٩٩٠	١٥٠٦٢٣	١٤٠٢٥٧	١٣٠٩٠٣
ص		٩٠٩٣٩—	١٠٠٤٦	١٢٠١٠٨	٢٣٠١٧٠	٢٤٠١٢٧
س	٣٠	٢٧٠٤٣٥	٢٥٠٠٤٥	٢٣٠٣٦١	٢١٠٣١٨	١٩٠٢٩١
ص		٨٠٥٣١—	٢٠٣٤٩	١٢٠٣٠٦	٢٤٠٢٦٣	٢٥٠١٢٧
س	٣٥	٣٦٠٤١٨	٣٢٠٧٢٤	٣١٠٠١١	٢٨٠٣٩٨	٢٥٠٦٠٧
ص		٦٠٥٦٨—	٤٠١٦٧	١٤٠٩٧٨	٢٥٠٧٨٩	٣٦٠٥٠٨
س	٤٠	٤٥٠٣٦٤	٤١٠٩١٦	٣٨٠٥٤٤	٣٥٠١٧١	٣٨٠٢٧٤
ص		٤٠٠٥٧—	٦٠٤٩٣	١٧٠١١٦	٧٢٠٧٤٠	٣٨٠٢٧٤

مثال : مسقطه مخروطية تشابه في العرض الرئيسي ٥٥° شمال بمقياس

١ : ٢ مليون والطول الأوسط ٦° غرب

$$\text{نق} = ٢١٨٥٠ - م$$

$$\text{ثابت المخروط} = ح ٥٥ = ٠٨١٩١٥$$

$$\text{الطول} ٤^\circ \text{ غرب } \lambda = ٢^\circ \quad \lambda = ١٠٦٣٨٣٠ =$$

$$\text{د } ٢^\circ \text{ غرب } \lambda = ٤ \quad \lambda = ٣٠٢٧٦٦١ =$$

$$\text{د صفر } \lambda = ٦ \quad \lambda = ٤٠٩١٤٩١ =$$

$$\text{د } ٢^\circ \text{ شرق } \lambda = ٨ \quad \lambda = ٦٠٥٥٣٢١ =$$

$$\text{د د د } \lambda = ١٠ \quad \lambda = ٨٠١٩١٥٢ =$$

$$\text{نق.} = \text{نق ظا } ٥٥ = ٢٢٣٠.١٦١ \text{ سم}$$

$$\text{نق.} = \text{نق.} \left[ \frac{\frac{\phi - ٩٠}{\text{ظا}}}{\frac{\text{ظا}}{٥٥ - ٩٠}} \right]$$

ومن تلك العلاقة نحصل على قيم انصاف أقطار دوائر العرض

$$\text{نق.} = ٢٥٠.٨٤٤٨ \quad \text{نق.} = ٢٣٩٧.٠٠٢$$

$$\text{نق.} = ٢٢٨٥.٧٥٣ \quad \text{نق.} = ٢١٧٤.٥٦٩$$

$$\text{نق.} = ٢٠٦٣.٣١٧ \quad \text{نق.} = ١٩٥٢.١٨٥٢$$

وباتخاذ خط الطول الأوسط °٦ غرب محورا للصادات وتكون نقطة الأصل عند العرض ٥٥ شمال تكون الاحداثيات المطلوبة كالآتي :

$$\text{س} = \text{نق.} \text{ جا } \lambda$$

$$\text{ص} = \text{نق.} - \text{نق.} \text{ جتا } \lambda$$

احداثيات النقطة ( عرض ٥٢ شمال ، طول ٤ غرب )

$$\text{س} = \text{نق.} \text{ جا } ١٠٦٣٨٣ = ٦٧٨٥٣٠$$

$$\text{ص} = ٢٢٣٠.١٦١ - \text{نق.} \text{ جتا } ١٠٦٣٨٣ = ١٦٧٥٨٦١$$

احداثيات النقطة ( عرض ٦٠ شمال ، طول ٢ شرق )

$$\text{س} = \text{نق.} \text{ جا } ٦٠٥٥٣٢١ = ٢٢٢٧٥٧$$

$$\text{ص} = ٢٢٣٠.١٦١ - \text{نق.} \text{ جتا } ٦٠٥٥٣٢١ = ٢٩١٠٦٢$$

وبتكرار هذا العمل نحصل على الجدول الآتي :

٦٠	٥٨	٥٦	٥٤	٥٢	٥٠		عرض
							طول
٠٠٠٠٠	٠٠٠٠٠	٠٠٠٠٠	٠٠٠٠٠	٠٠٠٠٠	٠٠٠٠٠	ص	١ غرب
٢٧٠٨٣١	١٦٠٦٨٤	٥٠٥٥٩	٥٠٥٥٩—	١٦٠٦٨٤—	٢٧٠٨٣٩—	ص	
٥٠٥٨٠	٥٠٨٩٩	٦٠٢١٧	٦٠٥٢٥	٦٠٨٥٣	٧٠١٧٢	ص	٤ غرب
١٧٠٩١١	١٦٠٧٦٩	٥٠٩٤٨	٥٠٤٦٦—	١٦٠٨٥٦—	٢٧٠٧٢٩—	ص	
١١٠١٥٦	١١٠٧٩٣	١٢٠٤٢٩	١٣٠٠٦٥	١٣٠٧٠٠	١٤٠٣٣٧	ص	٢ غرب
٢٨٠١٥٠	١٧٠٠٢٢	٥٠٩١٥	٥٠١٨٦—	١٦٠٢٩٣—	٢٧٠٤١٩—	ص	
١٦٠٧٢٣	١٧٠٦٧٨	١٨٠٦٣١	١٩٠٥٨٢	٢٠٠٥٣٧	٢١٠٤٩١	ص	صفر
٢٨٠٥٤٩	١٧٠٤٤٣	٦٠٢٥٩	٤٠٧١٩—	١٥٠٨٠٢—	٢٦٠٩٠٦—	ص	
٢٢٠٢٧٦	٢٢٠٥٤٨	١٤٠٨١٧	٢٦٠٠٨١	٢٧٠٣٥٦	٢٨٠٦٢٨	ص	٢ شرق
٢٩٠١٠٦	١٨٠٠٢٣	٦٠٩٨٠	٤٠٠٦٩—	١٥٠١١٨—	٢٦٠١٩٠—	ص	
٢٧٠٨١٠	٢٩٠٣٩٩	٣٠٠٩٨٤	٢٢٠٥٧٠	٢٤٠١٥٣	٢٥٠٢٧٤١	ص	٤ شرق
٢٩٠٨٢٢	١٨٠٧٩٠	٧٠٧٧٨	٣٠٢٢٧—	١٤٠٢٣٩—	٢٥٠٢٦٩—	ص	

مثال : مسقط مخروطی نشانی بحرین رانیه بین  $28^{\circ}$  و  $45^{\circ}$  شمال  
بمقیاس ۱ : ۲ میلیون و الطول الأوسط  $12^{\circ}$  شرق .

$$\text{نق} = 21825 \text{ سم}$$

$$\text{تابت المخروط حـ} \alpha = \frac{\text{لو جـ} 45 - \text{لو جـ} 28}{\text{لو ظـ} \frac{45}{2} - \text{لو ظـ} \frac{28}{2}}$$

$$\alpha = 4125316^{\circ}$$

$$\text{نق} \alpha = \text{نق ظنا} \alpha = 35925989$$

$$\text{نق} 28 = \alpha \text{ حـ} 28^{\circ} = \frac{4272811}{4125316}$$

$$\text{نق} \phi = \text{نق} 28 \left[ \frac{\frac{\phi - 90}{2}}{\frac{28}{2}} \right] \text{ و منها نحصل على}$$

$$\text{نق} 12 = 4023093$$

$$\text{نق} 14 = 3772425$$

$$\text{نق} 1 = 41428294$$

$$\text{نق} 14 = 3897706$$

$$\text{نق} 18 = 3642439$$

$$\text{الطول } ١٥^\circ \text{ شرق } \lambda = ٢ \leftarrow \lambda = ١٠٣٢٦٠٦٠ = \lambda^\circ$$

$$٢٠٦٥٢١٣٢ = \lambda^\circ \leftarrow \lambda = ٤ \text{ د } ١٧$$

$$٣٠٩٧٨١٩٨ = \lambda^\circ \leftarrow \lambda = ٦ \text{ د } ١٩$$

وبالتخاذ خط الطول الأوسط  $١٣^\circ$  شرق محورا الاعتادات وتكون نقطة الأصل عند العرض  $٣٨^\circ$  شمال تكون الاحداثيات المطلوبة كالآتي :

$$س = \text{نق} \text{ جا } \lambda^\circ$$

$$ص = \text{نق} - \text{نق} \text{ جتا } \lambda^\circ$$

احداثيات النقطة ( عرض  $٤٤^\circ$  شمال ، طول  $١٥^\circ$  شرق )

$$س = \text{نق} \text{ جا } ١٠٣٢٦٠٦٦ = ٩٠٠٢٠٢ =$$

$$ص = \text{نق} - \text{نق} \text{ جتا } ١٠٣٢٦٠٦٦ = ٣٧٧٠٩٩ =$$

احداثيات النقطة ( عرض  $٤٨^\circ$  شمال ، طول  $١٩^\circ$  شرق )

$$س = \text{نق} \text{ جا } ٣٠٩٧٨١٩٨ = ٢٥٢٩٧٢ =$$

$$ص = \text{نق} - \text{نق} \text{ جتا } ٣٠٩٧٨١٩٨ = ٦٣٦٢٥٧ =$$

وبتكرار هذا العمل تحصل على الجدول الآتي :

٤٨	٤٦	٤٤	٤٢	٤٠	٣٨		ملاحظات
٠٠٠٠٠٠	٠٠٠٠٠٠	٠٠٠٠٠٠	٠٠٠٠٠٠	٠٠٠٠٠٠	٠٠٠٠٠٠	ص	١٣
٣٢٧٧٤٧	٥٠٠١٥٩	٣٧٣٦٠٦	٣٥٠٠٧٢	١٣٣٥٤٢	٠٠٠٠٠٠	ص	
٨٠٤٣٨	٨٠٧٣٠	٩٠٠٣٠	٩٠٣١٠	٩٠٦٠٠	٩٠٨٩١	ص	١٥
٦٢٧٨٤٥	٥٠٠٢٦٠	٣٧٣٧١٠	٣٥٠١٨٠	١٣٣٦٥٢	٠٠٠١١٤	ص	
١٩٧٨٧٢	١٧٣٤٥٥	١٨٠٠٢٦	١٨٣٦١٦	١٩٠١٩٥	١٩٧٧٧٢	ص	١٧
٢٣١٢٨	٥٠٠٢٥٣	٣٨٠٠٢٣	٣٥٠٥٠٣	١٣٣٩٨٦	٠٤٥٨	ص	
٢٥٣٢٩٧	٢٦٠١٧١	٢٧٠٠٤١	٢٧٣٩١١	٢٨٧٧٨٠	٢٩٣٦٥٠	ص	
٣٣٣٦٢٦	٥٠٠٢٠٦٨	٣٨٣٥٤٥	٣٦٠٠٤١	١٣٣٥٤١	١٠٠٣٠	ص	١٩





## الباب الثامن

### مساقط الخرائط المساحية

إن الخاصية الرئيسية التي يجب توافرها في الخرائط المساحية هي خاصية التقابلية . أي أن الزوايا على الخريطة المرسومة عند نقطة معينة تكون مساوية للزوايا المناظرة على سطح الأرض . والحكمة في ذلك هو أن جميع عمليات المساحة تعتمد زواياها . وحتى يمكن توفيق الزوايا على الخرائط يلزم توفر خاصية التقابلية . وقد يتبادر إلى ذهن القارئ استغناء يقتصر بموضوع الزيادة السكرية في زوايا المثلثات على سطح الأرض وذلك عند توزيع المثلثات على الخريطة المساحية . والإجابة على ذلك بسيطة وهي أن اضلاع المثلثات على سطح الأرض لا تسقط على هيئة خطوط مستقيمة على الخريطة .

والخريطة المساحية تكون عادة بمقاييس كبيرة بالمقارنة بالخرائط الجغرافية . ولا يوجد مقياس محدد يميز بين الخرائط المساحية والخرائط الجغرافية . وفي رأى الكتاب أن الخرائط المرسومة بمقياس أكبر من 1 : 250,000 تعتبر خرائط مساحية . وأن الخرائط المرسومة بمقياس أصغر من 1 : 250,000 تعتبر خرائط جغرافية .

وهذا التقسيم ليس قاطعا إذ أن خرائط الملاحة البحرية والجوية كثيرا ما ترسم بمقاييس أصغر من 1 : 250,000 وذلك عندما تغطي منطقة كبيرة من العالم وهذا النوع من الخرائط يخضع لقواعد الخرائط المساحية . والمساقط التقابلية الأربعة هي :

1 - مسقط مركبتور من مجموعة المساقط الإيقلاوية .



### قطاع خط الطول

في هذا الباب نستخدم شكل هايفورد (١٩١٠) للسطح شبه كروي الأرض  
ويسمى الشكل الدول . وفيه يكون

طول نصف المحور الأكبر (أ) للقطاع الناقص ٦ ٣٧٨ ٣٨٨ متر  
" " " الأصغر (ب) " " ٦٣٥٦ ٩١٢ "

$$\frac{1}{297} = \frac{b-a}{a} = \text{التناقص}$$

$$\text{الاختلاف المركزي (ف)} = \frac{b-a}{a} \sqrt{\frac{a}{b}} = 0.08199178$$

$$f = 0.006722653$$

$$1 = \frac{a^2}{r^2} + \frac{b^2}{r^2}$$

المعادلة الهندسية التي تعطين شكل خط الطول هي

زاوية العرض الجغرافي  $\phi$

ن نقطة على سطح الأرض . والمماس للقطاع الناقص الذي يمثل خط طول النقطة  
ن يقع في المستوى الأفقي للنقطة ن .

والممردى على هذا المماس ويكون أيضا عموديا على المستوى الأفقي يشير إلى  
اتجاه السميت عند نقطة ن ( الاتجاه الرأسى ) . واتجاه السميت يضع زاوية  
( ن ل هـ ) مع مستوى الاستواء تسمى زاوية العرض الجغرافي .

واضح أن قيمة زاوية عرض مكان على سطح الأرض تساوي الزاوية عند  
هذا المكان بين اتجاه عمود دوران الأرض والمستوى الأفقي عند هذا المكان .

### زاوية العرض المركزي $\phi$

نصف القطر الذي يمر بالنقطة ن يصنع زاوية ( ن م س ) مع مستوى الاستواء .  
تسمى زاوية العرض المركزي .

### العلاقة بين العرض الجغرافي والعرض المركزي

من شكل ٩٩

$$\frac{ص}{س} = \phi \quad ، \quad \frac{ص}{س} = \phi \quad \text{زاوية ميل العمودي} = \frac{ص}{س}$$

$$1 = \frac{ص^2}{ص^2} + \frac{ص^2}{ص^2}$$

ينتج أن

$$ص^2 = \frac{ص^2}{ص^2} + \frac{ص^2}{ص^2}$$

$$\frac{ص^2}{ص^2} = \frac{ص^2}{ص^2} + \frac{ص^2}{ص^2}$$

$$\phi = \phi \quad \text{زاوية} = \frac{ص^2}{ص^2} \cdot \phi \quad \text{زاوية} = ٩٩٣٢٧٧٢$$

ومن هذه العلاقة نحصل على الجداول في الصفحة التالية :

زوايا العرض المركزي  $\phi$  المتناظرة للعرض الجغرافي  $\phi$

$\phi$	$\phi$	$\phi$	$\phi$	$\phi$
٦٤٥٨٥١٦٤٨	١٥°	٣٤٥٨١٨٦٣٣	٢٥°	٥٤٩١٦٦٥٥٥
٦٩٥٨٧٥٤٦٦	٢٠°	٣٩٥٨٠٩٨٠٧	٤٠°	٩٥٩٣٤١١٧
٧٤٥٨٠٣٠٩٧	٣٥°	٤٤٥٨٠٦٧٦٠	٤٥°	١٤٥٩٠٣٦٦٦
٧٩٥٩٣٣٦٩٨	٨٠°	٤٩٥٨٠٩٥٨٥	٥٠°	١٩٥٨٧٦٤٠٨
٨٤٥٩٦٦٣٣٢	٨٥°	٥٤٥٨١٨٧٠٣	٥٥°	٢٤٥٨٥٢٢٩٠
٩٠٥	٩٠°	٥٩٥٨٣٣٣١٦	٦٠°	٢٩٥٨٣٢٩٣٢

المسافة على خط الطول

نرمز إلى نصف قطار انحناء خط الطول بالرمز  $\rho$  ونرمز إلى طول قوس  
خط الطول بالرمز  $l$

نفاضل معادلة القطع الناقص لحظ الطول تعطى

$$\frac{r_2}{r_1} \cdot \phi \, \text{ظا} = \frac{r_2}{r_1} \cdot \frac{u}{u'} = \frac{u}{u'}$$

$$u = \frac{r_2}{r_1} \cdot \phi \, \text{ظا} \cdot (1 - f^2) = u' \cdot \phi \, \text{ظا} \cdot (1 - f^2)$$

وبذلك تكتب معادلة القطع الناقص على الصورة

$$1 = \frac{u' \cdot \phi \, \text{ظا}^2 (1 - f^2)}{(1 - f^2) r_1} + \frac{r_2}{r_1}$$

$$r_1 = [1 + \phi \, \text{ظا}^2 - f^2 \phi \, \text{ظا}^2] u'$$

$$r_1 = (1 - f^2 \phi \, \text{ظا}^2) u'$$

$$u' = \frac{1 - f^2 \phi \, \text{ظا}^2}{\phi \, \text{ظا}^2} r_1$$

$$\frac{1}{r_1} = \frac{\phi \, \text{ظا}^2}{(1 - f^2 \phi \, \text{ظا}^2)} = u'$$

$$\frac{\phi^2 (1 - \phi^2)^2}{\phi^2 (\phi^2 - 1)} = \frac{\phi^2}{\phi^2}$$

$$\frac{\phi^2}{\phi^2} \cdot \frac{\phi^2}{\phi^2} = \frac{\phi^2}{\phi^2} = \rho = \text{نصف قطر الانحناء}$$

$$\frac{(1 - \phi^2)^2}{\phi^2 (\phi^2 - 1)} = \frac{\phi^2 (1 - \phi^2)^2}{\phi^2 (\phi^2 - 1)} \times \frac{1}{\phi^2} = \rho$$

والجدول في الصفحة التالية يعطى قيمة  $\rho$  عند بعض العروض

نصف قطر الإختناء (P) لحظ الطول عند المرض

نصف قطر الإختناء متر	المرض Φ	نصف قطر الإختناء متر	المرض Φ	نصف قطر الإختناء متر	المرض Φ
٦٣٦١ ٩٩٦٥٨٥	٤٠	٦٣٤٢ ٩٨٨٥٨٨	٢٠	٦٣٢٥ ٥٠٨٥٠٩	صفر
٦٣٦٤ ٢٢٠٥٨٢	٤٢	٦٣٤٤ ٤٨٤٥٠٥	٢٢	٦٣٢٥ ٥٨٥٥٩٩	٢
٦٣٦٦ ٤٦٢٥٤٢	٤٤	٦٣٤٦ ٠٩٢٥٠٩	٢٤	٦٣٢٥ ٨١٩٥١١	٤
٦٣٦٨ ٧١٠٥٩٧	٤٦	٦٣٤٧ ٨٠٥٥١٨	٢٦	٦٣٢٦ ٢٠٦٥٣١	٦
٦٣٧٠ ٩٥٣٥٨٠	٤٨	٦٣٤٩ ٦١٥٥٩٤	٢٨	٦٣٢٦ ٧٤٥٥٨٦	٨
٦٣٧٢ ١٨٤٥٤٨	٥٠	٦٣٥١ ٥١٣٥٥٦	٢٠	٦٣٢٧ ٤٢٥٥٠٢	١٠
٦٣٧٥ ٢٨٧٥٦٩	٥٢	٦٣٥٢ ٤٩١٥٠١	٢٢	٦٣٢٨ ٢٧٠٥٧٩	١٢
٦٣٧٧ ٥٥٤٥٠٧	٥٤	٦٣٥٥ ٥٢٨٥١٥	٢٤	٦٣٢٩ ٢٤٩٥١٣	١٤
٦٣٧٩ ٦٧٢٥١٩	٥٦	٦٣٥٧ ٦٤٤٥٩٤	٢٦	٦٣٤٠ ٢٦٥٥١٤	١٦
٦٣٨١ ٧٢٤٥١٧	٥٨	٦٣٥٩ ٨٠١٥٢٤	٢٨	٦٣٤١ ٦١٣٥٨٠	١٨



### طول القوس على خط الطول

ويكون طول القوس  $l$  على خط الطول ابتداء من الاستواء

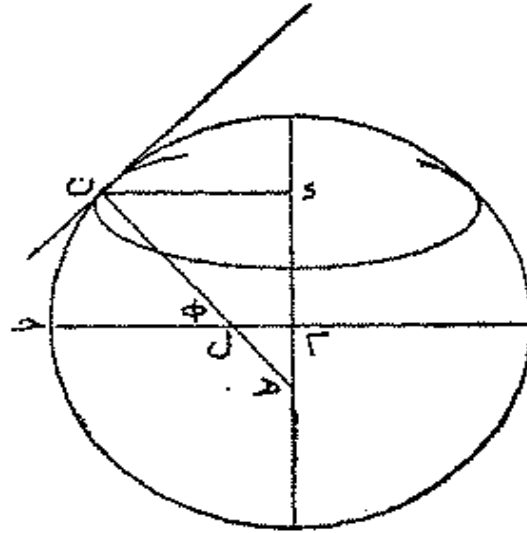
$$l = \int_0^{\phi} \frac{1}{\sqrt{1 - e^2 \sin^2 \phi}} d\phi = \int_0^{\phi} \frac{1}{\sqrt{1 - e^2 \sin^2 \phi}} d\phi$$

ويجمل هذا التكامل نحصل على الجدول الآتي :

المسافات على خط الطول من الاستواء إلى العرض φ

المسافة متر	العرض φ	المسافة متر	العرض φ	المسافة متر	العرض φ	
٤٦٠١	٧١°٢٢٩	٢٤٣٢	٨٣°١٨٧	٢٢١	١٥١°١٨٦	٢
٤٨٧٣	٩١°١٦٠	٢٦٥٥	٢٢٣°٨٩	٤٤٢	٢٠٩°١٥	٤
٥٠٩٦	١٨٢°٣٠	٢٨٧٦	٨٧٣°٩٠	٦٦٣	٤٧٧°٢٧	٦
٥٣١٨	٥٣°١٤٥	٣٠٩٨	٤٨٥°٤٣	٨٨٤	٦٦١°٥٧	٨
٥٥٤٠	٩٥٨°٧١	٣٣٢٠	١٦١°٧٠	١١٠٥	٨٦٧°٢٣	١٠
٥٧٦٢	٤٦٣°٣٦	٣٥٤١	٩٠٥°٦٥	١٣٢٧	٠٩٩°٧١	١٢
٥٩٨٦	٠٤٤°٣١	٣٧٦٣	٧١٩°٨٦	١٥٤٨	٢٦٣°٧٧	١٤
٦٢٠٨	٧٠٠°٥٩	٣٩٨٥	٦٠٦°٦١	١٧٦٩	٦٦٤°٣٩	١٦
٦٤٣١	٤٢٨°٨٥	٤٢٠٧	٥٦٧°٧٩	١٩٩١	٠٠°٦٣١	١٨
٦٦٥٤	٢٢٨°٤٠	٤٤٢٩	٦٠٤°٦٩	٢٢١٢	٢٩٤°٥٣	٢٠

## المسافة على دائرة عرض



شكل ١٠٠

ن و في الشكل يمثل نصف قطر دائرة العرض  $\phi$  . (  $\sin \phi$  ) .

ن و يمثل الاحداثى السينى للنقطة ن وسبق التعرف على قيمته بدلالة العرض الجغرافى  $\phi$

$$\sin \phi = \frac{r}{R} = \frac{R \sin \phi}{R} = \sin \phi$$

ومن هذه العلاقة يمكن حساب أطوال المسافات على دوائر العرض . ومنها  
نحصل على الجدول فى الصفحة التالية :

أصناف أنظار درائر المرض الذهب صكر ودية (م.م.م)

المرض φ	نصف القطر م. سم	المرض φ	نصف القطر م. سم	المرض φ	نصف القطر م. سم	المرض φ
صفر	٤٨٩٢ ٩٢٨٠٨٠	٤٠	٥٩٩٦ ٠٨٢٠١٨	٢٠	٦٣٨٨ ٢٨٨٠٠٠	١٨
٢	٤٧٩٧ ٢١٥٠٩٥	٤٢	٥٩١٦ ٧٢٩٠٨٥	٢٢	٥٣٧٤ ٥٢٨٠٥١	١٦
٤	٤٥٩٥ ٦٨٨٠٦٧	٤٤	٥٨٢٠ ١٩٠٠٢٣	٢٤	٦٣٩٢ ٩٥٤٠٥٢	١٤
٦	٤٤٢٨ ٥٢٧٠٢٨	٤٦	٥٧٣٦ ٥١٣٠٧٩	٢٦	٦٢٤٢ ٦٧٩٠٤٣	١٢
٨	٤٢٧٥ ٩١٩٠٥٤	٤٨	٥٦٣٥ ٩٥٩٠٢٨	٢٨	٦٢١٦ ٧٢٥٠٢٢	١٠
١٠	٤١٠٨ ٠٥٩٠٩٩	٥٠	٥٥٢٨ ٤٩٢٠٧٣	٣٠	٦٢٨٢ ١٢٢٠٦٢	٨
١٢	٣٩٢٥ ١٤٩٠٩٧	٥٢	٥٤١٤ ٢٩٢٠٧٤	٣٢	٦٢٣٩ ٩١١٠٥٥	٦
١٤	٣٧٥٧ ٣٩٧٠٨٧	٥٤	٥٢٩٢ ٤٩٠٠٢٨	٣٤	٦١٩٠ ١٤٠٠٥٢	٤
١٦	٣٥٧٥ ٠١٨٠٠٧	٥٦	٥١٦٦ ٢٢٧٠٣٥	٣٦	٦١٣٣ ٨٦٩٠٤٤	٢
	٣٣٨٨ ٢٢١٠٢٦	٥٨	٥٠٢٢ ٦٥٤٠٢٥	٣٨	٦٠٦٨ ١٥٥٠٤٢	

لصف قطر الانحناء العمودي  $v$

يسمى الطول  $n$  ه شكل ١٠٠ بنصف قطر الانحناء العمودي ويرمز له  
بالرمز  $v$

$$n \text{ ه } = n \text{ و } \phi$$

$$n \text{ ه } = \frac{1}{(1 - f^2 \phi^2)^{1/2}}$$

والجسول الآتي يعطى قيمة  $v$  عند بعض المروض

نصف قطر الانحناء للمردى  $\phi$  عند المردى  $\psi$

المردى $\phi$	نصف قطر الانحناء للمردى $\psi$	المردى $\phi$	نصف قطر الانحناء للمردى $\psi$	المردى $\phi$	نصف قطر الانحناء للمردى $\psi$	المردى $\phi$	نصف قطر الانحناء للمردى $\psi$
	مستقر		مستقر		مستقر		مستقر
٢٠	٦٣٨٠	٨٩٧٥٣٨	٢٠	٦٣٧٨	٣٨٨٥٠٠	صفر	
٤٢	٦٣٨١	٣٩٨٥٧٠	٢٢	٦٣٧٨	٤١٤٥٠٨	٢	
٤٤	٦٣٨١	٩٣٧٥٨٤	٢٤	٦٣٧٨	٤٩٣٥٢١	٤	
٤٦	٦٣٨٢	٥١٢٥٠٠	٢٦	٦٣٧٨	٥٢٢٥١٩	٦	
٤٨	٦٣٨٢	١١٨٥٦٨	٢٨	٦٣٧٨	٥٥٢٥٢٩	٨	
٥٠	٦٣٨٢	٧٩٤٥٦٩	٣٠	٦٣٧٩	٥٨٤٥٤٨	١٠	
٥٢	٦٣٨٤	٤١٧٥٢٧	٣٢	٦٣٧٩	٦١٤٥٨٩	١٢	
٥٤	٦٣٨٥	١٠٢٥٧٤	٣٤	٦٣٧٩	٦٤٣٥١٩	١٤	
٥٦	٦٣٨٥	٨٠٨٥١٩	٣٦	٦٣٨٠	٦٧٥٥٠٠	١٦	
٥٨	٦٣٨٦	٥٢٥٥٠٤	٣٨	٦٣٨٠	٧٠٦٥١٩	١٨	

مسقط مركبتور  
للأرض الشبه كروية

كما سبق في حالة الأرض الكروية وبالرجوع إلى شكل ٣٧ وإلى  
علاقات التشابه

$$\frac{L_1}{L} = \frac{L_1'}{L'}$$

$$L_1' = L_1 = L_2 = L_3 = \lambda \Delta . 1$$

$$\text{كذلك } L_1 = \lambda \Delta . 1 = \frac{\lambda \Delta . 1}{\frac{1}{2}(\phi^2 \text{ ح } 1 - 1)} = \lambda \Delta . 1$$

$$L_1 = L_2 = \phi \Delta . \rho$$

$$\frac{\lambda \Delta . 1}{\frac{\lambda \Delta . 1}{\frac{1}{2}(\phi^2 \text{ ح } 1 - 1)}} = \frac{L_1'}{\phi \Delta . \rho} \quad \text{وبالتعويض ينتج أن}$$

$$L_1' = L_2 = \Delta \text{ ح } \rho = \frac{1}{2}(\phi^2 \text{ ح } 1 - 1) \phi \Delta . \phi \text{ ح } 1$$

$$= \phi \Delta \frac{\phi \text{ ح } 1 (\phi^2 \text{ ح } 1 - 1)}{(\phi^2 \text{ ح } 1 - 1)}$$

وبالتخاذ الاستواء على الخريطة محسورا للسينات وباتخاذ أى خط من خطوط الطول محسورا للصادات وبإجراء التكامل

$$\int_0^{\psi} \frac{(1 - f^2) \phi}{(1 - f^2 \sin^2 \phi)} d\phi = \psi$$

ويكتب التكامل على الصورة

$$\int_0^{\psi} \left( \frac{f^2}{1 - f^2 \sin^2 \phi} - \frac{1}{1 - \sin^2 \phi} \right) d\phi = \psi$$

وبوضع  $\psi = f \sin \phi$  في الكسر الثاني للتكامل

$$\psi = \int_0^{\psi} \frac{f^2 \sin \phi}{1 - f^2 \sin^2 \phi} d\phi - \int_0^{\psi} \frac{\sin \phi}{1 - \sin^2 \phi} d\phi$$

$$= \int_0^{\psi} \left( \frac{f^2}{1 - f^2 \sin^2 \phi} - \frac{1}{1 - \sin^2 \phi} \right) d\phi$$

ويكتب أيضا على الصورة

$$\psi = \int_0^{\psi} (f^2 \sin \phi + \sin \phi) d\phi$$



ولتصغير حجم الخريطة حتى تقترب أبعادها من الأبعاد الحقيقية على الأرض تصبح

$$ص = م \phi_0 \left[ \text{لو ظا} \left( \frac{\psi}{2} + \frac{\mu}{4} \right) - \text{ف لو ظا} \left( \frac{\psi}{2} + \frac{\mu}{4} \right) \right]_{\text{ه}}$$

$$\text{أو } ص = م \phi_0 \left[ \text{لو} (\phi \text{ ظا} + \phi \text{ قا}) - \text{ف لو} (\psi \text{ ظا} + \psi \text{ قا}) \right]_{\text{ه}}$$

حيث  $\phi$  هو العرض الأوسط في الخريطة

$$\text{وبالطبع } م = \lambda \Delta .$$

مثال :

خريطة ممسطة مركزية يحددها شمالا العرض  $58^\circ$  شمال وجنوبا العرض  $36^\circ$  شمال . ويحددها شرقا الطول  $10^\circ$  غرب ويحددها غربا الطول  $48^\circ$  غرب والمقياس ١ : ٢ مليون

$$\text{الاتساع الطول } \lambda \Delta = 48 - 10 = 38^\circ \text{ طولية}$$

$$\text{العرض الأوسط } = 47^\circ$$

$$\frac{1}{2} \left( \frac{1}{\sin 47^\circ} \right) = (\text{نق} ٤٧) \quad \text{نصف قطر العرض } ٤٧^\circ$$

$$= ٤٣٥٧٨٩٢٢٢٦ \text{ متر}$$

$$\text{نق} ٤٧ = ٢١٧٢٨٩٤٦ \text{ سم بالمقياس المطلوب}$$

$$\frac{\text{ط}}{١٨٠} \times ٨٥ \times \text{نق} ٤٧ = \text{امتداد الخريطة مع درجته الطول}$$

$$= ١٤٤٢٥١٣ \text{ سم}$$

$$\psi_٣ = \text{ح} ١ = (\text{ف ح} ٣٦) = ٢٥٧ ٢٧٦٢ ٢٢$$

$$\psi_٨ = \text{ح} ٢ = (\text{ف ح} ٥٨) = ١٦٣ ٢٩٨٧$$

العنصر المركبوري من الاستواء إلى العرض  $٣٦^\circ$

$$\left[ \frac{(\frac{٢٥٧٢٧٦٢٢٢}{٢} + ٤٥) \text{ ف لو ظا}}{\text{ه}} - \frac{(\frac{٣٦}{٢} + ٤٥) \text{ لو ظا}}{\text{ه}} \right] =$$

$$= ٢٩ ٢٧٠٣ ٠٢$$

العنصر المركبوري من الاستواء إلى العرض  $٥٨^\circ$

$$\left[ \frac{(\frac{٢٥٧٢٧٦٢٢}{٢} + ٤٥) \text{ ف لو ظا}}{\text{ه}} - \frac{(\frac{٥٨}{٢} + ٤٥) \text{ لو ظا}}{\text{ه}} \right] =$$

$$= ٥٠٢ ٤٣٤ ١٢٢$$

[امتداد الخريطة مع درجات العرض

= تق<sub>٤</sub> × فرق العنصرين المركبتوريين

$$= تق_{٤} (١٢٤٣٤٠٥٠٢ - ٣٢٠٩ - ٠٠٦٧) = ١٢٤٣٨٨١٨ \text{ سم}$$

العنصر المركبتورى

يتضح من المثال السابق أن العنصر المركبتورى من الاستواء إلى العرض  $\phi$  ثابت القيمة ويـأرى

$$\text{لوظا } (\frac{\phi}{4} + ٤٥) - \text{فى لوظا } (\frac{\psi}{4} + ٤٥)$$

هـ هـ

وعلى ذلك يمكن وضع تلك القيم فى صورة جدول يستخدم بصفة دائمة لحساب المسقط .

جدول العناصر المركزية من الاستواء إلى المرض  $\phi$

$$\sin \phi = \left( \frac{\phi}{2} + 40 \right) - \left( \frac{\psi}{2} + 40 \right) \cos \phi$$

المرض $\phi$	العنصر المركزي	المرض $\phi$	العنصر المركزي	المرض $\phi$
٢	٠.٣٨٠٤٦ ٦٤٣٦	٤٢	٠.٢٣٩١٢ ٥١٨٣	٧٩٠٧
٤	٠.٣٨٥٢٢ ٢٧٥٥٩	٤٤	٠.٢٤٣٨٩ ٥٩٣٧	٠.١٠٠
٦	٠.٣٩٠١٤ ٢٣٩٧	٤٦	٠.٢٤٦٧٢ ٦٤٤٠	٠.١٠٤٢
٨	٠.٣٩٥٠٤ ٦٤٧٦	٤٨	٠.٢٥٠٦٢ ٣٤٦٣	٠.١١٣٩١
١٠	٠.٣٩٩٩٥ ٢٦٥٣	٥٠	٠.٢٥٤٥٩ ٤٢٩٣	٠.١١٧٤٢
١٢	٠.٤٠٤٨٨ ٥٦٧٩	٥٢	٠.٢٥٨٦٤ ٦٨١٨	٠.١٢٠٩٥
١٤	٠.٤١١٨٧ ٢٠٤٨	٥٤	٠.٢٦٢٧٨ ٩٦٢١	٠.١٢٤٥١
١٦	٠.٤١٧٩٤ ٦٨٧٥	٥٦	٠.٢٦٧٠٢ ٢٠٩٢	٠.١٢٨١١
١٨	٠.٤٢٤٣٤ ٥٠٢٤	٥٨	٠.٢٧١٥٢ ٢٧١٣	٠.١٣١٧٣
٢٠	٠.٤٣١١١ ٢٦٠٨	٦٠	٠.٢٧٥٨٥ ٨٤٣٩	٠.١٣٥٤٠

المسقط الاستريوجرافى

للأرض الشبه كرويه

يستخدم هذا المسقط للخرائط المساحية لدولة صغيرة المساحة ، أى صغيرة الامتداد مع درجات الطول ومع درجات العرض .

ويتم اتخاذ مركز الخريطة عند نقطة تقع عند مركز الدالة .

وفى هذه الحالة يمكن اعتبار أن سطح الأرض على شكل كرة وان تظهر أية أخطاء طالما لا تعتمد كثيرا عن مركز الخريطة .

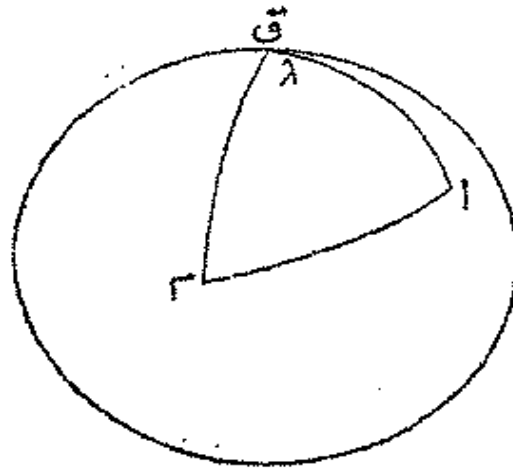
ويكون نصف قطر الكرة ( نق ) فى هذه الحالة مساويا للجذر التربيعى لحاصل ضرب نصف قطر انحناء خط الطول (  $\rho$  ) فى نصف قطر الانحناء العمود (  $\sigma$  ) ، وذلك عند مركز الخريطة

$$\text{نق} = \sqrt{\sigma \cdot \rho}$$

ويتم الحصول على قيم كل من  $\sigma$  ،  $\rho$  من الجداول السابقة إما مباشرة أو بطريق الاستكمال ( التحشية ) أو بحسابها فى حالة المروحيات الغير مبينة فى الجداول .

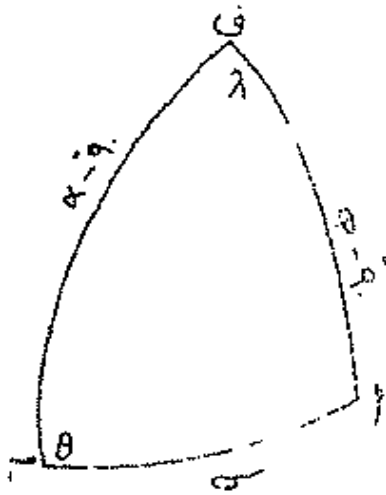
$$\frac{1}{\sqrt{1 - \phi^2 \cos^2 \lambda}} = \sigma \quad \frac{(1 - \phi^2 \cos^2 \lambda)}{\sqrt{1 - \phi^2 \cos^2 \lambda}} = \rho$$

$$\frac{\frac{1}{2}(\phi - 1) \lambda}{(\phi - 1) \lambda} = \sqrt{\rho} \lambda = \text{نق}$$



شكل ١٠١

- إذا كانت م مركز الخريطة الواقعة عند المرض α .
- وكانت ا إحدى نقط الهيكل الجغرافي الواقعة عند المرض φ .
- وكانت الزاوية عند القطب ق بين خطي طول م ، ا هي λ .
- يمكن حساب قيمة الضلع م ا بالدرجات ( α ) وذلك من المثلث المكروي ق م ا . وكذلك يمكن حساب قيمة زاوية الاتجاه φ (زاوية ق م ا) .
- في حالة المثلثات الصغيرة يمكن الحصول على قيمة زاوية الاتجاه φ أولاً من العلاقة



$$\text{ظا } \theta = \text{جتا } \alpha \cdot \text{ظا } \lambda - \text{حا } \alpha \cdot \text{جتا } \lambda$$

ثم نحصل على قيمة  $\sigma$  من العلاقة

$$\text{حا } \sigma = \frac{\text{جتا } \lambda \cdot \text{جتا } \phi}{\text{حا } \theta}$$

شكل ١٠٢

### مساعدات المسقط

يمكن تشبيه المسقط في هذه الحالة بالحسالة القطبية ( انظر صفحة ٨٧ ) .  
حيث تظهر نقطة  $\lambda'$  على المسقط على مسافة  $m$

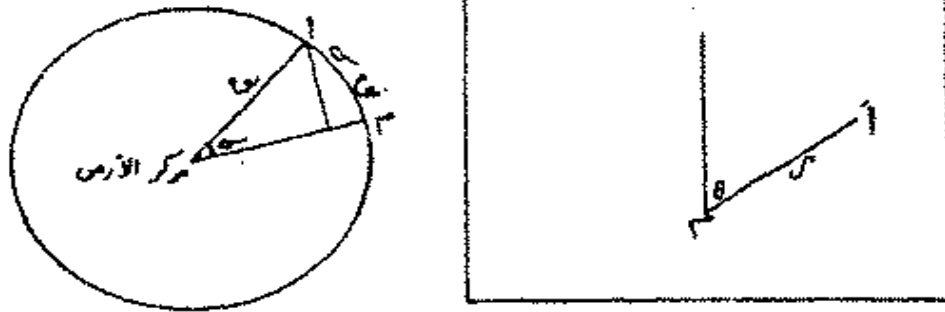
$$m = \lambda' = \gamma \cdot \text{نق ظا } \frac{\phi - 90}{\gamma} = \gamma \cdot \text{نق ظا } \frac{m}{\gamma} = \gamma \cdot \text{نق ظا } \frac{\sigma}{\gamma}$$

ويظهر زاوية الاتجاه  $\theta$  بدون تغيير .

أما المعالجة الرياضية لمعادلات المسقط فتتم كالآتي :

طول القوس  $m$  على الأرض  $= \text{نق } \sigma$  حيث  $\sigma$  الزاوية عند مركز الأرض .

طول المستقيم  $m$  على المسقط  $= m \cdot \cos \theta$



شكل ١٠٣

زاوية الاتجاه  $\theta$  تظل كما هي بدون تغيير

$$\frac{\text{نق } \Delta \sigma}{\text{نق } \Delta \sigma \cdot \sigma} = \frac{r \Delta}{r \Delta \cdot \sigma}$$

$$\left( \frac{r}{\sigma} \right) = \left( \frac{r}{r} \right)$$

$$r = \text{لوظا } \frac{\sigma}{r} + \text{ثابت (ث)}$$

$$r = \text{ث ظا } \frac{\sigma}{r}$$

وعندما تكون  $\sigma$  صغيرة تكون  $r = \text{نق } \sigma$

$$\frac{\sigma}{r} = \frac{\sigma}{r} \text{ ظا}$$



$$\text{نق } \sigma = \sigma \cdot \text{ث} = \frac{\sigma}{\gamma} \quad \text{ومنها ث} = \gamma \cdot \text{نق}$$

$$\text{وتصبح م} = \gamma \cdot \text{نق} \cdot \frac{\sigma}{\gamma}$$

التزقيع :

سهولة تزقيع النقط تستخدم الاحداثيات المتعامدة وتلخذ نقطة الأصل عند مركز الخريطة ويكون خط طول نقطة الأصل محورا للأحداث والمعدى عليه محورا للميقات وتكون

$$\text{م} = \text{م} \cdot \text{جا} \theta = \gamma \cdot \text{نق} \cdot \frac{\sigma}{\gamma} \cdot \text{جا} \theta$$

$$\text{م} = \text{م} \cdot \text{جنا} \theta = \gamma \cdot \text{نق} \cdot \frac{\sigma}{\gamma} \cdot \text{جنا} \theta$$

مثال :

مركز الخريطة عند العرض  $48^\circ$  شمال والطول  $16^\circ$  شرق .

مقياس الرسم ١ : ٢٥٠.٠٠٠

$$\text{نق} = \sqrt{\text{م}^2} = \sqrt{60034^2 + 6380^2}$$

$$= 6052240 \text{ سم} \quad \text{بالمقياس المطلوب}$$

لحساب المسافات والاتجاهات (  $\sigma$  و  $\theta$  ) من مركز الخريطة إلى النقطة  
( عرض  $19^\circ$  شمال ، طول  $17^\circ$  شرق )  $\lambda = 8$

$$\theta = \text{ظا}^{-1} \frac{\text{حا}^1}{\text{حا}^{\circ 48} \text{ظا}^{\circ 49} - \text{حا}^{\circ 48} \text{جتا}^{\circ 1}} = 22.1558^\circ$$

$$\sigma = \text{جتا}^{-1} \frac{\text{حا}^1 \text{جتا}^{\circ 49}}{\text{حا}^{\circ 22.1558}} = 1.19959^\circ$$

وبتكرار هذا العمل مع باقى النقط المطلوبة لتشكيل الهيكل الجغرافى نحصل  
على الجدول الآتى :

الإحصاءات والملاحظات

٤٩		٥٨		٥٧		عرض طول
مساحة	إحصاء	مساحة	إحصاء	مساحة	إحصاء	
١٠٠٠٠	٠٠٠٠٠٠	٠٠٠٠٠	—	٠٠٠٠٠	٠٠٠٠٠٠	١٦
١١٩٩٩	٢٢٠١٥٥٨	٠٠٠٠٠	٨٩٦٢٨٤	١٢١٠٤	١٢٥٧٠٦١	١٧
١٢٦٢٠١	٥٢٢٢١٦٦	١٢٢٢٨٧	٨٩٦٢٥٦٨	١٢٦٨٠٩	١٢٥٧٦٤٤	١٨

### ولحساب الاحداثيات المتعامدة

نأخذ نقطة الاصل عند مركز الخريطة (عرض  $48^\circ$  شمال ، طول  $16^\circ$  شرق)  
ونأخذ محور الصادات على خط الطول  $16^\circ$  شرق والممودى عليه محورا السينات

ونكون معادلات التحويل من الاحداثيات القطبية (إتجاه  $\theta$  ومسافة  $\sigma$ )  
إلى الاحداثيات المتعامدة (س ، ص) كالآتي :

$$س = \sigma \cos \theta \quad \text{ص} = \sigma \sin \theta$$

$$س = \sigma \cos \theta \quad \text{ص} = \sigma \sin \theta$$

النقطة (عرض  $49^\circ$  شمال ، طول  $17^\circ$  شرق)

$$س = 2002.24 \times 2 \times \frac{121996}{2} \times \cos 17^\circ = 2321558 \quad \text{ص} = 2002.24 \times 2 \times \frac{121996}{2} \times \sin 17^\circ = 2902262$$

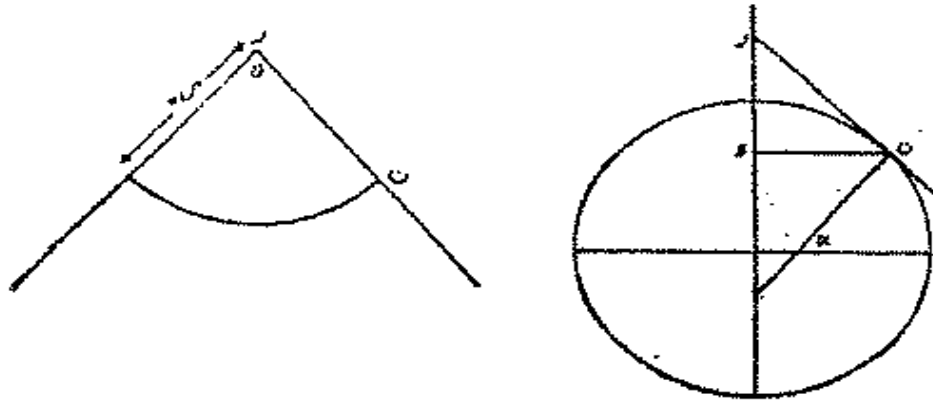
$$س = 2002.24 \times 2 \times \frac{121996}{2} \times \cos 49^\circ = 2321558 \quad \text{ص} = 2002.24 \times 2 \times \frac{121996}{2} \times \sin 49^\circ = 4472277$$

وبتكرار هذا العمل نحصل على قائمة الاحداثيات الالية :

قائمة الإحداثيات المعبأة

٤٦°		٤٨°		٤٧°		عرض طول
س	د	س	د	س	د	
٤٤٠٣٦١	٠٠٠٠٠٠	٠٠٠٠٠	٠٠٠٠٠٠	٤٤٠٣٦١ —	٠٠٠٠٠٠	١٦
٨٤٠٣٧٧	٢٩٠٢٣٦٨	٠٠١٩٣٣	٢٩٠٢٨٠٤٨	٤٤٠٣٤٥٨ —	٢٠٠٢٢٨٠٢	١٧
٤٤٠٣٦١٠٢	٥٨٠٤٤٢٨٥	٠٠٧٧٢٢	٥٩٠٦٠٧٨	٤٢٠٧٦٤٥ —	٢٠٠٧٦٠٥	١٨

المسقط المخروطي النشائي  
أو  
مسقط لامبرت المخروطي النشائي  
للأرض الشبه كرويه



شكل ١٠٤

يرسم مخروط النام حول دائرة العرض الرئيسى  $\alpha$  .

وتكون زاوية رأس المخروط  $\theta = \lambda + \alpha$

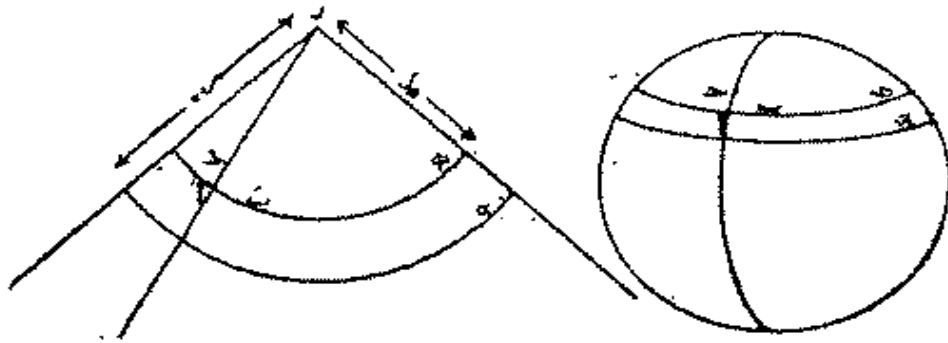
كما يكون نصف قطر قوس دائرة العرض الرئيسى على المسقط

$$R \cos \alpha = \frac{R \sin \theta}{\sin \alpha} = \frac{R \sin (\lambda + \alpha)}{\sin \alpha}$$

ويمكن الحصول على هذه القيمة باستخدام الجدول في صفحة ٢٢٢ والذي يعطى  
أنصاف أقطار دوائر العرض .

وبعد ذلك ترسم أقواس دوائر العرض الأخرى من مراکزها عند رأس المخروط ( ر ) بحيث تحقق خاصية التشابه أى بحيث تعطى تناحبا في الأبعاد .

واللحصول على قيمة نصف قطر دوائر العرض  $\phi$  على المسقط ( م ) .



شكل ١٠٥

١ ، ب نقطتان على دائرة العرض  $\phi$  على سطح الأرض وتبعدان عن بعضها بزاوية طول صغيرة مقدارها  $\Delta \lambda$  .

ونقطة ح على خط طول  $\lambda$  وتبعد عن ١ بزاوية عرض صغيرة مقدارها  $\Delta \phi$  .

ونفرض أن ١ ، ب ، ح هي نقاط ١ ، ب ، ح

ونفرض أن قيمة نصف قطر دائرة العرض  $\phi$  على المسقط م

$$\lambda \Delta \phi = \rho$$

$$\phi \Delta \rho = \lambda$$

$$- 227 -$$

$$\psi \Delta - = \psi'$$

$$\theta \Delta \cdot \psi = \psi'$$

$$\alpha \psi \cdot \lambda \Delta = \theta \Delta$$

$$\frac{\psi'}{\psi} = \frac{\psi'}{\psi} \text{ خاصية التشابه تعطى}$$

$$\frac{\theta \Delta \cdot \psi}{\lambda \Delta \cdot \phi \psi} = \frac{\psi \Delta -}{\phi \Delta \cdot \rho}$$

$$\alpha \psi \cdot \lambda \Delta = \theta \Delta \text{ وبالتعويض عن } \theta \Delta$$

$$\frac{\alpha \psi \phi \Delta \cdot \rho}{\phi \psi} = \frac{\psi \Delta}{\psi}$$

$$\phi \Delta \frac{\frac{1}{2}(\phi^2 \psi^2 - 1)}{\phi \psi} \times \frac{\alpha \psi (1 - \phi^2)}{\frac{1}{2}(\phi^2 \psi^2 - 1)} =$$

$$\phi \Delta \frac{(1 - \phi^2) \alpha \psi}{(\phi^2 \psi^2 - 1) \phi \psi} =$$

$$\times \left[ \frac{\phi^2}{\alpha^2 \psi^2 - 1} - \frac{1}{\phi^2 \psi^2 - 1} \right] \alpha \psi = \frac{\psi \Delta}{\psi}$$

$$\phi \Delta \cdot \phi \psi$$



وباجراء التكميل

$$\times \left( \frac{f}{\phi^2 \alpha - 1} \times \frac{1}{\phi^2 \alpha - 1} \right) \int_{\alpha}^{\phi} \alpha \, d\alpha = \frac{\phi}{\phi} \int_{\alpha}^{\phi} \alpha \, d\alpha$$

جنا . و . و

وبوضع  $\psi = f \cdot \alpha$  في العكس الثاني للتكميل

وكذلك  $\alpha = \frac{\psi}{f}$  ينتج أن

$$\int_{\psi}^{\phi} \frac{f \cdot \alpha}{\phi^2 \alpha - 1} \, d\alpha + \int_{\alpha}^{\phi} \frac{\psi}{\phi^2 \alpha - 1} \, d\alpha = \frac{\phi}{\phi} \int_{\alpha}^{\phi} \alpha \, d\alpha$$

$$\int_{\alpha}^{\phi} \left[ \left( \frac{\phi}{\psi} + \frac{1}{\alpha} \right) \log \alpha \right] \alpha \, d\alpha = \int_{\alpha}^{\phi} [\log \alpha] \alpha \, d\alpha$$

$$+ \int_{\psi}^{\phi} \left[ \left( \frac{\psi}{\psi} + \frac{1}{\alpha} \right) \log \alpha \right] \alpha \, d\alpha$$

$$\left[ \begin{array}{c} \text{ظا} \left( \frac{\phi}{2} + \frac{\tau}{4} \right) \\ \text{ظا} \left( \frac{\alpha}{2} + \frac{\tau}{4} \right) \end{array} \right] \text{ لو} = \frac{\phi}{\alpha} \text{ حـ} \alpha$$

$$\left[ \begin{array}{c} \text{ظا} \left( \frac{\psi}{2} + \frac{\tau}{4} \right) \\ \text{ظا} \left( \frac{\psi'}{2} + \frac{\tau}{4} \right) \end{array} \right] \text{ لو} + \text{حـ} \alpha$$

$$\alpha \text{ حـ} \times \left[ \begin{array}{c} \text{ظا} \left( \frac{\alpha}{2} + \frac{\tau}{4} \right) \\ \text{ظا} \left( \frac{\phi}{2} + \frac{\tau}{4} \right) \end{array} \right] = \alpha \text{ حـ}$$

$$\alpha \text{ حـ} \left[ \begin{array}{c} \text{ظا} \left( \frac{\psi}{2} + \frac{\tau}{4} \right) \\ \text{ظا} \left( \frac{\psi'}{2} + \frac{\tau}{4} \right) \end{array} \right]$$

وكلمة  $\alpha$  في المساقط المحرومية المرسومة بمقياس كبير يتم حساب  
الاحداثيات المتعامدة للنقط التي تمثل الهيكل الجغرافي .

وتكون نقطة الأصل عند تقاطع الطول الأوسط مع العرض الرئيسي

وتكون  $\phi$  ح  $\lambda$  حيث  $\lambda = \alpha$

$$\phi = \alpha - \phi \text{ ح } \lambda$$

مثال : مسقط لامبرت المخروطي التقاطعي بقياس ١ : ٢٠٠.٠٠٠ فيه العرض الرئيسي  $30^\circ$  شمال والطول الأوسط  $27^\circ$  شرق .

ثابت المخروط  $\phi = 30^\circ$  ح  $\phi = 0$

$$\phi = 30^\circ \text{ ح } \lambda = 1 \text{ ح } \lambda = 28^\circ \text{ شرق}$$

$$\phi = 30^\circ \text{ ح } \lambda = 2 \text{ ح } \lambda = 29^\circ$$

$$\frac{100}{200000} \times \frac{5528193072}{0.05} = \frac{30.0}{30.1} = \phi$$

$$= 55281947 \text{ سم}$$

$$\phi = 30^\circ \text{ ح } \lambda = 30^\circ \text{ ح } \phi = 2349000$$

$$\phi = 30^\circ \text{ ح } \lambda = 31^\circ \text{ ح } \phi = 23420207$$

$$\phi = \phi_1 \times \left[ \frac{\phi_2}{\left( \frac{\phi_2}{\phi_1} + 1 \right)} \right] = \phi_1$$

$$\text{ف.ح.ا.} \left[ \frac{\left( \frac{23420207}{2} + 40 \right) \text{ ظا}}{\left( \frac{23449000}{2} + 40 \right) \text{ ظا}} \right]$$

$$10000006 \times 0.98992282 \times 0.02824937 =$$

$$= 0.02730.092 \text{ سم}$$

$$\text{المعرض } 29^\circ \quad \psi = \text{ح.ا.} 1 \text{ ف.ح.ا.} \quad \psi = 23449000$$

$$\psi = 23449000 \quad \psi = \text{ح.ا.} 29 \text{ ف.ح.ا.}$$

$$\text{ح.ا.} \times \left[ \frac{\left( \frac{20}{2} + 40 \right) \text{ ظا}}{\left( \frac{29}{2} + 40 \right) \text{ ظا}} \right] \quad \psi = \psi$$

$$\text{ف.ح.ا.} \left[ \frac{\left( \frac{23278131}{2} + 40 \right) \text{ ظا}}{\left( \frac{23449000}{2} + 40 \right) \text{ ظا}} \right]$$

$$0.99998886 \times 100000000 \times 0.02824937 = \psi$$

$$= 0.02824937 \text{ سم}$$

ويمكن الحصول على الاحداثيات المتعامدة لنقط الهيكل الجغرافي وتكون

الاحداثيات منسوبة الى محورين :

المصادات وينطبق على خط الطول الأوسط ٢٧° شرق وتقع نقطة الأصل عند العرض الرئيسي ٣٠° س .

النقطة (عرض ٣١° شمال ، طول ٢٨° شرق)  $\lambda = \lambda'$  و  $\lambda = \lambda'$

$$س = مس_{٣١} \text{ ح } \lambda = ٥٤٧٣٢٠٠٩٢ = \text{ح } \lambda = ٤٧٧٦٠٨ \text{ سم}$$

$$ص = س - مس_{٣١} = \text{ح } \lambda = ٥٥٢٨٥٩٣٧ - ٤٧٣٢٠٠٩٢ = \text{ح } \lambda = ٥٥٢٦٤٢٩ \text{ سم}$$

$$= ٥٥٢٦٤٢٩ \text{ سم}$$

وبتكرار هذا العمل لباقي نقاط المحيط كل الجغرافى نحصل على الاحداثيات المبينة في الجدول الآلى :

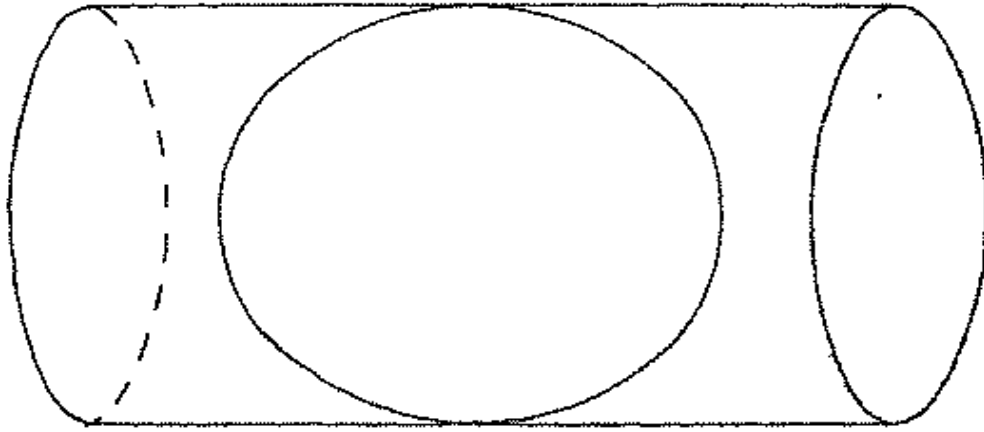
مرسى	طول	٢٧	٢٨	٢٩	٣٠	٣١
س	ص	صفر	صفر	صفر	صفر	صفر
٤٥٠٢٤٠	٤٥٠٢٦٠	٤٧٧٦٠٨	٤٨٢٤٤٦	٤٨٧٢٨٢	٤٨٢٤٤٦	٤٧٧٦٠٨
ص	ص	٠٢١٠٠	٠٢١٠٠	٠٢١٣٤	٠٢١٠٠	٠٢١٣٤
٩٧٤٥٢٨	٩٧٤٥٢٨	٩٦٤٨٥٥	٩٦٤٨٥٥	٩٦٤٨٥٥	٩٦٤٨٥٥	٩٦٤٨٥٥
ص	ص	٠٢٨٤٢٠	٠٢٨٤٢٠	٠٢٨٤٢٠	٠٢٨٤٢٠	٠٢٨٤٢٠

مسقط مركبتور المستعرض

الأرض الشبه كروية

أو

مسقط جياوس التشابهى



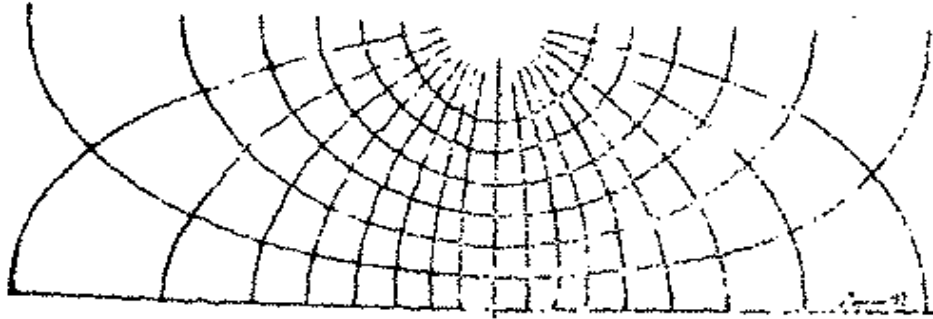
شكل ١٠٦

ينتج هنا المسقط بطريقة مشابهة لمسقط مركبتور ولكن تتكون اسطوانة القياس في وضع مستعرض - أى تمس سطح الأرض حول أحد خطوط الطول

في هذه الحالة يسقط خط طول القياس الى خط مستقيم رأسى يسارى في طوله محيط خط الطول على سطح الأرض . ويتم إسقاط باقى المسالمة بطريقة التشابه فيأخذ الهيكل الجغرافى الشكل المبين في الصفحة المقابلة .

والرياضيات العالية تعطى المعادلات المستخدمة لإنشاء المسقط بطريقة

مختصرة وجميلة :



شكل ١٠٧

في هذا المسقط ستتخذ محور السينات رأسياً نحو الشمال ومنطبقاً على خط طول القاس (خط الطول الأوسط)، كما هو متبع في أعمال المساحة بصفة عامة وفي المساحة المصرية بصفة خاصة والتي كانت رائدة بين دول العالم في تطبيق هذا المسقط على أعمالها المساحية.

ويكون محور الصادات عمودياً على محور السينات وتجهها نحو الشرق وذلك عند نقطة اختيارية على محور السينات.

#### الدوال المترافقة

إذا كانت  $S$ ،  $s$  دالتين حقيقيتين للغيرين  $x$ ،  $y$  وأمسكن تعريفهما بالعلاقة  $S + s = D$  ( $D = x + y$ ) حيث  $y = \sqrt{1 - x^2}$  فإنه يقال أن  $S$ ،  $s$  دالتين مترافقتين.

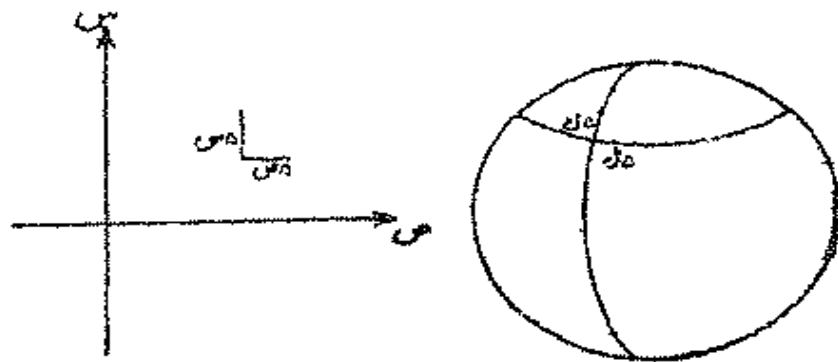
والخواص المميزة للدوال المترافقة والتي من أجلها تستخدم في الوصول إلى معادلات المساقط التفاضلية هي:

١ — كل منحنى نتوصل عليه عندما تكون  $\epsilon$  ثابتة القيمة ، بينما  $h$  تكون متغيرة ، يتقاطع عموديا مع جميع المنحنيات التي نتوصل عليها عندما تكون  $h$  ثابتة ، بينما  $\epsilon$  تكون متغيرة .

٢ — تكون النسبة ثابتة بين أي مسافة صغيرة على السطح الذي يشمل  $s$  ،  $h$  والمسافة الصغيرة المناظرة على السطح الذي يشمل  $h$  ،  $\epsilon$  وذلك حول أي نقطة .

### تطبيق الدوال المترافقة على المسافات المتساوية

$s$  ،  $h$  هما الاحداثيان المتعامدان على سطح الخريطة وذلك بالنسبة للمحورين السابق الاتفاق عليهما . ولكن لا يمكن اعتبار  $h$  ،  $\epsilon$  على انهما الاحداثيان  $h$  ،  $\epsilon$  على سطح الأرض لأن  $\Delta$   $\phi$  على سطح الأرض لا تساوي  $\Delta$   $\lambda$  في طولها .



شكل ١٠٨

إذا كانت  $\Delta$  المسافة على خط الطول



وكانت  $ل$  المسافة على دائرة العرض

تكتب العلاقة العامة للسقط التشابهي على الصورة

$$(س + ي ص) = د (ك + ي ل)$$

$$\frac{\Delta ك}{\Delta ل} = \frac{\Delta س}{\Delta ص} \quad \text{للتناسب بين الأطوال المتناظرة يكون}$$

$$\frac{\Delta س}{\Delta ص} = \frac{\phi \Delta \rho}{\lambda \Delta \phi} \quad \text{حيث } \rho \text{ هو نصف قطر الانحناء لخط الطول ،}$$

$\phi$  هي نصف قطر دائرة العرض  $\phi$  على سطح الأرض .

$$\frac{\phi \Delta \rho}{\phi \Delta \phi} = \Delta ط \quad \text{حيث} \quad \frac{\Delta ط}{\lambda \Delta} = \frac{\Delta س}{\Delta ص}$$

$$\text{وبذلك تكون } \Delta ط \text{ دالة في المتغير } \phi \text{ وحده ، } \Delta ط = \left( \frac{\rho}{\sin \phi} \right) \phi$$

وتكتب العلاقة العامة بالصورة

$$س + ي ص = \sigma (ط + ي ل)$$

وباستخدام مفكوك تايلور

$$س + ي ص = \sigma (ط) + \sigma (ط + ي ل) - \sigma (ط) = \sigma (ط) \frac{\lambda}{\rho} - \sigma (ط)$$

$$\dots + (\sigma)^{(12)} \frac{\tau_{\lambda}}{2J}$$

وبمساراة الاجزاء الحقيقية والاجزاء التخيلية في كلا الطرفين

$$\dots - (\sigma)^{(10)} \frac{\tau_{\lambda}}{2J} + (\sigma)^{(0)} \frac{\tau_{\lambda}}{2J} - (\sigma) = 0$$

$$\dots - (\sigma)^{(11)} \frac{\tau_{\lambda}}{2J} + (\sigma)^{(12)} \frac{\tau_{\lambda}}{2J} - (\sigma) = 0$$

### مقطع مركبوتر المستعرض

للمحصل على  $(\sigma)$  ومشتقاتها تأخذ الحالة التي ينطبق فيها محور السينات على خط الطول الأوسط أي عندما  $\lambda = 0$  صفر في هذه الحالة تكون  $\sigma = (\sigma)$

وفي مقطع مركبوتر المستعرض تكون  $\sigma$  هي المسافة على خط الطول الأوسط

$$\int_0^{\sigma} \rho \, d\rho = \frac{\sigma^2}{2}$$

$$\int_0^{\sigma} \rho \, d\rho = \frac{\sigma^2}{2} = (\sigma)^2$$

$$\sigma = (\sigma)$$

$$\frac{\phi_s}{\phi_s} \cdot \frac{(\phi_s)}{\phi_s} = (\phi)''$$

$$\text{بوضع } \phi = \frac{1}{2} \frac{\phi_s}{(\phi_s)} = \frac{1}{2} \frac{\phi_s}{(\phi_s)} \text{ ثم بمفاضلتها بالنسبة الى } \phi$$

$$\text{وبوضع } \frac{\phi_s}{\phi_s} = \frac{\phi_s}{\phi_s} \text{ يتبع أن}$$

$$(\phi)'' = -\phi_s \phi_s$$

وبتكرار عملية التفاضل

$$(\phi)''' = -\phi_s \phi_s \phi_s$$

وتكون معادلات التحويل المطلوبة هي

$$s = \text{طول القوس على خط الطول من الاستواء الى العرض } \phi$$

$$+ \frac{\phi_s}{2} + \phi_s \phi_s \frac{\phi_s}{2} + \dots + (\phi_s - \phi_s) \phi_s \frac{\phi_s}{2} + \dots$$

$$s = \lambda \phi_s + \frac{\phi_s}{2} + (\phi_s - \phi_s) \phi_s \frac{\phi_s}{2} + \dots$$

$$\frac{\phi_s}{2} + (\phi_s - \phi_s) \phi_s \frac{\phi_s}{2} + \dots$$

مثال : لاييجاد احداثيات النقطة الواقعة عند تقاطع العرض ٢٠° شمال والطول ٣٢° شرق باعتبار خط الطول الاوسط ٣١° شرق .

$$\lambda = 31 - 32 = -1 = \frac{\text{ط}}{180} \times \rho = 637096.5 \text{ م}$$

$$\text{نق.} = 93773.4 \text{ م}$$

$$\text{طول قوس خط الطول من الاستواء الى العرض ٣٠°} = 16137.0 \text{ م}$$

$$\text{م} = 16137.0 + 3320.0 \times \left( \frac{\text{ط}}{180} \right)^2 \times \frac{1}{2} \times \text{نق.} \times \text{ح.} ٣٠$$

$$+ \left( \text{ح.} ٣٠ - \text{جنا} ٣٠ \right) \times \left( \frac{\text{ط}}{180} \right) \times \frac{1}{4} \times \text{نق.}$$

$$= 16137.0 + 3320.0 + 0.7 = 19457.7 \text{ م}$$

$$= 93773.4 + 19457.7 = 113231.1 \text{ م}$$

$$\text{ص} = \left( \frac{\text{ط}}{180} \right) \times \text{نق.}$$

$$+ \left( \text{ح.} ٣٠ - \frac{\text{نق.} \times \text{جنا} ٣٠}{\rho} \right) \times \frac{1}{2} \times \left( \frac{\text{ط}}{180} \right)^2 \times \text{نق.}$$

$$+ \left( \text{ح.} ٣٠ - \text{جنا} ٣٠ \right) \times \left( \frac{\text{ط}}{180} \right) \times \frac{1}{4} \times \text{نق.}$$

$$+ \left( \text{ح.} ٣٠ - \text{جنا} ٣٠ \right)$$

$$= 93773.4 + 19457.7 + 0.7 = 113231.8 \text{ م}$$

$$= 113231.8 \text{ م}$$

تطبيق مسقط مركبتور المستعرض  
في المساحة المصرية

ترتبط شبكة المثلثات الرئيسية في مصر بمساحات العمران التي تنحصر في منطقة وادي النيل والدلتا . وتعرف النقط الجيوديسية في هذه الشبكة بأحداثياتها الجغرافية (  $\lambda$  ,  $\phi$  ) ومن بين المساحات النفاذية تم اختيار مسقط مركبتور المستعرض لتمثيل مصر على الخرائط المساحية .

وكان واضحا أن خط الطول الأوسط المناسب هو خط الطول  $31^{\circ}$  شرق الذي يمر في وادي النيل والدلتا والذي يتوسط مصر من ناحية الامتداد مع درجات الطول من  $25^{\circ}$  الى  $36^{\circ}$  شرق جرينتش .

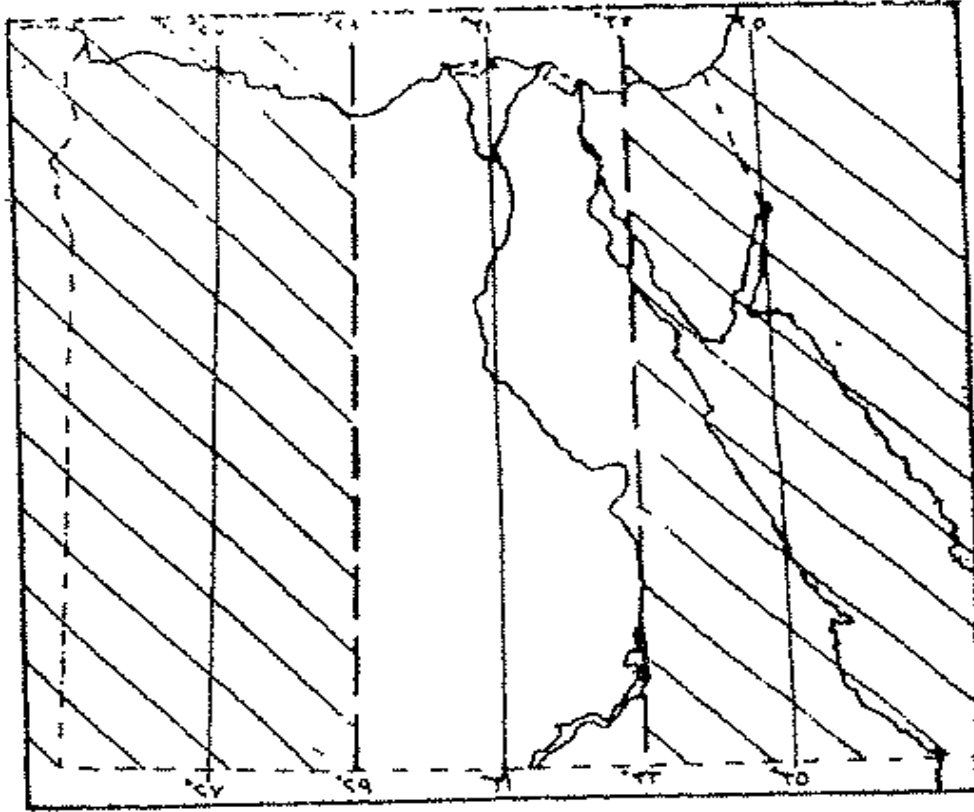
والمعروف أن التشويه في شكل المعالم المرسومة على الخريطة يأخذ مكانه في مسقط مركبتور المستعرض كلما ابتعدنا عن خط الطول الأوسط — الخالي من التشويه — ويزداد التشويه ويصبح ملحوظا ( حساسيا ) بعد درجتين طوليتين .

لذلك قسمت مصر إلى ثلاثة شرائح طولية وتم رسم كل شريحة منها على حدة كالآتي :

١ — الشريحة الأولى تمتد من الطول  $25^{\circ}$  الى  $29^{\circ}$  شرق بخط طول أوسط  $27^{\circ}$  . لتغطي منطقة الصحراء الغربية .

٢ — الشريحة الثانية تمتد من الطول  $29^{\circ}$  الى  $33^{\circ}$  شرق بخط طول أوسط  $31^{\circ}$  ، لتغطي وادي النيل والدلتا .

٢ - الشريعة الثالثة وتمتد من الطوسول ٣٣° الى ٣٦° شرق بخط طول  
أوسط ٣٥° ، تغطي سيناء وبعض اجزاء الصحراء الشرقية .



شكل ١٠٩

#### تعديل الاحداثيات

وكما سبق يتبين أن الاحداثى السينى ( فى اتجاه الشمال ) لآى موقع على مسقط  
مركبتور المستعرض يتضمن طول المسافة على خط الطول من الاستواء الى هذا  
الموقع . وفى حالة مصر تصل هذه المسافة الى حوالى ٣٠٠٠ كيلو متر . لذلك تم  
اتخاذ نقط الاصل الثلاثة لكل مسقط من مقاطع الشرائع الثلاثة عند

العرض ٣٠° شمال . وذلك يقل من قيمة الاحداثى السينى لجميع النقط بحوالى ٢٠٠٠ كيلو متر .

وحق يمكن تلافى الاحداثيات السينية السالبة للأماكن الواقعة جنوب خط العرض ٣٠° شمال ، أضيف عدد كامل من الكيلومترات الى جميع الاحداثيات السينية ، وفي الوقت نفسه أضيف عدد آخر من الكيلومترات الى الاحداثيات الصادية لجميع النقط حتى لا تكون هناك احداثيات صادية سالبة للنقط الواقعة غرب خط الطول الأوسط . والجدول الآتى يبين هذه التعديلات فى كل من المساقط للمناطق الثلاثة

المنطقة	حدود خطوط الطول	خط الطول الأوسط	الإضافة الكيلومترية للاحداثيات	موقع نقطة الصفر
الصحراء الغربية	من ٢٥ الى ٢٩	٢٧	من ٢٠٠ كم ص ٧٠٠	داخل الأراضى الليبية
وادي النيل والدلتا	من ٢٩ الى ٣٣	٣١	من ٨١٠ ص ٦١٥	بالقرب من الركن الجنوبي الغربى للحدود النيامية
سيناء	من ٣٣ الى ٣٦	٣٥	من ١١٠٠ ص ٣٠٠	داخل الأراضى السودانية

### حساب الاحداثيات في المواجهة المصرية

استخدمت المساحة المصرية شكلاً شبه كروياً لسطح الأرض هو شكل هلمرت ١٩٠٦؛ وذلك قبل أن يتقرر استخدام الشكل الدولي هانفورد ١٩١٠ . ونتم حساب الاحداثيات المتعامدة للواقع الجيوديسية وللحدود الخرافة على شكل هلمرت . والجدول في صفحة ٢٥٩ يبين بعض العناصر الأساسية لشكل هلمرت مع ذكر القيم المقابلة لها في شكل هانفورد



طابتورد ١٩١٠	طابت ١٩٠٦	المفسر
متر ٦٢٧٨ ٢٨٨	متر ٦٢٧٨ ٢٠٠	١ نصف القطر الاستوائى
• ٦٢٥٦ ٩١٢	• ٦٢٥٦ ٨١٨	٢ نصف القطر القطبى
• ٦٧٢٢٦٩	• ٦٧٠٠٦٦ ٩٢٤٠	٣ نصف الاختلاف المركزى
متر ٦٥٢١ ٥١٢٥٦	متر ٦٢٥١ ٤٤٢٥٩٢	٤ نصف قطر الاعتناء المزدى
• ٦٢٨٢ ٧٥٤٦٩	• ٦٢٨٢ ٥٤٢١٧	٥ عند المرض ٢٠
• ٥٥٢٨ ٤٩٢٧٢	• ٥٥٢٨ ٢١٠٥٥	٦ نصف قطر دائرة المرض ٢٠
• ٢٢٢٠ ١٦١٧٠	• ٢٢٢٠ ١٤٩١٠	٧ طول القوس على خط الطول
• ١٨٤٧٥٨٠	• ١٨٤٧٥٥٩	٨ من الاستواء الى المرض ٢٠
		٩ طول دقيقة واحدة عرضية
		١٠ على خط الطول عند المرض ٢٠

مثال :

على شكل ملرت المطلوب حساب الاحداثيات المتعامدة ( س ، ص ) للوقع  
الجغرافي ( عرض ٣١° شمال ، طول ٣٠° شرق ) على شبكة احداثيات  
وادي النيل بخط الطول الاوسط ٣١° شرق

$$\frac{\lambda}{120} = \frac{\mu}{180} \times \frac{2}{2} = 0.150 = 15.0' = \lambda$$

$$6352.418247 = r_1^p \quad \text{نق} r_1 = 0.4472 \cdot 0.4472$$

$$2431.01110 = \text{طول قوس خط الطول من الاستواء إلى العرض } 31^\circ$$

$$2320.14910 = 30^\circ \quad , \quad , \quad , \quad , \quad ,$$

$$س = 2431.01110 + \left( \frac{\mu}{120} \right) \times \frac{1}{2} \times \text{نق } r_1 \text{ حـ } 31^\circ$$

$$\left( \text{نق } r_1 \cdot \left( \frac{\mu}{120} \right) \cdot \frac{1}{2} \right) \cdot \left( \text{حـ } 31^\circ - \text{حـ } 30^\circ \right)$$

$$= 0.37 + 965282 + 2431.01110 =$$

ويطرح طول قوس خط الطول من الاستواء إلى العرض ٣٠° وبإضافة ٨١٠  
كيلومتر

$$س = 0.37 + 965282 + 2431.01110 =$$

$$= 810.000 + 2320.14910 = 810.828219 \text{ متر}$$

$$x_{r_1} = \left[ \left( \frac{p}{120} \right) \frac{1}{2} + r_1 \left( \frac{p}{120} \right) \right] - =$$

$$r_1 \left[ \left( \frac{p}{120} \right) \frac{1}{5} + \left( r_1 \frac{p}{120} - \frac{r_1^2}{r_1^2} \right) \right]$$

$$\left[ \left( r_1 \frac{p}{120} + r_1 \frac{p}{120} - r_1 \frac{p}{120} \right) \right]$$

$$\left[ \left( 7274 + 143257278 \right) \right] - =$$

وإضافة ٦١٥ كيلو متر

$$ص = 7274 + 143257278 - 615000 = 734948 \text{ (٧) متر}$$

## الباب التاسع

### تاريخ مساقط الخرائط

يرجع تاريخ المساقط إلى وقت بعيد عندما كان الرياضيون والفلاسفة يحاولون تمثيل السماء على الخرائط .

وضمن ما تركه بطليموس ( ٩٠ - ١٦٨ م ) من مؤلفات يوجد شرح لطريقة رسم الكرة السماوية على سطح مستوي ومنها يشرح أيضا طريقة تمثيل الأقواس الكروية . وهذه في الواقع طريقة رسم المسقط الاورثوجرافي . وذكر بطليموس أيضا طريقة أخرى لتمثيل الكرة السماوية والتي تعرف الآن باسم المسقط الجسم أو الاستريوجرافي .

ويرجع أن بطليموس نقل هذين المسقطين عن هيباركوس ( القرن الثاني الميلادي ) العالم الفلكي الشهير .

أما المسقط المركزي فقد كان معروفا قبل هذين المسقطين فقد ظهرت فكرته مع فكرة الأرض الكروية أيام الأغريق .

وبعض النظر عن استخدام المساقط لتمثيل السماء على الخرائط ، لم تدخل فكرة الاسقاط لعالم سطح الأرض إلا بعد أيام ايراثوستين ( ٢٧٦ - ١٩٥ ق . م ) الذي رسم خريطة عليها خطوط الطول والعرض المستقيمة وهي

الخريطة التي قام بتصحيحها من بعده هيباركوس ثم ماريئوس ( القرن الثاني الميلادي ) . وخريطة ايراتوستين والتي صححت بمعرفة هيباركوس ثم ماريئوس لا تخضع لأى من القواعد الهندسية المعروفة الآن عن المساقط .

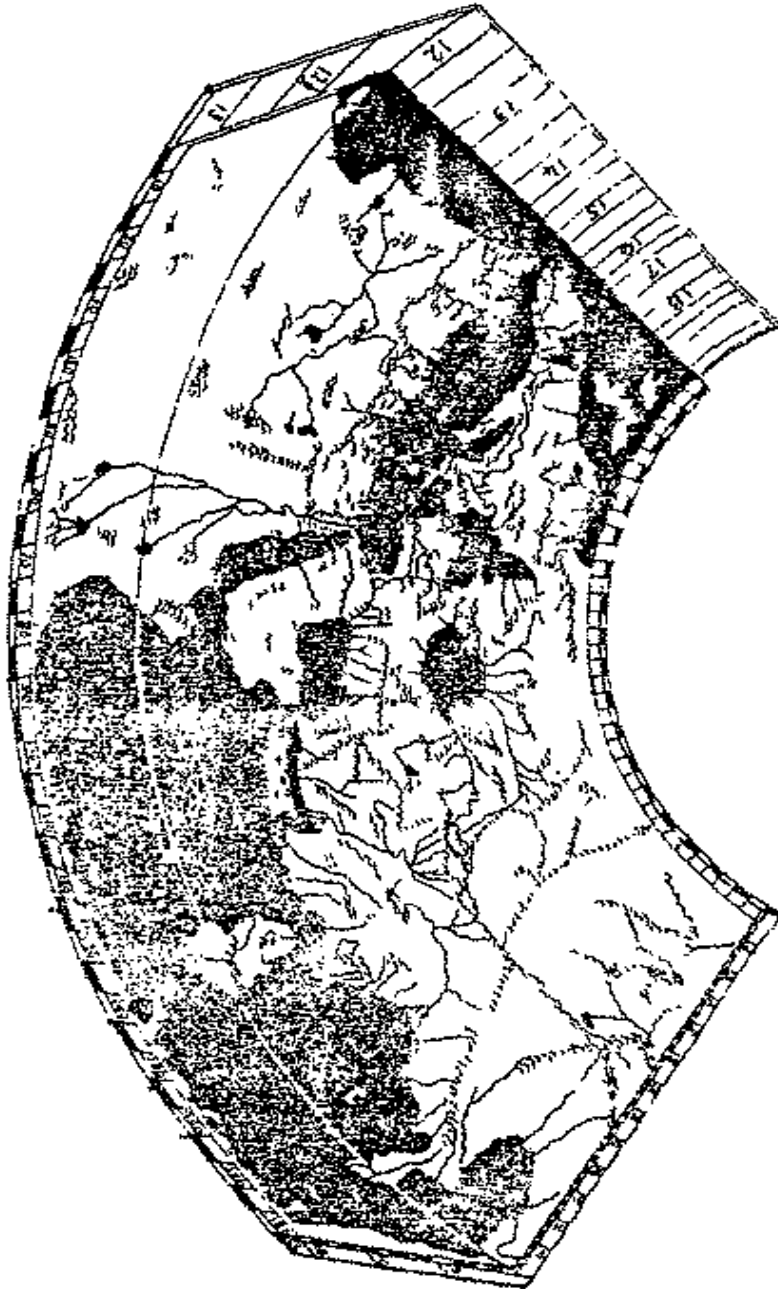
### مساقط بطليموس

أما بطليموس فيعتبر أول من استعان بنسكرة الامقاط في رسم الخرائط الجغرافية . ففى خرائط بطليموس التي رسمها لكل دولة نجد أنه يرسم خطوط الطول والعرض خطوطاً مستقيمة متعامدة . إذ أنه كان على علم بأن المناطق الصغيرة من سطح الأرض لا تتأثر كثيراً بالانحناء الكروى — وعلى ذلك يمكن إهمال الأخطاء الصغيرة التي قد تظهر بعيداً عن مركز الخريطة .

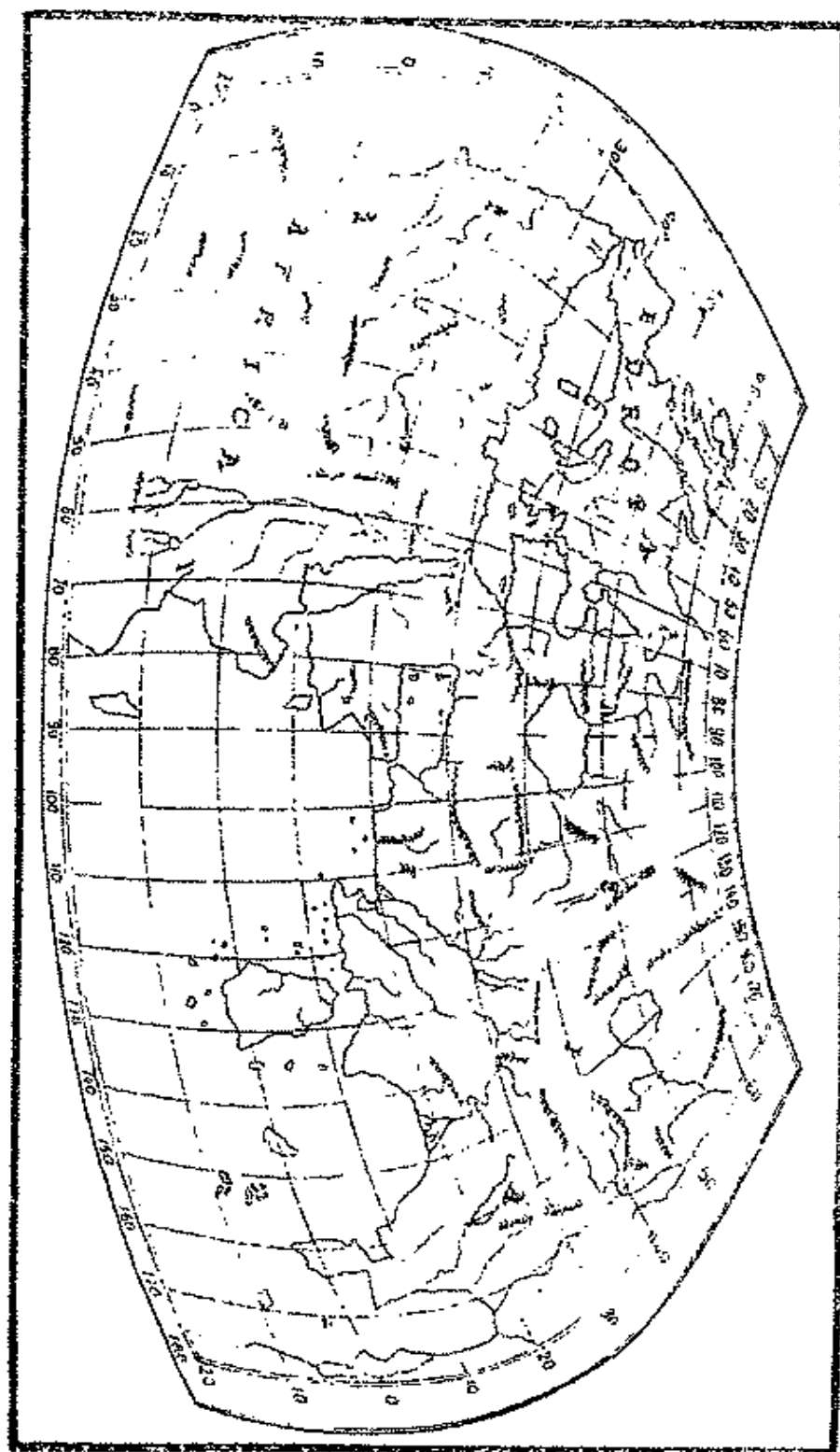
كما كان بطليموس على علم بأنه عند رسم خريطة تبين العالم كله يجب عليه اتخاذ بعض الاحتياطات الهندسية والتي بها يتحاشى ظهور الأخطاء . ولذلك اتخذ بطليموس نوعين من المساقط عندما قام برسم خرائط العالم .

النوع الأول وفيه ظهرت خطوط العرض أقواس دوائر لها نفس المركز الذى يقع خارج حدود الخريطة . كما رسمت خطوط الطول مستقيمة وتتقارب من بعضها كلما اتجهت شمالاً وتقترب إلى نقطة خارج الخريطة . أما المنطقة الواقعة للجنوب من الاستواء فسمت خطوط الطول فيها متقاربة في الاتجاه الجنوبي . وبذلك تقابلت خطوط الطول الشمالية مع خطوط الطول الجنوبية عند الاستواء في شكل زوايا .

وهذا المسقط يشبه المسقط المعروف حالياً بالمسقط المخروطى البسيط فيما عدا الأخطاء التي ظهرت جنوب الاستواء .



شكل ١١٠  
خريطة بطليموس



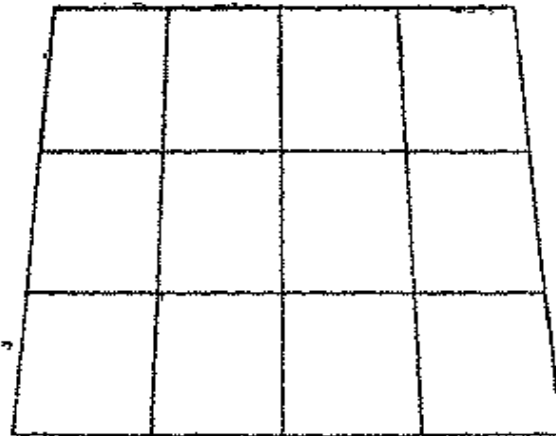
شکل ۱۱۱  
خریطة بطليموس

وعلى التذرع الثاني من المسائط الذي اتخذ بطليموس الخريطة العالم فعلية ظهرت كلا من خطوط الطول وخطوط العرض منحنية . ويظن أنه صنع هذا المسقط لتعديل المسقط الأول . وعلى كل فني كلا المسقطين نجد أن التشويه يتزايد كلما ابتعدنا عن مركز الخريطة .

هذا المسقط الثاني لبطليموس قريب الشبه من المسقط المعروف حاليا باسم مسقط بون . وقد قام قائد سيمول بتطوير مسقط بطليموس الثاني ورسم عليه خريطته المعروفة للعالم عام ١٥٠٧ .

#### مساقط عصر النهضة وبداية عصر الكشوف الجغرافية

من المعروف أن خرائط عصر النهضة بدأت بترجمة مؤلفات بطليموس الجغرافية التي كانت تحتوي على العديد من الخرائط . وصاحب تلك الترجمة تعديلات وتصحيحات وإضافة إلى خرائط بطليموس الأصلية . وظهرت في موجة الترجمة هذه مسقطا جديدا في شكله ويشبه إطاره شكل شبه المنحرف ولكنه لا يتميز بأية خصائص كما أنه لا يخضع للقواعد الهندسية المعروفة الآن في المساقط .



شكل ١١٢



. وفي بداية عصر الكشوف الجغرافية ظهرت خرائط على ما يسمى إسقاط  
مستوى وعليها كانت خطوط العرض مستقيمة ومتوازية وفي أماكنها المضطربة  
لأن تحديد موقع خط العرض كان بمسكنة بدقة عالية أما خطوط الطول فكانت  
معرضة لأخطاء في مراقبتها .

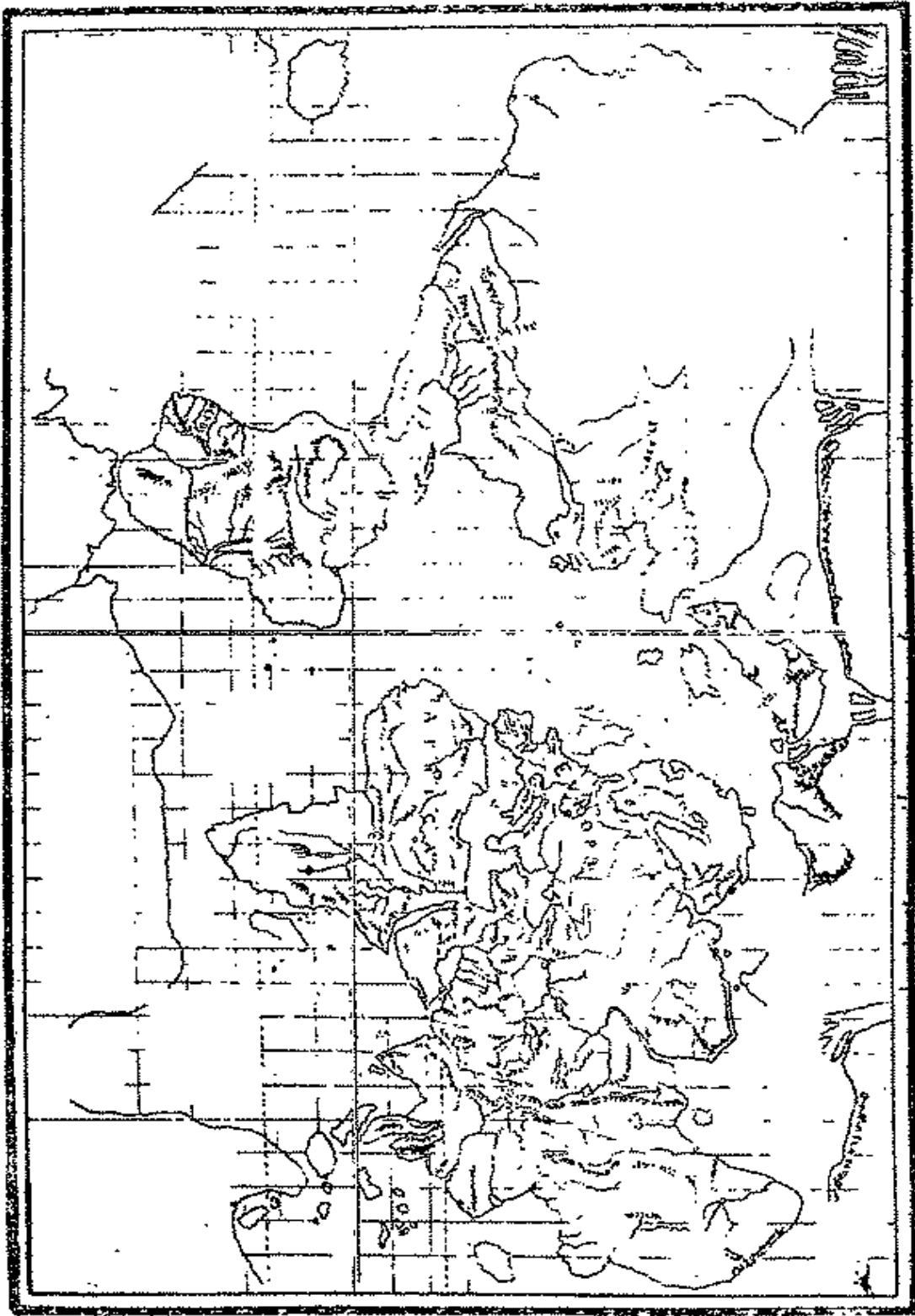
أما خرائط البورتولانو التي كانت ترسم في جنوة بإيطاليا أو واصل البحر  
المتوسط والمنطقة المحيطة وكذلك الخرائط الأولى للبحر الهندي في ذلك  
الوقت قبل الرغم من الدقة العالية للمسلم الجغرافية التي ظهرت على الخرائط إلا  
أنها لم تعتمد على أي مسقط من المساقط .

#### مركيتور

جاء مركيتور وسلك طريقا مقهورا عن طريق بطليموس . قام مركيتور  
برسم خريطة لأوروبا عام ١٥٥٤ على مسقط مخروطي بعرضين رئيسيين كما قام  
بعمل المسقط المعروف باسمه والذي استخدمه في رسم خريطة العالم البحرية عام  
١٥٦٩ وعلى هذه الخريطة كتب مركيتور طريقة رسم المسقط .

وبعد مركيتور ولدت من القرن السابع عشر أنفتح ذهن الكارتوجرافيين  
على إيجاد مساقط متنوعة . فقام سانسون الفرنسي بعمل المسقط المقرون باسمه  
واسم فلامستيد الانجليزي ولكن سانسون هو الذي وضع قواعد هذا المسقط  
وخصائصه أما فلامستيد فقد نقله عنه وطبقه في رسم بعض الخرائط .

كما ظهر بعد ذلك المسقط الكروي في فرنسا وتناوله بعض الكارتوجرافيين  
بالتعديل ولكن بدون اهتمام كبير نظرا لأنه لا يحتوي على خصائص هندسية  
مميّنة ، اللهم إلا سهولة رسمه .



شكل ١١٣  
خريطة مركزية للعالم

### مساقط القرن الثامن عشر

شهد القرن الثامن عشر على يد لامبرت مجموعة كبيرة من المساقط رفى نفس الوقت كان مردوخ فى انجلترا على اهتمام كبير بالمساقط الجغرافية . وكان اهتمام كليهما بالمساقط المخروطية .

قام ماردوخ بدراسة ثلاثة أنواع متطورة من المسقط المخروطى البسيط كل نوع منها يحقق ميزة معينة .

أما لامبرت وهو المسمى ، فقد قدم إلى المساقط عددا لم يقدمه غيره من الكارتوجرافيين . فقام بإعداد المساقط الآتية :

١ — المخروطى متساوى المساحات بعرض رئيسى واحد وهو المسقط المعروف باسمه .

٢ — المخروطى التماهى بعرضين رئيسين .

٣ — الاسطوان متساوى المساحات .

٤ — الاسطوانى المستعرض متساوى المساحات .

٥ — الانجهاى متساوى المساحات .

وجدير بالذكر أن تلك المساقط بالذات ما زالت تعتبر الأساس المربى فى عمليات إنشاء الخرائط .

وفى هذا القرن أيضا قام البري بتصميم المسقط المعروف باسمه وهو المخروطى متساوى المساحات بعرضين رئيسيين ولكن المسقط لم يعرف إلا فى نهاية القرن التاسع عشر .

وفي القرن الثامن عشر عاش كاسيني وهو حفيد كاسيني الذي رسم خريطة فرنسا في أرضية مرصده بباريس . وهذا الحفيد قام بتصميم مسقط مازال معروفا باسمه ، وعلى هذا المسقط قام بتوقيع نتائج عمليات المثلثات الخاصة بفرنسا والتي كانت أول عملية مساحة منظمة شاملة لدولة بأكملها . وأدت هذه العملية إلى مجموعة من الخرائط الطبوغرافية الدقيقة التفاصيل والتي تمت بعد وفاته .

في عام ١٨٠٥ صمم مولفאיدي المسقط المعروف باسمه .

وبعد ذلك الوقت وبحق الآن يظهر من وقت لآخر مسقط جديد أو تعديل لمسقط قديم . وتفتقر المناطق الجديدة بأسماء صناعيتها وتذكر منهم أيسكرت - وينكل - فان دير جرينتن - جول - هامار .

# الباب العاشر

## اختيار المسقط

### علامة المسقط بالموقع

باستعراض المساقط المتعددة التي ذكرت ، نجد أنها قسمت من حيث طريقة الإنشاء إلى مجموعتين رئيسيتين هي : المعدلة والاسطوانية والمخروطية والاتجاهية . وفي الواقع يتفق هذا التقسيم مع الهيكل الجغرافي لخطوط الطول والعرض المرسومة على سطح الأرض .

١ - فعند تمثيل منطقة إستوائية على خريطة يكون أحد المساقط الاسطوانية اختياراً ملائماً ، إذ ينتقل الاستواء إلى الخريطة مسارياً لطوله الأصلي على الأرض ويكون شكله مستقيماً . ومن ثم يصبح تشكيل المسقط سهلاً من حيث الحساب والرسم .

٢ - وعند تمثيل منطقة تقع بين الاستواء والقطب يكون أحد المساقط المخروطية ملائماً ، إذ ينتقل خط العرض الرئيسي إلى الخريطة مطاباً لطوله الأصلي على الأرض ويكون على شكل قوس من دائرة ، ومن ثلك البداية يمكن إيجاد المسقط بسهولة .

٣ - وعند تمثيل منطقة قطبية يكون أحد المساقط الاتجاهية ملائماً ، إذ تنتقل جميع خطوط الطول المتساوية عند القطب الأرضي بمنطقة بنفس الزوايا الأصلية على سطح الأرض . أي أن خطوط الطول ستظهر على المسقط في صورة حزمة من المستقيمات المتساوية في نقطة ويكون الزوايا بينها مساوية للزوايا

المناظرة على سطح الأرض . ومن ثم يمكن لكل المسقط بالسهولة المعروفة في حالات المساقط الاتجاهية القطبية .

٤ - وعند تمثيل العالم كله أو نصفه على خريطة يحسن الاتجاه إلى أحد المساقط الممدلة التي تعالج المنطقة كشكل والتي تبدأ بتحديد شكل المحيط الخارجى للمسقط - مرة على شكل دائرة ومرة على شكل قطاع ناقص ،... ثم يستكمل الهيكل الجغرافى للخريطة داخل الإطار المحدد للمسقط .

ولا يعتبر هذا التقسيم قاطعاً في عملية اختيار المسقط ولكنه متبع في كثير من الحالات . ويلزم أن تكون على بينة من أن الأسطوانة هي حالة خاصة من المخروط تكون فيها زاوية رأس المخروط صفراً . كما وأن المستوى الذى يستخدم في حالة الإسقاط الاتجاهى هو أيضاً حالة خاصة من المخروط والذى فيه تكون زاوية رأس المخروط  $180^\circ$  .

ويلزم أيضاً أن نعرف أنه عند أى مكان على سطح الأرض يمكن الإسقاط بأى طريقة من الطرق المعروفة ولكن الإسقاط مع مراعاة التقسيم السابق يجعل الحساب أسهل ما يمكن .

فتلاً عند مكان عرض  $90^\circ$  شمال يمكن استخدام الإسقاط المخروطى بحيث يمس المخروط سطح الأرض حول دائرة العرض  $90^\circ$  شمال .

ويمكن أيضاً الإسقاط على مستوى يمس الأرض عند هذا المكان ويمكن الإسقاط على أسطوانة تمس الأرض حول خط الطول الذى يمر بهذا المكان أو أسطوانة تمس الأرض حول دائرة عظمى تمر بهذا المكان ( وفى هاتين الحالتين الأخيرتين يسمى المسقطان الناتجيان إسطوانى مستعرض ، واسطوانى منحرف ) .

ولكن الاسقاط المخروطى أ. لها كلها فى الحساب .

علاقة النقط بالغرض المطلوب منه عمل الخريطة

يتحكم الغرض المطلوب منه عمل الخريطة فى اختيار المخطط المطلوب . هناك أغراض متعددة لرسم الخرائط ولا بد أن نراعى أن المخطط المختار للخريطة يحقق الخصائص الهندسية التى تفي بهذه الأغراض .

والخرائط الجغرافية المرسومة بمقاييس صغيرة تستخدم فى الأغراض الآتية .

١ - بيان التوزيعات .

٢ - بيان الاتجاهات المتساوية من مكان معين .

٣ - بيان المسافات المتساوية من مكان معين .

٤ - الملاحة بإتباع خطوط العير الثابتة الاتجاه .

٥ - الملاحة بإتباع أقصر المسافات .

٦ - بيان الشكل الجسم للأرض .

١ - ولرسم خريطة للتوزيعات يلزم أن يكون المخطط متساوى المساحات . والمساحة متساوية المساحات التى تم استعراضها هى المولفسايدى والسائون فلامستيد والاسطوانى متساوى المساحات ولا مبرر للخروطى متساوى المساحات والبرز والاتجاهى متساوى المساحات . وعلى ذلك يتم اختيار أحد هذه المسائط لخرائط التوزيعات مع مراعاة موقع المنطقة المطلوب بيانها كما سبق ، ومع مراعاة العلاقات التى ستذكر فيما بعد .

٢ - ولرسم خريطة تعطى الاتجاهات الحقيقية من مكان معين يلزم أن يكون المسطح اتجاهى ومركزه عند هذا المكان . وهذا النوع من الخرائط

يستخدم أيضا في محطات الإرسال اللاسلكي حتى تتمتع المحطة على الاتجاهات الحقيقية للأماكن التي يمكنها استقبال الاذاعة وبذلك تتمكن المحطة من توجيه الموجات إلى تلك الأماكن .

والمساقط الاتجاهية التي تم استعراضها هي المركزية والامتريوجرافي والاورثوجرافي والمتساوي المسافات والمتساوي المساحات ؛ ويمكن اختيار واحد منها طبقا للأغراض الأخرى المطلوبة .

٣ — ولرسم خريطة تغطي المسافات الحقيقية من مكان معين يلزم أن يكون المسقط إجهامي متساوي المسافات .

وهذا النوع من المساقط يستخدم أيضا في خرائط محطات الإرسال اللاسلكي المشروحة في البند السابق لتغطي المسافات الحقيقية بالإضافة إلى الاتجاهات الحقيقية من موقع المحطة . كما يستخدم أيضا هذا المسقط في الخرائط التي تبين خطوط الملاحة الجوية من مركز رئيسي يكون عادة عاصمة لإحدى الدول .

وفي هذا المجال لابد وأن نوضح أنه لا يوجد مسقط يحقق المسافات المتساوية في جميع أنحاء الخريطة . كما وأن هناك مساقط تغطي المسافات المتساوية على خط من خطوط الطول أو العرض أو كليهما معا أو أكثر من ذلك . فالمساقط الاسطوانية تحقق تساوي المسافات على خط الاستواء ؛ كما وأن المسقط الاسطوانى البسيط يحقق بالإضافة إلى ذلك تساوي المسافات على جميع خطوط الطول ، وذلك بالطبع بمسألة تشويه في خطوط العرض يتزايد كلما ابتعدنا عن العرض الرئيسى .



(ب) والمساقط المخروطية تحقق تساوى المسافات على خط العرض الرئيسى -  
أو خطى العرضين الرئيسيين - بالإضافة إلى بعض الخطوط الأخرى :

١ - فى المخروطى البسيط. وفى المخروطى بمرصين رئيسيين ~~تكون~~  
المسافات صحيحة على خطوط الطول .

٢ - وفى متعددة المخاريط. وفى بون تكون المسافات صحيحة على كل خطوط  
العرض وعلى خط الطول الأوسط .

(ج) ومسقط سائسون فلاميند يحقق المسافات المتساوية على كل خطوط  
العرض وعلى خط الطول الأوسط .

٤ - ولرسم خريطة تستخدم فى الملاحة باتباع خطوط السهل الثابتة الإتجاه  
يلزم أن يكون المسقط تشايبى .

والمساقط التشايبية التى تم إستعراضها هى مسقط مركيتور والمسقط  
الاستريوجرافى .

والمعروف أن التشوية يتزايد فى مسقط مركيتور كلما ابتعدنا عن الاستواء  
ولذلك لا يستخدم هذا المسقط لتقبل المساطق القطبية ويستبدل بالمسقط  
الاستريوجرافى القطبى .

٥ - ولرسم خريطة تستخدم فى الملاحة باتباع أقصر الطرق يلزم أن يكون  
المسقط مركزى . وهو المسقط الوحيد الذى فيه تمثل الخطوط المستقيمة على  
الخريطة الدوائر العظمى ( أقصر المسافات ) على سطح الأرض .

٦ — ولرسم خريطة تبين الشكل المجسم للككرة الأرضية - تبرز نكورها - يلزم لا-تستخدم المسقط الأورثوجرافى ، فهو مسقط منظور يقع مركز الإسقاط فيه عند اللانهاية . لذلك يمثل هذا المسقط شكل الأرض كما يراها الإنسان من مكان بعيد جدا عنها .

هذا المسقط يستخدم كثيرا فى خرائط الأطالس الحديثة التى تعنى بدراسة الأرض كشكل ، كما يستخدم فى المكتب الجغرافية لتوضيح الشرح الخاص بالمعالم العامة للككرة الأرضية .

أحيانا يستغاض عن المسقط الأورثوجرافى بالمسقط الاستريوجرافى وذلك لصعوبة إجراء حسابات الأورثوجرافى واهولة إجراء حسابات الاستريوجرافى وأيضا لصعوبة رسم القطاعات الناقصة فى الأورثوجرافى ولسهولة رسم أقواس الدوائر فى الاستريوجرافى . ويعطى الاستريوجرافى صورة مجسمة لشكل الأرض بدرجة مقبولة ولكنها ليست بالتجسيم الذى يعطيه الأورثوجرافى .

٧ — بالإضافة إلى الأغراض السابقة تتضمن الأطالس عادة خرائط فلكية . والخرائط الفلكية رسم عادة بالمسقط الاستريوجرافى حتى يمكن استخدامها فى قياس بعض العناصر كما أنه يمكن متابعة حركة الأجرام السماوية عليها . وترسم الخرائط الفلكية أيضا على المسقط الإجهامى متساوى المسافات القطبي وفى هذه الحالة ترسم الكرة السماوية فى مسقطين متجاورين أحدهما للنصف الشمال والآخر للنصف الجنوبى .

وفى كثير من الأطالس الحديثة ظهرت خرائط القمر مرسومة بالمسقط الاستريوجرافى الإستوائى فى جزئين أحدهما للنصف المواجه للأرض والجزء الآخر للنصف الثانى .

علاقة المسقط بالتساع وشكل المنطقة المطلوب رسمها

أولاً : من حيث التساع

١ — عند رسم قارة مثل أفريقيا على المساقط المختلفة التي تصلح لذلك مثل مركيتور وسامسون فلامنيك ومولغايدى : الانحسار متساوى المسافات والاتجاه متساوى المساحات والكروى والاستريوجرافى والاورموجرافى ... نجد أن هناك فروقا فى الأشكال الناتجة . وتظهر تلك الفروق فى شكل الهيكل الجغرافى الذى فيه تكون خطوط الطول مستقيمة أحيانا ومنحنية أحيانا وتكون خطوط العرض مستقيمة أحيانا ومنحنية أحيانا كما تختلف درجة الانحسار من مسقط إلى آخر .

٢ — وإذا رسمنا قارة أفريقيا والبحار والمحيطات المحيطة بها - أى امتدت الخريطة غربا لتشمل المحيط الأطلسى حتى سواحل الأمريكتين وامتدت شرقا لتشمل المحيط الهندى حتى سواحل الهند وجزر الهند الشرقية وسواحل أستراليا وامتدت شمالا لتشمل البحر المتوسط وأجزاء من أوروبا وامتدت جنوبا حتى سواحل القارة القطبية الجنوبية - على نفس المساقط التى تصلح لأفريقيا ، لوجدنا أن الفروق فى الأشكال قد زادت وأصبحت . ذلك يحدث لزيادة الانحسارات فى خطوط الطول والعرض كلما ابتعدنا عن المركز نحو أطراف الخريطة .

٣ — وإذا رسمنا إحدى دول أفريقيا أو منطقة من هذه القارة على مساقط مختلفة فانتنا نجد أن الفروق بين الأشكال الناتجة صغيرة لا تذكر . وذلك لأن الفرق بين الخط المستقيم والخط المنحنى الذى بناطره يسكون صغيرا فى المناطق المحدودة التساع .

من هنا يتبين أن تحديد المسقط المطلوب لرسم منطقة صغيرة من العالم بمقياس صغير يتفق مع خرائط الأطلس ، لا يؤثر كثيرا على الشكل الناتج لأن معظم المسافات تؤدي إلى أشكال متقاربة .

وكما زادت المنطقة في الإتساع كلما إتضحت الحاجة إلى تحديد خصائص المسقط المطلوب وبالتالي إلى تحديد لاسم المسقط .

### ثانيا : من حيث الشكل

١ - عند البحث عن مسقط يصلح لتمثيل الساحل الغربي لأحريكل الجنوبية الذي يمتد من العرض  $8^{\circ}$  شمال إلى العرض  $55^{\circ}$  جنوب في حين يبلغ إتساعه مع خطوط الطول  $10^{\circ}$  درجات تقريبا - يحسن البحث عن مسقط يحقق المسافات المتساوية مع خط الطول المتوسط في هذه المنطقة وهو خط الطول  $70^{\circ}$  غرب . والمسافات التي تحقق ذلك هي التصادون فلامستيد والاسطوان البسيط والمخروطي بمرحبتين رئيسيتين وبون ومتعدد المخاريط .

٢ - عند البحث عن مسقط يصلح لتمثيل المنطقة التي تشمل الحدود السياسية بين كندا والولايات المتحدة والتي تمتد من الطول  $97^{\circ}$  غرب إلى الطول  $123^{\circ}$  غرب في حين يبلغ إتساعها مع درجات العرض  $4^{\circ}$  درجات تقريبا - يحسن البحث عن مسقط يحقق المسافات المتساوية مع خط العرض المتوسط في تلك المنطقة وهو خط العرض  $47^{\circ}$  شمال . ومعظم المسافات المخروطية تحقق هذا الغرض .

من هنا يتضح أن شكل المنطقة المطلوب تمثيلها على الخريطة يتدخل في تحديد المسقط المطلوب .

اختيار المسقط مع مراعاة شكل هيكله الجغرافي

كما سبق يتضح أن اختيار المسقط يتم مع مراعاة الآتي :

١ - مرفق المنطقة .

٢ - الفرض المطلوب منه على الخريطة .

٣ - اتساع المنطقة وشكلها .

ورحتى مع مراعاة تلك الظروف فإننا نصل أحيانا إلى مسطتين أو ثلاثة أو أكثر تحقق المطلوب . عندئذ تراعى ظروف جديدة وهي :

أولا : الحسابات : والمعروف أن بعض المساقط لا تتطلب حسابات معقدة خصوصا تلك التي يدخل في تكوينها الخطوط المستقيمة وأقواس الدوائر وعادة يلجأ الكارتوجرافي إلى المسقط الذي لا يحتاج إلى حسابات معقدة .

ثانيا : طريقة الرسم : وبالطبع يفضل الكارتوجرافي المسقط الذي يدخل في تكوينه الخطوط المستقيمة وأقواس الدوائر بسهولة رسمها .

ثالثا : بالإضافة إلى العنصرين السابقين لابد وأن نتذكر دائما أن الخريطة تمثل سطح الأرض المكروى وأن خطوط الطول وخطوط العرض على سطح الأرض أقواس دوائر ولذلك كلما كانت خطوط الطول والعرض على الخريطة منحنية كلما كانت الخريطة أقرب شكلا من سطح الأرض . وليس معنى ذلك

أن نستبعد المساقط التي يدخل في تشكيلها الجغرافى الخطوط المستقيمة ؛  
فأحياناً يلزم أن نركز الخريطة على مسقط مركب رآحياناً لابد وأن تكون  
الخريطة على مسقط مركزى وهذان المسقطان لا يخلوان من الخطوط المستقيمة

ولكن لو كان الكارتوجرافى يصدد إنشاء مجموعة من الخرائط كما في حالة  
الاطلس فيستحسن أن يتووع من المساقط المستخدمة وهنا يلزم التنبيه مرة أخرى  
إلى إستخدام المسقط الاورثوجرافى في خرائط الاطلس الذى يعطى جمالاً  
وتجسيمياً للشكل الحقيقى للأرض بالرغم من صعوبة حساباته ورسمه .

# الباب الحادى عشر

## ملاحق

### ملحق (١)

#### طريقة رسم قطع ناقص

للقطع الناقص خصائص هندسية كثيرة . ومن تلك الخصائص يمكن إتباع طرق مختلفة لرسمه . والقطع الناقص يظهر فى المسقط الأورثوجرافى ومسقط مولفايدى بعد حساب أطوال مجاورة . ولذا سنذكر فى هذا الملحق الطرق المختلفة لرسم القطع الناقص بمعلومية أطوال محوريه .

#### الطريقة الأولى

مثال : لرسم قطع ناقص طول محوره الأكبر ٧٠ مم وطول محوره الأصغر

٢٧ مم .

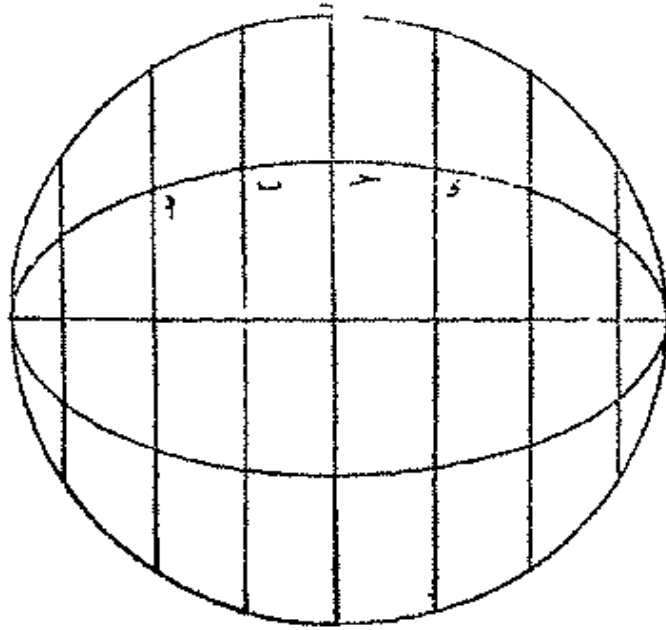
يتبع الآتى :

١ - ترسم دائرة قطرها ٧٠ مم وترسم بداخلها قطرين متعامدين أحدهما فى إتجاه المحور الأكبر للقطع والثانى فى إتجاه المحور الأصغر له .

٢ - ترسم مجموعة من الأوتار نواذى إتجاه المحور الأصغر للقطع - وكلما كان عدد الأوتار كبيرا كلما ساعد ذلك على تحديد شكل القطع بدقة عالية .

٣ - على الأوتار المرسومة تحدد النقاط ( أ ، ب ، ج ، د ، هـ ، ز ، ح ، ط ) والى

تقسم المسافة من منتصف الوتر إلى محيط الدائرة بنسبة  $\frac{٢٧}{٧٠}$



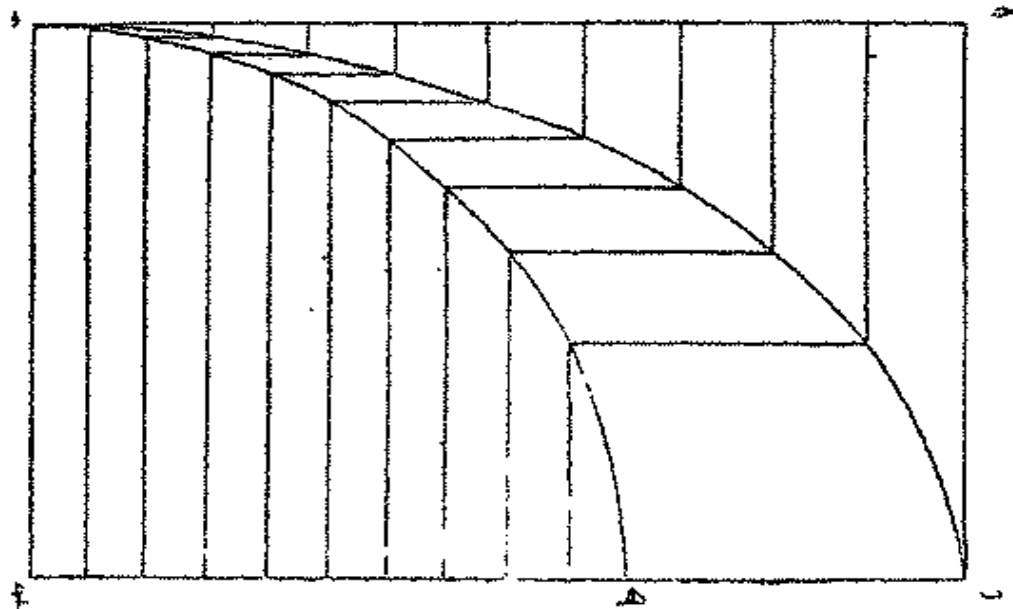
شكل ١١٤ -

٤ - نصل النقط ٤، ب، ا، ح، و... فينتج القطع الناقص المطلوب .

الطريقة الثانية

مثال : لرسم قطع ناقص طول محوره الاكبر ٢٠ سم وطول محوره الاصغر ١٣ سم .

- يتبع الآتي لرسم ربع القطع .



شكل ١١٥



١ — ترسم مستطيل  $ab$  و  $cd$  ضلعه  $ab$  يمثل نصف المحور الأكبر (١٠ سم) و ضلعه  $cd$  يمثل نصف المحور الأصغر (٦ سم) .

٢ — ترسم ربع دائرة مركزها  $a$  ونصف قطرها  $a$  و (٦ سم) ، تقطع  $ab$  في  $h$  .

٣ — تقسم  $ah$  إلى عدد من الأقسام المتساوية (١٠ أقسام) ونقيم الأعمدة على  $a$  عند نقط التقسيم لنقابل محيط ربع الدائرة .

٤ — تقسم  $cd$  إلى نفس العدد من الأقسام المتساوية (١٠) ونقيم الأعمدة على  $c$  عند نقط التقسيم .

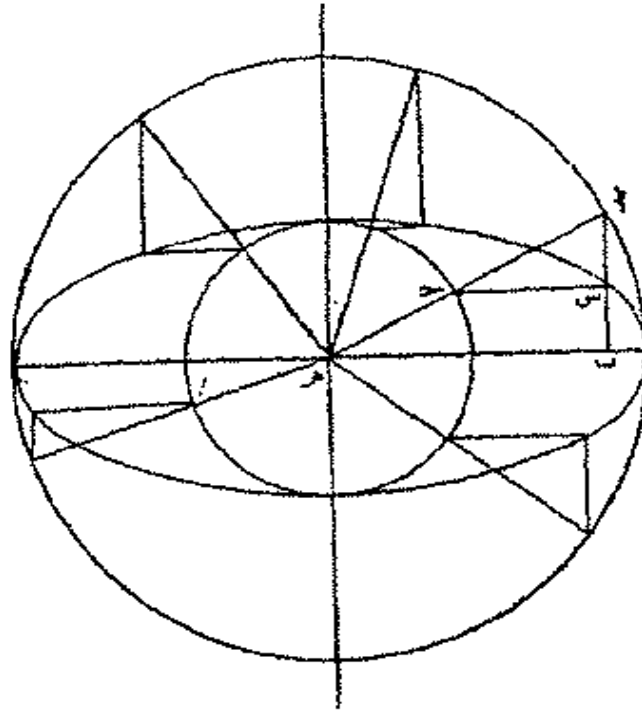
٥ — من كل نقطة على محيط الدائرة حصلنا عليها في الخطوة (٣) ترسم موازياً للخط  $ab$  يقابل الخط العمودي على  $cd$  المناظر له في نقطة ، تقسم على محيط القطع الناقص .

٦ — نصل النقط التي حصلنا عليها في الخطوة (٥) .

### الطريقة الثالثة

مثال : لرسم قطع ناقص طول محوره الأكبر ٧٠ مم وطول محوره الأصغر ٣١ مم .

١ — ترسم المحورين المتعامدين للقطع ومن المركز (م) ترسم دائرتين قطر أحدهما ٧٠ مم وقطر الثانية ٣١ مم .



شكل ١١٦

٢ — نأخذ نقطة مختلفة مثل  $ا$  على محيط الدائرة الكبرى ومنها نسقط عمود  $ا ب$  على المحور الأكبر .

٣ — نصل  $ا م$  ليقطع الدائرة الصغرى في  $ح$  .

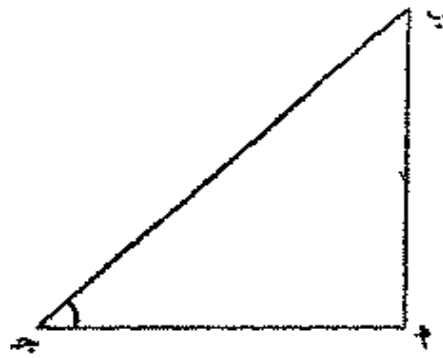
٤ — عند  $ح$  نرسم موازيا للمحور الأكبر للقطع يقابل  $ا ب$  في نقطة  $س$  التي تقع على محيط القطع الناقص .

٥ — نكرر الخطوات الثلاثة السابقة لنحصل على باقي نقاط القطع الناقص ونصل بينها .

## ملحق (٢)

بعض قوانين حساب المثلثات المستوية

أولاً : في المثلث  $ABC$  القائم الزاوية عند  $A$  . نطلق على الضلع  $BC$  الوتر .  
ونطلق على الضلع  $AB$  المقابل لزاوية  $C$  باسم المقابل .  
ونطلق على الضلع  $AC$  المجاور لزاوية  $C$  باسم المجاور .



شكل (١١٧)

$$\frac{AB}{BC} = \frac{\text{المقابل}}{\text{الوتر}} = \sin C$$

$$\frac{AC}{BC} = \frac{\text{المجاور}}{\text{الوتر}} = \cos C$$

$$\frac{AB}{AC} = \frac{\text{المقابل}}{\text{المجاور}} = \tan C$$

ثانياً : لاي زاوية مثل  $C$

$$\frac{1}{\sin C} = \csc C, \quad \frac{1}{\cos C} = \sec C, \quad \frac{1}{\tan C} = \cot C$$

$$\frac{\sin C}{\cos C} = \tan C$$

$$\sin^2 C + \cos^2 C = 1$$

$$\sin(90^\circ - C) = \cos C$$

$$\cos(90^\circ - C) = \sin C$$

$$\tan(90^\circ - C) = \cot C$$

$$\sin(180^\circ - C) = \sin C$$

$$\cos(180^\circ - C) = -\cos C$$

$$\tan(180^\circ - C) = -\tan C$$

$$\text{جا } ۲ = \text{جا } ۲ \quad \text{جا } ۲ = \text{جا } ۲ \quad \text{جا } ۲ = \text{جا } ۲$$

$$\text{جا } ۲ = \text{جا } ۲ \quad \text{جا } ۲ = \text{جا } ۲ \quad \text{جا } ۲ = \text{جا } ۲$$

$$\text{جا } ۲ = \text{جا } ۲ \quad \text{جا } ۲ = \text{جا } ۲ \quad \text{جا } ۲ = \text{جا } ۲$$

$$\text{جا } ۲ = \text{جا } ۲ \quad \text{جا } ۲ = \text{جا } ۲ \quad \text{جا } ۲ = \text{جا } ۲$$

$$\text{جا } ۲ = \text{جا } ۲ \quad \text{جا } ۲ = \text{جا } ۲ \quad \text{جا } ۲ = \text{جا } ۲$$

ناتسا : لای راوینن مثل و ب

$$\text{جا } (۱ + ب) = \text{جا } ۱ + \text{جا } ۱ + \text{جا } ۱$$

$$\text{جا } (۱ + ب) = \text{جا } ۱ + \text{جا } ۱ - \text{جا } ۱$$

$$\text{جا } (۱ + ب) = \frac{\text{جا } ۱ + \text{جا } ۱}{\text{جا } ۱ - \text{جا } ۱}$$

$$\text{جا } ۱ + \text{جا } ۱ = \text{جا } ۲ \quad \text{جا } ۲ = \frac{\text{جا } ۱ + \text{جا } ۱}{\text{جا } ۱ - \text{جا } ۱}$$

$$\text{جا } ۱ - \text{جا } ۱ = \text{جا } ۲ \quad \text{جا } ۲ = \frac{\text{جا } ۱ - \text{جا } ۱}{\text{جا } ۱ - \text{جا } ۱}$$

$$\text{جنا } ۱ + \text{جنا } ۲ = \frac{۱ + ۱}{۲} \text{ جنا } \frac{۱ - ۱}{۲}$$

$$\text{جنا } ۱ - \text{جنا } ۲ = \frac{۱ + ۱}{۲} \text{ جا } \frac{۱ - ۱}{۲}$$

$$۲ \text{ جا } ۱ \text{ جا } ۲ = \text{جنا } (۱ - ۱) - \text{جنا } (۱ + ۱)$$

$$۲ \text{ جنا } ۱ \text{ جنا } ۲ = \text{جنا } (۱ - ۱) + \text{جنا } (۱ + ۱)$$

$$۲ \text{ جا } ۱ \text{ جنا } ۲ = \text{جا } (۱ + ۱) + \text{جا } (۱ - ۱)$$

$$۲ \text{ جنا } ۱ \text{ جا } ۲ = \text{جا } (۱ + ۱) - \text{جا } (۱ - ۱)$$

زایعا؛ فی ای مثلث مثل ا ب ح

$$\frac{\text{جا } ۱}{۱} = \frac{\text{جا } ۲}{۲} = \frac{\text{جا } ۳}{۳}$$

$$۱ \text{ ح } ۱ = ۱ \text{ ح } ۲ + ۱ \text{ ح } ۳ - ۲ \text{ ح } ۱ - ۱ \text{ ح } ۱ - ۱ \text{ ح } ۱$$

$$۱ \text{ ح } ۲ = ۱ \text{ ح } ۱ + ۱ \text{ ح } ۳ - ۲ \text{ ح } ۲ - ۱ \text{ ح } ۱ - ۱ \text{ ح } ۲$$

$$۱ \text{ ح } ۳ = ۱ \text{ ح } ۱ + ۱ \text{ ح } ۲ - ۲ \text{ ح } ۳ - ۱ \text{ ح } ۱ - ۱ \text{ ح } ۲$$

## قائمة المصطلحات

Distortion	تشويه	Bearing	إتجاه - من الشمال
Radian	تقدير دائري زاوية	Azimuth	إتجاه ، عزيمية
	ث	Course	إتجاه خط السير
	ثابت المخروط	Azimuthal , Zenithal	إتجاهي
Constant of the cone		Co - ordinate	إحداثي
	ج		استريو جرافي - مجسم
South	جنوب	Stereographic	
Sine - sin	جيب (زاوية) - ج	Equator	إستواء
Cosine - cos	جيب تمام - جتا	Equatorial	إستوائي
	خ	Cylinder	أسطوانة
Map , Chart	خريطة	Cylindrical	أسطواني
Meridian	خط طول	Projection	إسقاط
	خط عرض - دائرة عرض	Albers	ألبرز (كارتوجرافي)
Parallel of latitude		Border	إطار
	د	Atlas	أطلس
Circle	دائرة		ب
Small circle	دائرة صغرى	Boggs	بورجس (كارتوجرافي)
Great circle	دائرة عظمى	Bonne	بون (كارتوجرافي)
Circular	دائري		ت
Degree	درجة		تشابهي
	ز	Conformal orthomorphic	
Angle	زاوية		

فلامسٹید ( کارٹوجرافی )

Flamsteed

Astronomy فلک ( علم )

ق

Secant - sec قاطع ( زاویہ ) - قا

Cosecant - cosec قاطع تمام - قتا

Sector قطاع ( دائری )

Pole قطب

Polar قطبی

Diameter قطر

Segment قطعہ ( دائریہ )

Hyperbola قطع زائد

Parabola قطع مکانی

Ellipse قطع ناقص

ک

کافراہسکی ( کارٹوجرافی )

Kavraisky

Crafter کراستر ( کارٹوجرافی )

Sphere ککرة

Globe کرة ارضیہ

Globular کروی

Spheroidal کروی

Spherical ککری

Planet کوکب

ل

Lambert لامبرت ( کارٹوجرافی )

س

Sanson سانشون ( کارٹوجرافی )

ش

East شرق

North شمال

ص

صحیح - اورٹوجرافی

Orthographic

ط

Cap طاقتہ ( کرویہ )

Longitude طول

ظ

Tangent - tan ظل ( زاویہ ) - ظا

Cotangent - cot ظل تمام - ظتا

ع

World عالم

Latitude عرض

عرض رئیس

Standard latitude

غ

West غرب

ف

فاندر جریختن ( کارٹوجرافی )

Van Der Grinten

Conventional	معدل
Scale	مقیاس
Zone	منطقه کرویة
Perspective	منظور
Navigation	ملاحه
	مولفایندی (کارتوجرافی)

## ن

Radius	نصف قطر
Star	نجم
	ه
Hammer	هامار (کارتوجرافی)
Graticule	میکل جغرافی

## و

Chord	وتر (دائری)
Winkel	وینکل (کارتوجرافی)

## م

Equal area	مقارری المساحات
Equidistant	مقارری المسافات
Polyconic	متعدد المخاريط
Interrupted	متقطع
Co—latitude	متسم العرض
	مجم — استریوجرافی
Stereographic	
Circumference	محیط (دائرة)
Cone	مخروط
Conic	مخروطی
Gnomonic	مرکزی
	مرکیتور (کارتوجرافی)
Mercator	
Area	مساحة
Surveying	مساحة
Transverse	مستعرض
Projection	مقطع







To: [www.al-mostafa.com](http://www.al-mostafa.com)